

تم تحميل وعرض المادة من

موقع حلول كتابي

المدرسة أونلاين



موقع  
حلول كتابي

<https://hululkitab.co>



للعودة إلى الموقع إبحث في قوقل عن: [موقع حلول كتابي](https://hululkitab.co)

قررت وزارة التعليم تدريس  
هذا الكتاب وطبعه على نفقتها



المملكة العربية السعودية

# الرياضيات

الصف الثاني المتوسط

الجزء الثاني من المقرر



قام بالتأليف والمراجعة  
فريق من المتخصصين

يُوزع مجاناً ولا يُباع

وزارة التعليم  
Ministry of Education  
2025 - 1447

طبعة ١٤٤٧ - ٢٠٢٥

## المركز الوطني للمناهج ١٤٤٧هـ

### المركز الوطني للمناهج

الرياضيات - الصف الثاني المتوسط - الجزء الثاني من المقرر /

المركز الوطني للمناهج - الرياض ، ١٤٤٧هـ .

٢١٣ ص : ٢٧.٥ x ٢١ سـ

رقم الإيداع: ١٤٤٧/١١٣١

ردمك: ٩٧٨-٦٠٣-٥١٤-١٥٠-٥

#### حول الفلافل

صورة الطائر على سطح الماء تمثل انعكاساً على هذا السطح .  
تدرس في الفصل الخامس الانعكاس باعتباره أحد أنواع  
التحولات الهندسية .



مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين الإثرائية"



ien.edu.sa

أعزاءنا المعلمين والمعلمات، والطلاب والطالبات، وأولياء الأمور، وكل مهتم بال التربية والتعليم:  
يسعدنا تواصلكم؛ لتطوير الكتاب المدرسي، ومقترناتكم محل اهتمامنا.



fb.ien.edu.sa



وزارة التعليم

Ministry of Education  
2025 - 1447

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ





وزارة التعليم

Ministry of Education  
2025 - 1447

# المقدمة

الحمد لله والصلوة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهئ الطالب فرص اكتساب مستويات عالياً من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعيها بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمخرجات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتشويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويفاعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تتمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين المواقف والمشكلات الحياتية.
- تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
- إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
- الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاً متكاملاً، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
- الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف إستراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
- الاهتمام بتوظيف التقنية في المواقف الرياضية المختلفة.
- الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتناسب مع الفروق الفردية بينهم.

ونحن إذ نقدم هذه الكتب لأعزائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم وتجعل تعلمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق

# الفهرس

## بعض

### الاحتمالات

٦٣	.....	التهيئة
٦٤	.....	١-٧ عد النواتج
٦٩	.....	٢-٧ احتمال الحوادث المركبة
٧٥	.....	٣-٧ الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي
٨٠	.....	اختبار منتصف الفصل
		٤-٧ <b>استراتيجية حل المسألة</b>
٨١	.....	٥-٧ تمثيل المسألة
٨٣	.....	٥-٧ استعمال المعاينة في التنبؤ
٨٩	.....	اختبار الفصل
٩١-٩٠	.....	الاختبار التراكمي (٧)

## بعض

### القياس: المساحة والحجم

٩٣	.....	التهيئة
		استكشاف مساحات الأشكال غير
٩٤	.....	المنتظمة
٩٥	.....	١-٨ مساحات الأشكال المركبة
		٢-٨ <b>استراتيجية حل المسألة</b>
١٠٠	.....	حل مسألة أبسط
١٠٢	.....	٣-٨ الأشكال الثلاثية الأبعاد
١٠٧	.....	٤-٨ حجم المنشور والأسطوانة
١١٤	.....	اختبار منتصف الفصل
١١٥	.....	٥-٨ حجم الهرم والمخروط
١٢٠	.....	استكشاف مساحة سطح الأسطوانة
١٢١	.....	٦-٨ مساحة سطح المنشور والأسطوانة
١٢٧	.....	توسيع مخطط المخروط
١٢٨	.....	٧-٨ مساحة سطح الهرم
١٣٣	.....	اختبار الفصل
١٣٤-١٣٥	.....	الاختبار التراكمي (٨)

## بعض

### الإحصاء

١١	.....	التهيئة
١٢	.....	١-٦ <b>استراتيجية حل المسألة</b> إنشاء جدول
١٤	.....	٢-٦ المدّرات التكرارية
٢٠	.....	٣-٦ توسيع تمثيل البيانات بالمدّرات التكرارية
٢١	.....	٤-٦ القطاعات الدائرية
٢٨	.....	٥-٦ توسيع الخطوط والأعمدة والقطاعات
٣٠	.....	٦-٦ مقاييس التزعة المركزية والمدى
٣٦	.....	٧-٦ توسيع المتوسط والوسيط والمنوال
٣٧	.....	٨-٦ اختبار منتصف الفصل
٣٨	.....	٩-٦ مقاييس التشتت
٤٣	.....	١٠-٦ التمثيل بالصندوق وطرفيه
٤٩	.....	١١-٦ التمثيل بالساق والورقة
٥٤	.....	١٢-٦ اختيار طريقة التمثيل المناسبة
٥٩	.....	١٣-٦ اختبار الفصل
٦١-٦٠	.....	الاختبار التراكمي (٦)

# الفهرس



العصر	
<b>الجبر: الدوال الخطية</b>	<b>١٠</b>
١٧٧ ..... <b>التهيئة</b>	١٣٧
١٧٨ ..... ١-١٠ <b>المتابعات</b>	١٣٨
١٨٤ ..... ٢-١٠ <b>الدوال</b>	١٤٤
١٨٩ ..... <b>توسيع العلاقات والدوال</b>	١٤٩
١٩٠ ..... ٣-١٠ <b>تمثيل الدوال الخطية</b>	١٥٤
١٩٦ ..... <b>اختبار منتصف الفصل</b>	١٥٦
١٩٧ ..... ٤-١٠ <b>ميل المستقيم</b>	١٦٠
٢٠٣ ..... ٥-١٠ <b>التغير الطردي</b>	١٦١
٢٠٩ ..... ٦-١٠ <b>استراتيجية حل المسألة</b>	١٦٣
٢١١ ..... <b>إنشاء نموذج</b>	١٦٧
٢١٣-٢١٢ ..... (١٠) <b>الاختبار التراكمي (١٠)</b>	١٧٣
العصر	
<b>الجبر: المعادلات والمتباينات</b>	<b>٩</b>
١٩ ..... <b>التهيئة</b>	١-٩
٢٩ ..... ٢-٩ <b>تبسيط العبارات الجبرية</b>	٢-٩
٣٩ ..... ٣-٩ <b>حل معادلات ذات خطوتين</b>	٣-٩
٤٩ ..... <b>كتابة معادلات ذات خطوتين</b>	٤٩
٥٩ ..... <b>استكشاف</b> <b>معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها</b>	٥٩
٦٩ ..... ٤-٩ <b>حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها</b>	٦٩
٧٩ ..... <b>اختبار منتصف الفصل</b>	٧٩
٨٩ ..... ٥-٩ <b>استراتيجية حل المسألة</b>	٨٩
٩٩ ..... <b>التخمين والتحقق</b>	٩٩
١٠٩ ..... ٦-٩ <b>المتباينات</b>	١٠٩
١١٧ ..... ٧-٩ <b>حل المتباينات</b>	١١٧
١٢٣ ..... ٨-٩ <b>اختبار الفصل</b>	١٢٣
١٣٥-١٣٤ ..... (٩) <b>الاختبار التراكمي (٩)</b>	١٣٥-١٣٤



# إليك عزيزي الطالب

ستركز في دراستك هذا العام على المجالات الرياضية الآتية:

- **الجبر**: تحليل الدوال الخطية وتمثيلها، وحل المعادلات الخطية في تطبيقات مختلفة.
- **القياس والهندسة**: تحليل الأشكال الثنائية والثلاثية الأبعاد.
- **تحليل البيانات**: تمثيل البيانات وتحليلها وتفسيرها.

وفي أثناء دراستك، ستعلم طرائق جديدة لحل المسألة، وتفهم لغة الرياضيات وتستعمل أدواتها، وتنمي قدراتك الذهنية وتفكيرك الرياضي.



# كيف تستعمل كتاب الرياضيات؟

• اقرأ فكرة الدرس في بداية الدرس.

• ابحث عن المفردات المظللة باللون الأصفر، واقرأ تعريف كل منها.

• راجع المسائل الواردة في مثال ، والمحلولة بخطوات تفصيلية؛ لتذكري بالفكرة الرئيسية للدرس.

• استعمل الإمدادات للأسئلة لتعرف ما الأمثلة التي تساعدك على حل التمارين والواجبات المطلوبة.

• ارجع إلى إرشادات للدراسة حيث تجد معلومات وتوجيهات تساعدك في متابعة الأمثلة المحلولة.

• راجع ملاحظاتك التي دوّنتها في المخطوّيات

• زر الموقع www.ien.edu.sa وسوف تجد أمثلة وأنشطة إضافية تساعدك على حل بعض المسائل الصعبة.



# الإحصاء

## الفكرة العامة

- أستعمل المقاييس الإحصائية التي تضمن المتوسط الحسابي والوسط والمتوسط والمدى في وصف البيانات بشكل مختصر، وتنظيمها، وعرضها، وفي المقارنة بين مجموعات من البيانات.

### المفردات الرئيسية :

المدرج التكراري (ص ١٤)

القطاعات الدائرية (ص ٢١)

مقاييس النزعة المركزية (ص ٣٠)

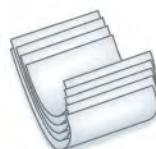
## الربط بالحياة :

**الحج**، يستعمل الإحصاء والتمثيل البياني غالباً لوصف التعداد السكاني أو الإحصاءات العامة؛ فمثلاً، بلغ عدد حجاج بيت الله الحرام عام ١٤٣٨ هـ ٢٠٤ مليون حاج تقريباً، ٧٤٪ منهم من حجاج الخارج.

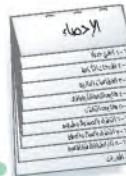
## المَطْوِيَاتُ

### منظّم أفكار

**الإحصاء**: أعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بخمس أوراق قياس A4 كما يأتي:



١ لف الأوراق بحيث تكون لحوافها الظاهرة العرض نفسه.



٤ اكتب عنوان الفصل، وسم كل شريط بعنوان أحد الدروس، وسم الشريط الأخير باسم المفردات.



١ ضع الأوراق الخمس بعضها فوق بعض بحيث تعلو كل ورقة الورقة التي أمامها مسافة ٢ سم تقريباً.



٣ اثنِيَنِ الأوراق جيداً بعد التأكد من تساوي المسافات بين حوافها، ثم بعثتها على طول خط الطي المتكون.



# النتهيأة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

## مراجعة للسرعة

## اختبار للريح

مثال ١ :

مثل المجموعة {٩، ٥، ٤، ٢} على خط الأعداد.



مثل مجموعة النقاط الآتية على خط الأعداد: (مهارة سابقة)

١ {٧، ٨، ١٠، ١٥، ١٦}

٢ {١٥، ٢٠، ٢١، ٢٥، ٣٠}

مثال ٢ :

أوجد ناتج:  $6 + (-4)$ .

٦ و -٤ لهاما إشاراتان مختلفتان، بطرح قيمتيهما المطلقتين، ٦ و ٤ يكون الناتج هو ٢، ويحمل إشارة العدد الذي قيمته المطلقة أكبر وهو ٦.

أوجد ناتج الجمع أو الطرح: (مهارة سابقة)

٣  $(-4) + 4 - 5 + 0$

٤  $(-1) - 1 - 5 + (-7) + (-8)$

٥  $(-7) + 7 + (-5) - 1 + (-4)$

٦ طقس: كانت درجة الحرارة الصغرى ليلاً في مدينة

تبوك ٣°س، في حين بلغت في الليلة التالية -٢°س.

فما الفرق بين الدرجتين؟ (مهارة سابقة)

مثال ٣ :

رتّب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر:

٨, ٦٠, ٠, ٦٨, ٦, ٠٨

رتّب الفواصل العشرية بعضها فوق بعض.  
قارن بين الأرقام في كل منزلة.

٦, ٠٨

٠, ٦٨

٨, ٦٠

فيكون الترتيب للأعداد من الأصغر إلى الأكبر هو:

٨, ٠٨, ٦, ٦٠, ٠, ٦٨

رتّب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر: (مهارة سابقة)

٧ ٠, ٣٢, ٢, ٠٣, ٠

٨ ٥, ٤, ٥, ٤٦, ٥, ٦٤, ٥, ٦

٩ ١, ١٠, ٠, ١٠, ١, ٠١, ٠, ١

١٠ اتصالات: بلغت تكلفة اتصالات كل من عبدالله

وسلطان ومحمد في هذا الشهر ٧١, ١٢٠، ١٢٠، ١٧

١١ ١٢٠, ٠٧, ١٢٠، ١٢٠، ١٧

المبالغ ترتيباً تصاعدياً. (مهارة سابقة)

مثال ٤ :

ما قيمة  $72\%$  من ٣٦٠

٣٦٠  $\times 0.72 = 259.2$  كتابة النسبة المئوية

على صورة كسر عشري.

اضرب.

حل المسائل الآتية: (مهارة سابقة)

١٢ أوجد قيمة  $52\%$  من ٣٦٠

١٣ ما قيمة  $36\%$  من ٣٦٠

١٤ أوجد قيمة  $14\%$  من ٣٦٠





# استراتيجية حل المسألة

٦ - ١

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء جدول".



## أنشئ جدولًا



درجات الحرارة	
١٤	٨
١٥	١٢
١٤	١٥
٢١	١٦
٣١	١٠

رائد: نفذنا نشاطاً يتعلق بمادة الدراسات الاجتماعية، حيث قمنا بدراسة درجات الحرارة في ١٠ عواصم عربية في أحد أيام فصل الربيع، فوجدنا أن درجات الحرارة يمكن أن تُنظم ضمن فئات أربع هي: (١٠ - ١١)°س مدن باردة، (١١ - ٢٠)°س مدن معتدلة، (٢٠ - ٣٠)°س مدن دافئة، أكثر من ٣٠°س مدن حارة.

مهتمك: ما عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من فئات درجات الحرارة؟

لدينا قائمة بدرجات الحرارة لعشر عواصم. ونريد معرفة عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من الفئات الأربع.	<b>افهم</b>															
اعمل جدولًا لتسجيل درجات الحرارة لتلك العواصم في فئات.	<b>خطط</b>															
<table border="1"> <thead> <tr> <th>النكرار</th> <th>الإشارات</th> <th>الفئات</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>٢</td> <td>  </td> <td>١٠-١١</td> </tr> <tr> <td>٦</td> <td>     </td> <td>٢٠-٢١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>٣٠-٣١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>أكثر من ٣٠</td> </tr> </tbody> </table>	النكرار	الإشارات	الفئات	٢		١٠-١١	٦		٢٠-٢١	١		٣٠-٣١	١		أكثر من ٣٠	<b>حل</b>
النكرار	الإشارات	الفئات														
٢		١٠-١١														
٦		٢٠-٢١														
١		٣٠-٣١														
١		أكثر من ٣٠														
هناك عاصمتان تتسمان ببرودة الطقس، وست عواصم معتدلة الحرارة، وعاصمة واحدة دافئة، وأخرى حارة.																
قام رائد بدراسة درجة الحرارة في ١٠ عواصم، وبما أن: $1 + 1 + 2 + 6 = 10$ ، فإن الجدول يبدو معقولاً.	<b>تحقق</b>															

## حل الاستراتيجية

١ اذكر إيجابيات وسلبيات ترتيب البيانات في جدول.

٢ صف نوعين من البيانات يمكن ترتيبهما ضمن جدول.

٣ **الكتاب** مسألة يمكن حلها باستعمال الجدول ثم حلها.



**إذاعة:** تبُث إذاعة القرآن الكريم ٣٠ حلقة من المصحف المجدود كل شهر، فما عدد الحلقات التي تبُثها إذاعة في شهريْن؟

٩ رواتب: ما نسبة الموظفين الحاصلين على راتب من ٣٠٠١ - ٧٠٠٠ ريال بحسب الجدول أدناه؟

الراتب الشهري لموظفي احدى الشركات		الراتب الشهري (ريال)
النكرار	الإشارات	
٦		١٠٠٠-١٠٠١
٨		٢٠٠٠-٢٠٠١
٣		٣٠٠٠-٣٠٠١
٥		٤٠٠٠-٣٠٠١
٢		٥٠٠٠-٤٠٠١
٢		٦٠٠٠-٥٠٠١
٢		٧٠٠٠-٦٠٠١
١		٨٠٠٠-٧٠٠١

**بريد إلكتروني:** يصل عدد الرسائل الإلكترونية في العالم كله إلى ٩٧ مليار رسالة يومياً، يصنف أكثر من ٤٠ ملياراً منها على أنها رسائل مزعجة. فعلى ضوء هذه النسبة، ما عدد الرسائل المزعجة التي ترسل في الشهر؟

**حيوانات:** يبيّن الرسم الآتي أقصى طول لبعض الحيوانات، فإذا كان أقصى طول للفقمة يساوي مثلي أقصى طول للأسد، والذي هو بدوره أطول بـ ٤٠ م من أقصى طول للباندا الضخمة، فأوجد أقصى طول للفقمة.



<sup>5</sup> استعملا، استر اتسحة "إنشاء حدول" لحا، المسألتين: ٤، ٥:

**شركة :** تبيّن القائمة الآتية الأوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقر عملهم. نظمّ البيانات في جدول باستعمال الفئات الآتية:

٤٥-٧:٥٩. ما الفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين؟

V:10	V:3+	V:30	V:1+	V:30
V:3+	V:3+	V:2+	V:++	V:3+
V:+0	V:20	V:++	V:2+	V:20
V:40	V:1+	V:20	V:3+	V:20
V:3+	V:+0	V:3+	V:10	V:1+

**كرة القدم:** تبيّن القائمة الآتية عدد الأهداف التي سجلها أحد الأندية في ٣٠ مباراة. أوجد عدد الأهداف الذي له أكبر تكرار.

+	1	2	0	3	4
+	2	3	4	0	1
2	3	3	4	3	2
×	2	3	0	1	3
+	0	0	2	3	0

### استعمال الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦ - ١١ :

- انشاء جدول
- حل مسألة ابسط
- استعمال التبرير المنطقى
- من استراتيجيات حل المسألة

**طعام:** تجلس أسرة مكونة من 5 أفراد على طاولة حولها 5 مقاعد لتناول طعام الغداء يومياً، فإذا كان مقعداً الأم والأب محددين، فبكم طريقة يمكن جلوس بقية أفراد الأسرة؟

**أصدقاء :** يعيش الأصدقاء سعيد، ومحمد، وعلي، وعبد الغني، في مدن مختلفة، هي: جدة ومكة وأبها والقرىات. وفي العطلة زار سعيد ومحمد صديقهما عبدالغني في جدة، بينما فضل على البقاء في أبها. فمن الذي يسكن منهم في مكة علمًا بأن محمدًا يعيش في أقصى الشمال؟



## المدّرجات التكرارية

٢٦

### الاستعاد

**سكن:** أجرى عزّام دراسة على سكان الوطن العربي؛ والجدول المجاور يبيّن نتائج هذه الدراسة.

- ما إذا تلاحظ على أطوال الفئات في الجدول؟
- ما عدد الدول التي عدد سكانها أكبر من أو يساوي ١٥ مليون نسمة، ويقل عن ٤٥ مليون نسمة؟

الإشارات	فئات أعداد السكان بال مليون	عدد الدول
	١٤ - ٠	١٤
	٢٩ - ١٥	٤
	٤٤ - ٣٠	٣
	٥٩ - ٤٥	٠
	٧٤ - ٦٠	٠
	٨٩ - ٧٥	١

### فكرة الدرس:

أعرض البيانات وأمثلها باستعمال المدرج التكراري وأفسّرها.

### المفردات

المدرج التكراري

يمكن تمثيل البيانات في الجدول التكراري باستعمال المدرج التكراري.  
**المدرج التكراري:** تمثيل بياني يعرض البيانات العددية منظمة في فئات متساوية.

### مثال تكوين المدرج التكراري

مدة التدريب الرياضي (دقيقة)					
٩٦	٢١٩	١٤٢	٨٩	١٣٥	
١٥٥	٩٤	١٣٥	١٠٤	١٤٤	
٩١	١١٦	١٣٤	١٢٧	١٠٦	
١٠١	١١٠	١١٨	١٣٨	١١٨	

**رياضة:** تظهر البيانات المجاورة الزمن الذي استغرقه كل طالب من طلاب الصف الثالث المتوسط في ممارسة الأنشطة الرياضية في مركز للياقة البدنية خلال عطلة نهاية الأسبوع ، اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري، ثم كون مدرّجاً تكرارياً يمثل هذه البيانات.

مدة التدريب الرياضي (دقيقة)			
النكرار	الإشارات	الزمن	
٨		١١٠ - ٨١	
٨		١٤٠ - ١١١	
٣		١٧٠ - ١٤١	
٠		٢٠٠ - ١٧١	
١		٢٣٠ - ٢٠١	

مدة أقصى تدريب هي ٨٩ دقيقة والمدة الأطول هي ٢١٩ دقيقة. ويبيّن الجدول المجاور تمثيل هذه البيانات بفئات بطول ٣٠ دقيقة.

لإنشاء المدرج التكراري اتبع الخطوات الآتية:

**الخطوة ١:** ارسم المحورين الأفقي والرأسي، وسمّهما واتّبِع العنوان.

**الخطوة ٢:** قسم المحور الأفقي بحسب الفئات في الجدول التكراري.



**الخطوة ٣ :** ارسم عموداً لكل فئة بحيث يساوي ارتفاعه التكرار المقابل.



### إرشادات للدراسة

#### الفجوات

الفئات التي تكرارها صفر يكوت ارتفاع أعمدتها صفر ونسمى فجوات.

### تحقق من فهmek

#### أ) اختبارات: تبيّن القائمة

المجاورة درجات اختبار في مادة الرياضيات. اختر فئات مناسبة ومثل البيانات بجدول تكراري، ثم أنشئ مدرجًا تكراريًا.

#### درجات مادة الرياضيات

٨٠	٨٩	٧٧	٧٥	٩٣	٧٣	٨٥	٩٤
٨٣	٩٠	٨٥	٨٧	٨١	٧٩	٨٣	٨٩
٩٠	٩٢	٩٣	٩٣	٩١	٨٣	٨٦	٨٨
١٠٠	٩٠	٨٢	٩٨	٩٧	٩٦	٨٨	٩١

#### تحليل البيانات وتفسيرها

### مثالان

#### إبحار: ما عدد القوارب التي أبحرت كل

منها ٤٠٠ دقيقة على الأقل؟

هناك خمسة قوارب أبحرت كل منها ما بين (٤٩٩-٤٠٠) دقيقة؛ وهناك قاربان ما بين (٥٩٩-٥٠٠) دقيقة؛ لذلك فإن:  $2 + 5 = 7$  قوارب أبحرت ٤٠٠ دقيقة على الأقل.

#### إبحار: ما نسبة القوارب التي أبحرت

١٩٩ دقيقة على الأكثـر

مجموع القوارب =  $2 + 5 + 1 + 4 + 17 = 29$  قاربًا.

وعدد القوارب التي أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل =  $4 + 17 = 21$  قاربًا.

وبما أن  $\frac{21}{29} \approx 0,72 = 72\%$ ، فإن ٧٢٪ من القوارب تقربيًا أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل.



### تحقق من فهmek

استعمل المدرج أعلاه للإجابة عن التمرينين الآتيين:

ب) ما أكبر زمن أبحره قارب؟

ج) ضمن أي فئات زمن الإبحار كان عدد القوارب أكثر؟



## تأكد

الكثافة السكانية لمناطق السعودية بكل كلمٌ مربع					
٣٧	١٩	٣٥	١٤	٣	
٦	١٩	٥	١٦		
٢	٥٥	٢	٤		

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

١ **سكان**: تمثل القائمة المجاورة الكثافة السكانية للمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية.

اختر فئات مناسبة لعمل جدول تكراري، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً يمثل هذه البيانات.

### المثال ١

### المثالان ٢، ٣



المصدر: The World Almanac

٢ ما نسبة البراكين على ارتفاع قدمًا فأقل؟ ٨٩٩٩

٣ ما احتمال أن يكون ارتفاع البركان ١٥٠٠٠ قدم على الأقل؟ فسر إجابتك.

٤ ما ارتفاع أعلى البراكين؟

## تدريب وحل المسائل

اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري لكل من السؤالين الآتيين، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات:

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً						
٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
١٠	٣	٨	٠	٣	٧	

الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٦٦٥
٣٠٢	١٤ - ٧

معدل سرعة بعض الحيوانات (ميل/ساعة)						
٨	٤٥	٥٠	٥٠	٥٠	٦١	٧٠
٠,١٧	٣٥	٤٠	٤٠	٤٠	٤٢	٤٣
١,١٧	٣٠	٣٠	٣٠	٣٢	٣٢	٣٥
٢٠٠	١٢	١٨	٩	٢٠	٢٥	٣٠



**دول** : استعمل المدرج التكراري الآتي في حل الأسئلة ١٠-٧ :



٧ ما عدد الدول التي تقل مساحتها عن ١٤٠ كلم² ؟

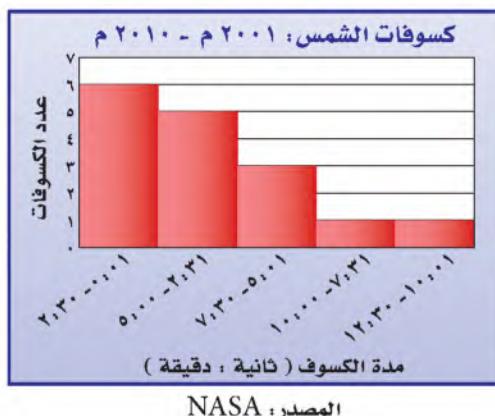
٨ ما نسبة الدول التي تقع مساحتها بين ٦٠٠-٢٠٠١ كلم² ؟

٩ ما احتمال أن تزيد مساحة دولة على ٨٠٠ كلم² ؟

١٠ ما الدولة الأقل مساحة ؟

**كسوف الشمس** : استعمل المدرج التكراري أدناه في الإجابة عن الأسئلة من

١٤ - ١١



NASA



الربط بالحياة .....  
كسوف الشمس آية من آيات الله يخوف الله بها عباده، ويدراسة الكسوفات السابقة وجد أن الكسوف الكلي للشمس يحدث مرات كل ٤ سنوات تقريباً، ويكون زمن الكسوف الكلي أقل من زمن الكسوف الجزئي.

١١ ما النسبة المئوية للكسوفات التي استمرت ٧ دقائق و ٣١ ثانية على الأقل ؟

١٢ كم استغرق أقصر كسوف للشمس ؟

١٣ ما مدة الكسوف الشمسي الكلي خلال هذا العقد؟ فسر إجابتك.

١٤ ما عدد الكسوفات الشمسيّة التي استمرت بين ثانية واحدة وخمس دقائق ؟

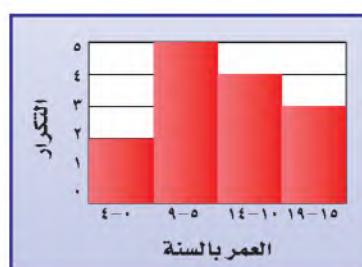
**١٥ جمع البيانات** : حدد وزملاء صفك عدد الساعات التي يمضيها كل منكم في استعمال شبكة المعلومات خلال أسبوع، وكوّن جدولًا تكرارياً بفترات مناسبة، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات.

**١٦ بحث** : استعمل شبكة المعلومات أو أي مصدر آخر لتحصل على بيانات تتعلق بالمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، ومثل هذه البيانات بمدرج تكراري؟ ثم قارن بيانات منطقتك بسائر مناطق المملكة.



١٧ **مسألة مفتوحة:** أنشئ مدرجاً تكرارياً له خط تماثل رأسي وفجوتان؛ ثم

أنشئ مدرجاً آخر له خط تماثل رأسي واحد وفجوة واحدة.



١٨ **تحدد:** صفات التغير الذي يحصل على

المدرج المجاور في حال استعمال فئات

أطول، مثل ٩ - ١٠ و ١٥ - ١٩؛ ثم صفات

التغير في حالات استعمال فئات أصغر،

مثل ٢ - ٣، ٥ - ٦، ٨ - ٩ ... إلخ.

١٩ **الكتبي** وضح متى يكون استعمال

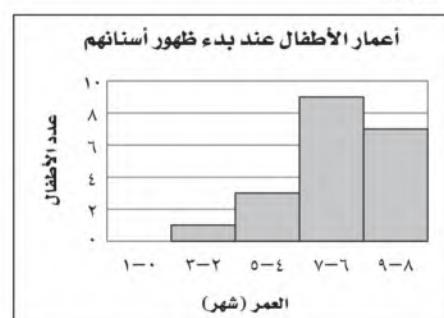
المدرج التكراري أكثر فائدة من استعمال جدول البيانات الفردية، ومتى يكون العكس.

## تدريب على اختبار

٢٠ **إجابة قصيرة:** سجلت مجموعة أمهات

أعمار أطفالهن بالشهر عن بدأ ظهور أسنانهم

بالظهور.



ما الكسر الدال على نسبة الأطفال الذين بدأوا ظهور أسنانهم بالظهور في عمر ٦ شهور أو أكثر؟

٢١ أي الجمل الآتية صحيحة وفقاً للمدرج التكراري

أدناه؟



أ) أقل عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار

حبوب الإفطار هو صفر.

ب) أكبر عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار هو ١١

ج) معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ٦-١١ جراماً من السكر.

د) معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ٣-٥ جرامات من السكر.

## مراجعة تراكمية

٦,٩	٧,٣	٧,٩	٨,٦	١٢,٧	١٤,٠
٤,٣	٤,٣	٤,٦	٥,٢	٥,٣	٦,١
٣,٢	٣,٢	٣,٣	٣,٥	٤,٠	
٢,٥	٢,٦	٢,٦	٢,٦	٣,٠	٣,١

٢٢ تبيّن القائمة المجاورة ما وفره ٢٤ طالبًا بمئات الريالات خلال العام الحالي. استعمل استراتيجية إنشاء جدول لتنظيم هذه البيانات في فئات. (الدرس ١-٦)

## الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حُلَّ كُلَّ مسألة مما يأتي:

٢٥ أوجد ٧٣٪ من ٣٦٠

٢٤ أوجد ٥٣٪ من ٣٦٠

٢٣ أوجد ٢٦٪ من ٣٦٠





## الجداؤل الإلكتروني

## تمثيل البيانات بالمدرجات التكرارية

توسيع

٢ - ٦

يمكن استعمال الجداول الإلكتروني لإنشاء المدرجات التكرارية.

## نشاط

يبين الجدول الآتي درجات طلاب الصف الثاني المتوسط في مادة الرياضيات من ١٠٠ في مدرسة من مدارس مدينة الهافوف.

درجات طلاب الصف الثاني المتوسط					
٩٥	٨٨	٩٣	٨٨	٤٣	٧٩
٩٠	٨٢	٨٤	٩٢	٤٤	٧٨
٨٣	٧٩	٩٩	٧٢	٨٣	٦٧
٨٣	١٠٠	٩٤	٦٦	٨٠	٧٠
٩٠	٨٩	٧٥	٧٩	٧٥	٨٣

أعد صفحة جداول إلكترونية كما في الشكل أدناه:  
الخطوات التالية هي توجيه أمر لإنشاء تمثيل بالمدرجات التكرارية.

**الخطوة ١** أكتب بيانات درجات الطلاب في العمود A.

**الخطوة ٢** ظلل البيانات في العمود A.

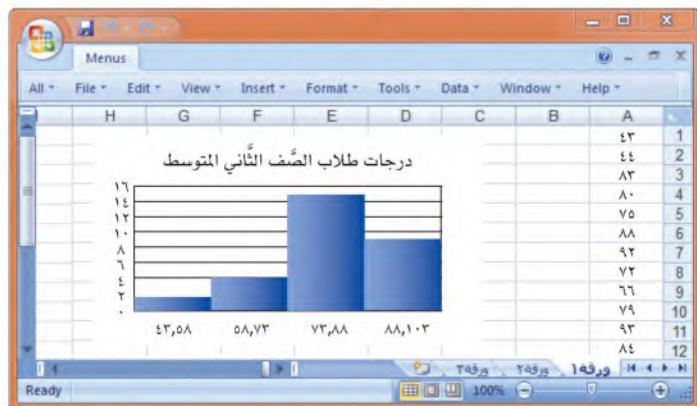
انقر على أيقونة البيانات من قائمة إدراج، ثم حلل البيانات.

اختر مخططات، ثم اختر المدرج التكراري فيظهر التمثيل المطلوب.

**الخطوة ٣** ظلل عنوان المخطط على التمثيل، ثم اكتب عنوان المخطط  
(درجات طلاب الصف الثاني المتوسط).

**الخطوة ٤** اختر مخططات، ثم اختر المدرج التكراري فيظهر التمثيل المطلوب.

**الخطوة ٥** اكتب عنوان المخطط على التمثيل، ثم اكتب عنوان المخطط



## حل النتائج

١ ما تقييمك لنتائج الطالب. قدم تفسيرات محتملة لهذا التقييم.

٢ ما الطرق الأخرى لتمثيل هذه البيانات، وما الفرق بينها وبين التمثيل بالمدرج التكراري؟

## فكرة الدرس:

استعمل برنامج الجداول الإلكترونية لإنشاء المدرجات التكرارية.





## القطاعات الدائرية

### استعاد

**سكان:** يبين الجدول المجاور توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، بحسب إحصاءات الهيئة العامة للإحصاء لعام ١٤٣١ هـ.

توزيع السكان في مناطق المملكة العربية السعودية	
النسبة المئوية	المنطقة
٪ ٢٥,٥	مكة المكرمة
٪ ٢٥	الرياض
٪ ١٥,١	المنطقة الشرقية
٪ ٧	عسير
٪ ٦,٦	المدينة المنورة
٪ ٥	جازان
٪ ١٥,٨	باقي مناطق المملكة

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

- ما النسبة المئوية لسكان منطقة المدينة المنورة؟
- ما النسبة المئوية لسكان المنطقة الشرقية؟
- ما المنطقة ذات التجمع السكاني الأكبر؟
- هل يمثل الجدول جميع سكان المملكة؟ فسر ذلك.

### فكرة الدرس:

أنشئ القطاعات الدائرية، وأفسّرها.

### المفردات:

القطاعات الدائرية

تستعمل **القطاعات الدائرية** لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة البيانات كلها؛ حيث تمثل الدائرة جميع البيانات، وبذلك فإن مجموع النسب في القطاعات الدائرية يساوي ١٠٠٪.

### مثال

#### تمثيل النسب المئوية بالقطاعات الدائرية

**سكان:** مثل المعلومات السابقة بالقطاعات الدائرية.

**الخطوة ١:** تكون الدائرة من ٣٦٠، وعند ضرب النسب المكتوبة بعد تحويلها إلى كسور عشرية في ٣٦٠ تحصل على قياس زاوية كل قطاع من قطاعات الدائرة، على النحو التالي:

قطاع سكان منطقة مكة المكرمة:  $٪ ٢٥,٥$  من  $٣٦٠ = ٠,٢٥٥$

قطاع سكان منطقة الرياض:  $٪ ٢٥$  من  $٣٦٠ = ٠,٢٥$

قطاع سكان المنطقة الشرقية:  $٪ ١٥,١$  من  $٣٦٠ = ٠,١٥١$

قطاع سكان منطقة عسير:  $٪ ٧$  من  $٣٦٠ = ٠,٠٧$

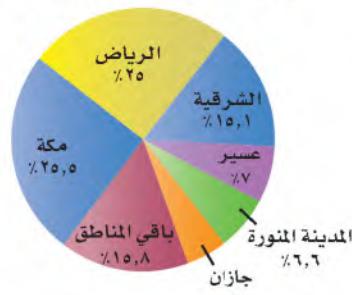
قطاع سكان منطقة المدينة المنورة:  $٪ ٦,٦$  من  $٣٦٠ = ٠,٠٦٦$

قطاع سكان منطقة جازان:  $٪ ٥$  من  $٣٦٠ = ٠,٠٥$

قطاع سكان باقي مناطق المملكة:  $٪ ١٥,٨$  من  $٣٦٠ = ٠,١٥٨$



توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة



المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

وإذا كانت النسب المئوية غير معروفة، فيجب أولاً - قبل البدء في حل المسألة - تحديد نسبة كل قطاع إلى الكل.

## الخطوة ٢ : استعمل الفرجار لرسم الدائرة، ثم

استعمل المنقلة لرسم زاوية قياسها  $92^\circ$  حيث يمثل هذا القطاع سكان منطقة مكة المكرمة، استعمل نصف القطر الجديد لرسم زاوية القطاع الذي يمثل الرياض، وكرر هذه العملية لرسم جميع الزوايا، ثم سُم كل قطاع، وأعطي الرسم عنواناً مناسباً.

وإذا كانت النسب المئوية غير معروفة، فيجب أولاً - قبل البدء في حل المسألة - تحديد نسبة كل قطاع إلى الكل.

### ✓ تحقق من فهمك:

أ) **بضائع**: يمثل الجدول المجاور النسب المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية.

النسبة المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة	
النسبة المئوية	المدينة
% ٢٦,٢	جدة
% ٥	تبوك
% ٢,٤	أبها
% ٤,٢	نجران
% ٥٢,٦	الرياض
% ٩,٦	الدمام

## تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

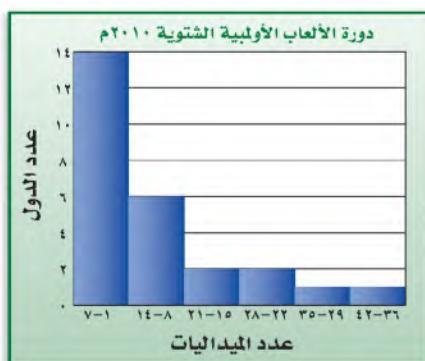
### مثال

أولمبياد: مثل البيانات المعطاة في المدرج

النكراري المجاور بالقطاعات الدائرية.

الخطوة ١ : أوجد العدد الكلي للدول.  
 $26 = 1 + 1 + 2 + 2 + 6 + 14$

الخطوة ٢ : أوجد النسبة المئوية التي تقارن عدد الميداليات في كل فئة بالعدد الكلي للدول، وقدر النتيجة إلى أقرب جزء من مائة.



### إرشادات للدراسة

التقريب:

في الخطوة الثانية تم تقرير  $\frac{14}{26}$  إلى ٥٣ بدلاً من ٥٤، ليصبح مجموع النسب المئوية واحداً.

من ١ - ٧ :  $14 : 26 \approx 26 \div 2 : 28 - 22 = 0,08 \approx 0,08$

من ٨ - ١٤ :  $6 : 26 \approx 26 \div 6 : 23 \approx 0,04 \approx 0,04$

من ١٥ - ٢١ :  $2 : 26 \div 2 : 21 - 36 = 0,08 \approx 0,08$



**الخطوة ٣:** استعمل هذه النسب لإيجاد زاوية كل قطاع، وقرب الناتج إلى أقرب درجة عند الضرورة:

$$\text{من } 1 - 7 - 191 \approx 190,8 = 360 \times 0,53$$

$$\text{من } 8 - 8 - 83 \approx 82,8 = 360 \times 0,23$$

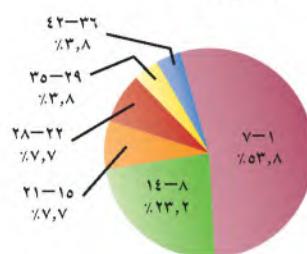
$$\text{من } 15 - 29 \approx 28,8 = 360 \times 0,08$$

$$\text{من } 22 - 29 \approx 28,8 = 360 \times 0,08$$

$$\text{من } 29 - 35 \approx 14,4 = 360 \times 0,04$$

$$\text{من } 36 - 42 \approx 14,4 = 360 \times 0,04$$

دورة الألعاب الأولمبية  
الشتوية ٢٠١٠م



**الخطوة ٤:** استعمل المنقلة والفرجاري لرسم الدائرة والقطاعات المناسبة، وسم كل قطاع، ثم أعط الرسم عنواناً مناسباً واكتب النسب على صورة نسب مئوية.

عدد قوارير الماء المنتجة	
العدد	الشهر
٢٧١٣٧٠٠	رمضان
٨٢٦٤٠٠	Shawal
٢٧٧٤٠٠	ذو القعدة
٢٨١٨٠٠	ذو الحجة
١٧٠٠٠٠	محرم
١٢٣٥٠٠	صفر

### تحقق من فهمك

ب) **ماء:** يبيّن الجدول المجاور عدد قوارير الماء المنتجة من أحد المصانع في ستة أشهر. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية.

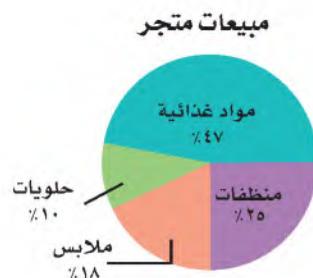
### مثال

**ساعات اليوم:** استعمل الشكل المجاور لتصف كيف تمضي سارة ساعات يومها كاملاً.

تقضي سارة ٨ ساعات يومياً في النوم ، و  $\frac{1}{4}$  يومها تقريباً في المدرسة، و ٣ ساعات في الترفيه، والوقت نفسه لعمل نشاطات أخرى؛ بينما تمضي ٤ ساعات يومياً في أداء واجباتها المنزلية.



**الربط بالحياة:**  
يتراوح معدل النوم الطبيعي للإنسان من ٨-٧ ساعات، أي أن الإنسان يقضى ثلث حياته نائماً.



## حقائق من فهمك :

ج) **مبيعات**: استعمل الشكل المجاور  
لتصف الأصناف المختلفة لمبيعات متجر .

تاڭد

## المثالان ١، ٢

مثلاً كلاً من البيانات الآتية بالقطاعات الدائرية:



المصدر: الهيئة العامة للاحصاء

ممارسة التمارين الرياضية	
٪٢٢	مرة أو أكثر في اليوم
٪٣٣	عدة مرات في الأسبوع
٪١٥	عدة مرات في الشهر
٪١٩	عدة مرات في السنة
٪١	غير متأكد

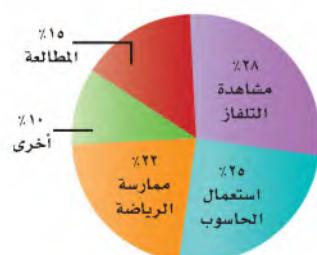
1

**الهوايات**: استعمل القطاعات  
الدائريّة أدناه لتصف الهوايات  
التي يمارسها طلاب الصف الثاني  
المتوسط في المملكة.

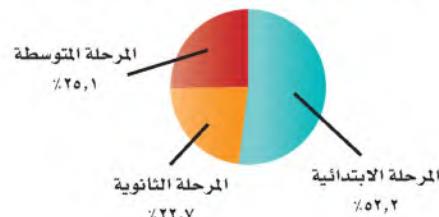
وجبات: استعمل القطاعات  
الدائرية أدناه لتصف أعداد  
الطلاب والطالبات بحسب مرحلة  
التعليم الذين يتناولون وجبة  
الإفطار يوميًّا.

### المثال ٣

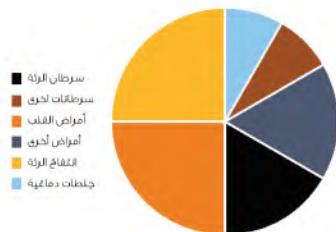
لهم ايات الله، يعاد سها طلاب الشافع، المتوجه



حيات الأفطار لطلاب التعليم العام يوميًّا



## تدريب وحل المسائل



٥ التدخين: استعمل القطاع الدائري المجاور،

لشرح الأمراض التي يسببها التدخين.

مثل كلاً من البيانات الآتية بالقطاعات الدائرية:

٧

نسبة الفاكهة المفضلة لدى طالبات إحدى الثانويات	
٪ ٥٦,٥	الفراولة
٪ ١٥,٥	المانجا
٪ ١٥,٦	البرتقال
٪ ٥,٦	التفاح
٪ ٥,٥	الموز
٪ ١,٣	العنب

نسبة استعمال أحدى طالبات إحدى الثانويات للاختلاط من حيث الموضع	
٪ ٥٥,٣	التواصل الاجتماعي
٪ ١٨,٤	الأخبار
٪ ٧,١	الألعاب
٪ ٩,٦	البريد الإلكتروني
٪ ٦,١	التسوق
٪ ٣,٥	البحث

الرسادات للأستلة	
الاستلة	انظر الأمثلة
١	٦٠٥
٢	٨٠٧
٣	١٢٠٩



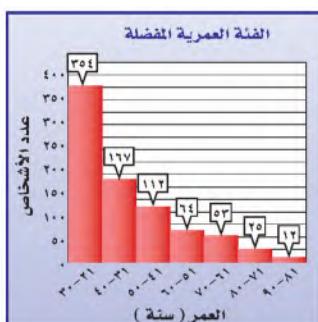
الربط بالحياة: .....

تصدرت المملكة قائمة أعداد مستخدمي شبكة الإنترنت بين دول الخليج العربي، فقد وصل عدد مستخدمي الإنترنت في المملكة إلى ٢٤ مليون مستخدم في عام ٢٠١٧.

٩



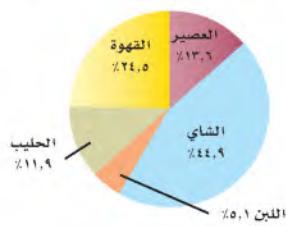
٨



صف البيانات في كل شكل مما يأتي:

١١

المشروب المفضل لدى طالب إحدى الجامعات



١٣

عدد مستعملين الساعة المنبهة



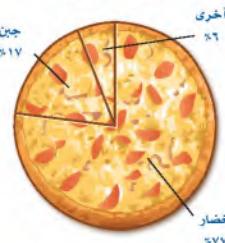
١٤

الحيطيات

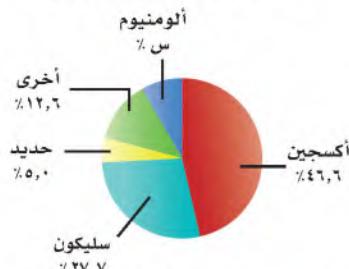


١٢

الفطيرية الأكثر مبيعاً



#### العناصر في القشرة الأرضية

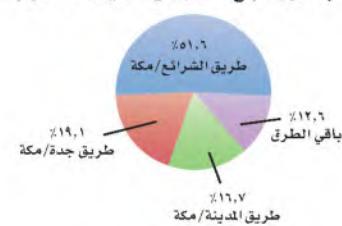


المصدر: Texas A&M University

#### ١٤ علوم الأرض: استعمل الشكل المجاور

لتحديد النسبة المئوية للألومنيوم في القشرة الأرضية، ثم أوجد قياس الزاوية التي تمثل ذلك القطاع.

نسبة دخول حجاج الداخل إلى مكة في أحد الأعوام



المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

#### ندوة شعرية: استعمل الجدول الآتي لحل الأسئلة من ١٧ - ١٩ :

السلوكيات الأكثر إزعاجاً عند حضور ندوة	
% ٢٧	رنين الهاتف النقال
% ٢٢,٥	التحدث بالهاتف النقال
% ٢٤,٢	الأحاديث الجانبيّة
% ١٣,٥	التعليق في أثناء الندوة
% ١٢,٨	آخري

#### ١٥ جمع البيانات: قم بدراسة إحصائية على

زملائك في الصف لتحديد عدد الساعات التي يقضونها في مشاهدة التلفاز في أسبوع ما. وكون مدرجاً تكرارياً للبيانات، ثم مثلها بالقطاعات الدائرية.



الربط بالحياة: حدد وزراء خارجية الدول الإسلامية معدل حجاج كل دولة بحاج واحد لكل ألف نسمة من سكان تلك الدولة.

#### ١٦ حج: استعمل البيانات في الشكل المجاور

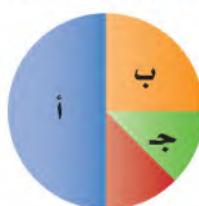
لإيجاد عدد حجاج الداخل القادمين عن طريق المدينة| مكة، إذا علمت أن عدد حجاج الداخل كان ٩٩٠٠٠ حاج في أحد الأعوام.

#### ١٧ أجر دراسة إحصائية على زملاء صفك لتحديد

أكبر الأمور إزعاجاً لهم عند حضورهم ندوة، ثم مثل البيانات بقطاعات دائرة.

١٨ صف أو جه الشبه والاختلاف بين الشكلين

الذين قمت بتمثيلهما.



١٩ الحس العددي: ما النسبة المئوية التي يمثلها كل من القطاعات أ، ب، ج في الشكل المجاور؟

٢٠ مسألة مفتوحة: أنشئ شكلاً من خمسة قطاعات دائيرية يصف كيف تمضي يوماً اعتيادياً كاملاً.

٢١ تبرير: وضح لماذا لا نستطيع تمثيل البيانات المبينة في الجدول المجاور بالقطاعات الدائرية.

٢٢ أكتب مسألة لفظية تصف شيئاً من واقع الحياة، واستعمل القطاعات الدائرية لحلّها. ثم وضح كيف ساعد الشكل على حل المسألة.

الألعاب المفضلة للطلاب	
% ٥٦	كرة القدم
% ٥١	كرة الطائرة
% ٤٥	السباحة
% ٣٢	كرة الطاولة
% ٢٠	آخري

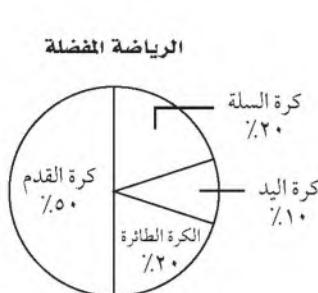
مسائل  
مهارات التفكير العليا

## تدريب على اختبار

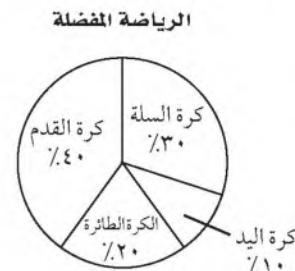
الرياضة	العدد
كرة القدم	٢٤٠
كرة اليد	١٨٠
كرة السلة	١٢٠
كرة الطائرة	٦٠

٢٤ أجرى سعد دراسة مسحية حول الرياضة المفضلة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، وكانت النتائج كما في الجدول المجاور.

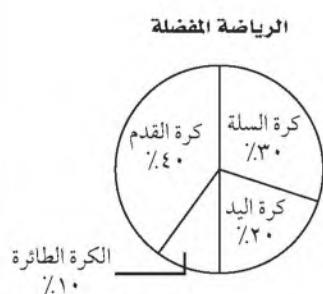
أي تمثل مما يأتي يعرض هذه البيانات؟



(ج)



(د)



(د)



(ب)

## مراجعة تراكمية

٢٥ **أعمار:** تبيّن القائمة أدناه الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات. اختر فئات مناسبة ومثل البيانات بجدول تكراري، ثم انشئ مدرجاً تكرارياً. (الدرس ٦ - ٢)

الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات
١، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٠، ١٠، ٨، ٨، ٧، ٦، ٥، ٥، ٣، ١
٣٥، ٢٥، ٢٠، ٢٠، ١٨، ١٦، ١٥، ١٥، ١٥، ١٥

## الالستدلال للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** أوجد قيمة كلٍ مما يأتي:

$$\frac{20 - 20 + 125 - 500}{8} \quad ١٨$$

$$\frac{13 \times 10 + 342 + 107 \times 14}{3} \quad ٢٧$$

$$\frac{46 + 32 + 25 + 57}{4} \quad ٣٦$$





## معلم الجداول الإلكترونية الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية

توسيع  
٣ - ٦

تفيذ الجداول الإلكترونية في إنشاء الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية.

### نشاط

#### فكرة الدرس:

استعمل التقنية للتمثيل  
بالخطوط، وبالأعمدة،  
 وبالقطاعات الدائرية.

يبين الجدول الآتي الأعداد التقريرية لطلاب المرحلة الثانوية.

العام الدراسي	عدد الطلاب (بألاف)	١٤٣٠-١٤٢٩	١٤٣١-١٤٣٠	١٤٣٢-١٤٣١
١٤٤١	١٣٨٨	١٣٣٨	١٣١٤	١٤٤١

لتمثيل هذه البيانات باستعمال الخطوط، اتبع الخطوات الآتية:

**الخطوة ١** أدخل العام الدراسي في العمود A، وعدد الطلاب في العمود B في برنامج الجداول الإلكترونية.

**الخطوة ٢** ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5 ، مما يعطي إشارة للبرنامج لقراءة البيانات في العمود B.

**الخطوة ٣** اضغط على أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالخطوط، ثم اضغط التالي.

**الخطوة ٤** لتسمية محور السينات، اختر متسلسلة ، وانقر على أيقونة المجاورة لعنوان محور (س) للفئة.

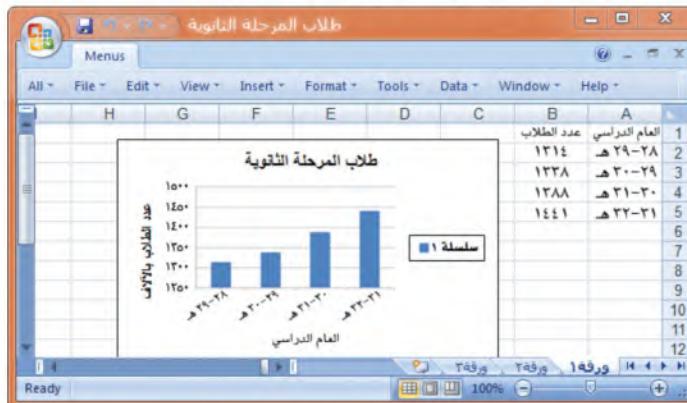
**الخطوة ٥** ظلل البيانات في العمود A من A2 إلى A5 ، ثم اضغط التالي.

**الخطوة ٦** ادخل عنوان اللوحة (طلاب المرحلة الثانوية)، والإحداثي السيني (العام الدراسي)، والإحداثي الصادي (عدد الطلاب بالألاف)، ثم اضغط التالي، ثم إنتهاء.



## نشاط

لعمل لوحة الأعمدة، ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5.  
اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، ومنها اختر نمط التمثيل بالأعمدة،  
ثم اضغط التالي.  
أكمل الخطوات من ٤ - ٦ كما وردت في النشاط ١.



## نشاط

للتتمثيل بالقطاعات الدائرية، ظلل البيانات من A2 إلى A5.  
اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالقطاعات  
الدائري، ثم اضغط التالي.  
اضغط التالي لإدخال عنوان اللوحة، ثم التالي، ثم إنهاء.



## حل النتائج

١ **خمن:** استعمل إحدى اللوحات لتوقع عدد طلاب المرحلة الثانوية في عام ١٤٤٥-١٤٤٤هـ، وما التمثيل الذي استعملته للتوقع؟ فسر سبب اختيارك.

٢ **اجمع المعلومات:** اختر بعض البيانات التي يمكن تمثيلها بالخطوط، وبالأعمدة،  
وبالقطاعات الدائرية، ثم استعمل الجداول الإلكترونية ومثلها.





## مقاييس النزعة المركزية والمدى

٦ - ٤

### الاستعاد

ميداليات أفضل خمس دول في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية لعام ٢٠١٦م				
الدولة	ذهبية	فضية	برونزية	الدولية
الولايات المتحدة	٤٦	٣٧	٣٨	أمريكا
بريطانيا	٢٧	٢٣	١٧	إنجلترا
الصين	٢٦	١٨	٢٦	الصين
روسيا	١٩	١٨	١٩	روسيا
ألمانيا	١٧	١٠	١٥	المانيا

**ألعاب أولمبية** : استعمل الجدول المجاور لحل الأسئلة الآتية:

١ ما القيمة الأكثر تكراراً في عمود

الميداليات الفضية؟

٢ ما معدل الميداليات التي فازت بها

ألمانيا من الأنواع الثلاثة؟

٣ رتب أعداد الميداليات الفضية

ترتيباً تصاعدياً. ما العدد الذي

يتوسط هذه القيم؟

**مقاييس النزعة المركزية** هي الأعداد التي تصف مركز تجمع مجموعة من البيانات. وأكثر هذه المقاييس شيوعاً **المتوسط الحسابي** **والوسيل** **والمتوسط** **والمتوسط**. ويستعمل المدى أيضاً لوصف مجموعة البيانات.

### فكرة الدرس:

أجد المتوسط الحسابي والوسيل والمنوال والمدى لمجموعة من البيانات.

### المفردات

مقاييس النزعة المركزية

المتوسط الحسابي

الوسيل

المنوال

المدى

### مقاييس النزعة المركزية والمدى

#### التعريف

#### المقياس

المتوسط الحسابي

مجموع القيم مقسوماً على عددها.

الوسيل

القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.

المنوال

القيمة الأكثر تكراراً أو شيوعاً بين القيم.

المدى

الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

### إيجاد مقاييس النزعة المركزية والمدى

### مثال

إذا كانت أعمار مجموعة من الموظفين بالسنوات هي ١٨، ٢٤، ٣٢، ٢٤، ١٨، ٢٢،

فاحسب المتوسط الحسابي والوسيل والمنوال والمدى لهذه البيانات.

$$\text{المتوسط الحسابي: } \frac{18+24+32+24+18+22}{6} = \frac{138}{6} = 23 \text{ سنة}$$

الوسيل: ٣٢، ٢٤، ٢٢، ١٨، ١٨ رتب الأعداد ترتيباً تصاعدياً.

$$\frac{24+22}{2} = 23 \text{ سنة}$$

المنوال: يوجد منوالان لمجموعة البيانات هما ١٨ و ٢٤ سنة.

$$\text{المدى: } 32 - 18 = 14 \text{ سنة}$$



## تحقق من فهمك ✓

أ) أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى للنوعي أدناه التي تبيّن سعر كيلو الموز خلال ٦ أسابيع (بالريال) مقرّباً الجواب إلى أقرب متزنتين عشرتين:

٧,٥ ، ٥,٥ ، ٥ ، ٦,٥ ، ٧ ، ٥,٥

أحياناً قد يكون مقاييس أو اثنان من مقاييس الترعة المركزية أكثر تمثيلاً للبيانات من سائر المقاييس.

### مثال من واقع الحياة اختصار المقاييس الأنساب

الحشرات الأكثر شيوعاً	
النوع	عدد الأنواع المعروفة (بالآلاف)
الخناfers	٤٠٠
الفراشات والعم	١٦٥
النمل والنحل والدبابير	١٤٠
الذباب الحقيقي	١٢٠
البعوض	٩٠
الذباب الصغير	١٠

المصدر: Top 10 of Everything

حشرات: اختر المقاييس الأنساب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر سبب اختيارك.

أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لهذه البيانات.

### المتوسط الحسابي:

$$\frac{١٠+٩٠+١٢٠+١٤٠+١٦٥+٤٠٠}{٦}$$

$$١٥٤,٢ \approx \frac{٩٢٥}{٦}$$

المتوسط الحسابي يساوي تقريرياً ١٥٤,٢ ألفاً.

الوسيط: رتب الأعداد تصاعدياً:

٤٠٠، ١٦٥، ١٤٠، ١٢٠، ٩٠، ١٠

$$\text{الوسيط} = \frac{١٤٠+١٢٠}{٢} = ١٣٠ \text{ ألفاً.}$$

المنوال: بما أن كل قيمة لم تظهر إلا مرة واحدة في مجموعة البيانات فلا يوجد لهذه البيانات منوال.

المدى: ٤٠٠ - ١٠ = ٣٩٠ ألفاً.

بما أن الخناfers والفراشات هما النوعان الوحيدان من الحشرات الأكثر شيوعاً وأكبر من المتوسط، إذن فال المتوسط الحسابي لا يمثل البيانات على نحو صحيح. وبما أنه لا يوجد منوال لهذه البيانات، إذن فالوسيط هو مقاييس الترعة المركزية الأنساب. ويوضح لنا المدى أن انتشار البيانات يصل إلى ٣٩٠ ألفاً.



### الربط بالحياة ..... الربط بالحياة

يوجد على الأقل مليون حشرة مقابل كل شخص في العالم.

### ارشادات للدراسة

**الوسيط**  
بما أن هناك عددين متوضطين في مجموعة البيانات، فإن الوسيط يكون متوسط هذين العددين.

السعة (جيجابايت)	نوع الجهاز
٤٠	L100
٨٠	L150
٤٠	NX250
١٢٠	NX300
٤٠	PC150
٤٤	PC250

## تحقق من فهمك ✓

ب) حواسيب: اختر المقاييس الأنساب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر إجابتك.

تحدد الظروف المختلفة لكل مسألة مقياس التوزع المركزية أو المدى الأنسبي لتمثيل البيانات ووصفها.

### إرشادات للدراسة

#### المدى

يستخدم المدى ليصف تشتت القيم في مجموعة البيانات. (أي تباعدها عن بعضها).

استعمال المتوسط والوسيط والمنوال		ملخص المفهوم
المقياس	أكثر فائدة عندما ...	
المتوسط الحسابي	لا تحتوي مجموعة البيانات قيماً متطرفة.	
الوسيط	تحتوي مجموعة البيانات قيماً متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.	
المنوال	تحتوي مجموعة البيانات قيماً متساوية.	

### مثال من اختبار

حصل سلطان على الدرجات الآتية في خمسة اختبارات:

٩٠، ٧٥، ٨٠، ٨٥، ٩٠

إذا استثنى المعلم الدرجة الدنيا، فأي عبارة مما يأتي صحيحة؟

أ) ينقص المتوسط.  
ب) يزداد المتوسط.  
ج) ينقص الوسيط.  
د) لن يتغير الوسيط.

٣

### اقرأ

عليك أن تحدد العبارة الصحيحة إذا استثنىت الدرجة الأدنى.

### حل

$$\text{المتوسط للاختبارات الخمسة} = \frac{90+75+80+85+90}{5} = 84$$

$$\text{المتوسط للاختبارات الأربع} = \frac{90+80+85+90}{4} = 86,25$$

بما أن قيمة المتوسط ازدادت، فإنه يمكن استثناء الإجابة الأولى (أ).

أوجد الوسيط لتحقق من باقي الإجابات.

رتب البيانات ترتيباً تصاعدياً مرة مع الدرجة الدنيا، ومرة أخرى بدونها.

٩٠، ٨٥، ٨٠، ٩٠، ٧٥

٨٧,٥

بما أن قيمة الوسيط ازدادت من ٨٥ إلى ٨٧,٥، فيمكن استثناء الإجابتين (ج) و(د)، وبالتالي تكون (ب) هي الإجابة الصحيحة.

### تحقق من فهمك

ج) أداخرت هيا المبالغ الآتية في الأسابيع الماضية: ٣٥، ٢٥، ١٠، ٥٠ ريالاً، فإذا أداخرت هذا الأسبوع ٤٤ ريالاً أيضاً، فأي عبارة مما يأتي صحيحة؟

أ) ينقص المتوسط.  
ب) لن يتغير المتوسط.  
ج) يزداد الوسيط.  
د) يزداد المنوال.



**المثال ١**

أوجد المتوسط والوسط والمتوسط لمجموعتي البيانات الآتتين مقربة لأقرب عشرة:

١) المسافات التي يقطعها عمال مصنع يومياً

٢) عmad اليومية خلال أسبوع (بالريال) من متجر الحي:

هي: ١٥، ١٢، ٦، ٨، ١، ١٧، ٣، ١٠، ٤٦، ٢٢، ١٨، ١٧، ١٨، ٢١، ١٩

سنوات خبرة معلمي الصف الثاني المتوسط	
٢٧	الرياضيات
١١	العلوم
٩	لغتي
٦	الدراسات الاجتماعية
٥	التربية الفنية
٣	التربية البدنية

٣) مدرسون: اختر أنساب مقاييس من مقاييس التوزع المركبة أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرر سبب اختيارك.

**المثال ٢**

٤) اختيار من متعدد: كان عدد ساعات دراسة رغد خلال أربعة أيام متتالية على النحو الآتي: ساعة واحدة، ٣ ساعات، ساعتان، ساعتان. فإذا درست ساعتين بدلاً من ساعة واحدة في اليوم الأول، فأيُّ القيم الآتية ستقل؟

أ) المتوسط      ب) الوسيط      ج) المنوال      د) المدى

**المثال ٣**

أوجد المتوسط والوسط والمتوسط لمجموعات البيانات الآتية مقربة لأقرب عشرة:

٥) درجات خمسة طلاب في مادة الرياضيات هي: ٢٠، ٨، ٩، ٨، ١٥، ٨، ١٥، ٨، ١٦، ٢٣

٦) أعمار إخوة خالد بالسنوات هي: ١٤، ٦، ٥، ١٦، ٢٣

٧) أسعار أقراص مدمجة لألعاب الحاسوب بالريالات هي: ٧٩، ٨٤، ٨١، ٨٤، ٧٣، ٧٥، ٨٠، ٧٨

٨) أعداد المراجعين لمركز صحي خلال ثمانية أيام هي: ٣٥، ٣٤، ٣٤، ٣٣، ٣٨، ٣٦

الإرشادات للأسئلة	
للأسئلة	انظر الأمثلة
١	٨-٥
٢	١٠، ٩
٣	٢٠، ١٩

في السؤالين ٩، ١٠ اختر مقاييس التوزع المركبة الأنسب لوصف البيانات في كل من الجدولين الآتيين، وبرر سبب اختيارك:

٩) عدد أقمار كواكب المجموعة الشمسية	
الكوكب	العدد
عطارد	٠
الزهرة	٠
الأرض	١
المريخ	٢
المشتري	٦٣
زحل	٣٤
أورانوس	٢٧
نبتون	١٣٣

٩) أعداد المتدربين على قيادة السيارات في مدرسة القيادة خلال ٨ أشهر	
الشهر	العدد المتدربين
محرم	١٠٧
صفر	١٢٨
ربيع الأول	٩٣
ربيع الآخر	٨٢
جمادي الأولى	٩٥
جمادي الآخرة	١٠٠
رجب	١٢٠
شعبان	١٠٠

NASA المصدر:

**١١ اختيار من متعدد:** كانت سرعات عدد من السيارات في شارع مزدحم بالكيلومتر / ساعة على النحو الآتي: ٤٢، ٤٤، ٣٨، ٣٥، ٥٠، ٣٨، فأيُّ المقايس الآتية ستظاهر أن السيارات تسير أسرع؟

ج) المتوسط	أ) المنوال
د) المدى	ب) الوسيط

السعة بالآلاف	الملعب
٧٥	ملعب الملك فهد
٣٥	ملعب الأمير فيصل بن فهد
٣٥	ملعب الأمير عبد الله الفيصل
٣٥	ملعب الأمير محمد بن فهد
٤٠	مدينة الأمير عبد العزيز بن مساعد
٤٠	ملعب الأمير محمد بن عبد العزيز

١٢ ملّاعب: يبيّن الجدول المجاور سعة بعض ملّاعب كرة القدم في المملكة العربية السعودية. أوجّد: المتوسط الحسابي، الوسيط، المتوسّل، المدى لهذه البيانات. وهل ستتأثّر هذه القيم إذا استثنينا ملّاعب الملك فهد؟

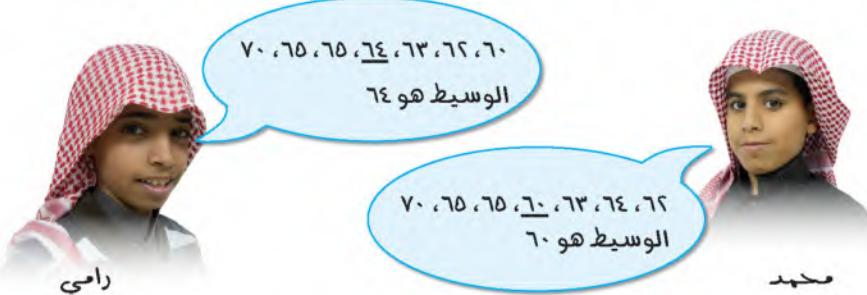


## الربط بالحياة: .....

أنشئ ملعب الملك فهد الدولي على مساحة إجمالية قدرها ٥٠٠ ألف متر مربع، و تستوعب مدرجات الملعب حوالي ٧٠٠٠ متفرج. وكان افتتاحه عام ١٩٨٧.

**جري:** ركض فيصل ٩ كيلومترات يوم الإثنين، و ٧ كيلومترات يوم الأربعاء، و ١٢ كيلومتراً يوم الجمعة. صُفْ كيف ستتأثر قيم: المتوسط، والوسط، والمنوال، والمدى، إذا ركض فيصل ٧ كيلومترات إضافية يوم الأحد.

**١٤ مسألة مفتوحة:** اكتب مجموعة بيانات يكون منوالها ١٠ ، ووسطيتها ٧  
**١٥ اكتشف الخطأ:** أوجد محمد ورامي الوسيط لمجموعة البيانات الآتية:  
٦٢ ، ٦٣ ، ٦٤ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٧٠ . فما هي إجابة صحيحة؟ فسر إجابتك.



**تبرير:** حدد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو ليست صحيحة أبدًا، وفسّر سبب إجابتك: "كل مقاييس التزعة المركزية تكون من القيم الموجودة في مجموعه البيانات".

**١٧ تحدّ: أعطِ مثلاً مصادراً لإثبات خطأ الجملة الآتية:**  
بعد الوسط مقابلاً مثلاً لمجموعه السنان دائمًا.

**الكتاب** استعمل بيانات من مجلة أو صحيفة يومية لكتابة مسألة تتطلب إيجاد مقاييس التوزع المركزية ؟ واذكر أي مقاييس التوزع المركزية هو الأنسب لتمثيل البيانات.



**إجابة قصيرة:** اشترك سليمان في مسابقة لتحفيظ القرآن، وحصل على الدرجات الآتية في ٤ اختبارات: ٩٤٪، ٨٢٪، ٧٨٪، ٨٠٪. فإذا كان عليه الحصول على معدل لا يقل عن ٨٥٪ ليفوز برحلة عمرة مجانية، فأوجد أقل درجة يجب أن يحصل عليها سليمان في اختباره الخامس ليتمكن من الفوز بالمسابقة.

١٩ كانت درجات محمود في أربعة اختبارات كما يأتي، ٢٥، ٢٠، ٣٠، ٢٥، إذا حصل محمود على الدرجة ٣٠ في الاختبار الخامس، فأيُّ جملة مما يأتي ستكون صحيحة؟

- أ) سيفى المنوال كما هو.
- ب) سينقص المتوسط.
- ج) سينقص الوسيط.
- د) سيزداد المتوسط.

## مراجعة تراكمية

**كتب:** في دراسة مسحية حول الكتب المفضلة للقراءة أشار ٥٢٪ من طلبة الصف الثاني المتوسط أنهم يفضلون قراءة الكتب الدينية و ٢٥٪ يفضلون الكتب الثقافية و ١٥٪ الكتب التاريخية و ٨٪ الكتب الرياضية. استعمل القطاعات الدائرية لتمثل الكتب المفضلة للقراءة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط. (الدرس ٦ - ٣)



**أطوال:** استعمل المدرج التكراري في الشكل المجاور، للإجابة عن السؤالين ٢٢ و ٢٣ (الدرس ٦ - ٢)

٢٢ كم طالباً أطوالهم ٦٠ بوصة على الأقل؟

٢٣ كم طالباً أطوالهم من ٥٤ إلى ٧١ بوصة؟

## الاستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** رتب كل مجموعة من الأعداد من الأصغر إلى الأكبر:

٢، ٨٩، ٢، ٩، ٣، ٢، ٣، ٢٥، ٣، ١ ٢٤

٩٣، ٩٣، ١١، ٩٤، ٧، ٩٣، ١، ٩١، ٣ ٢٥

١٥، ١، ١٥، ٠١، ١٦، ٧٩، ١٦، ٨، ١٧، ٤ ٢٦





# معلم الجداول الإلكترونية المتوسط والوسيط والمنوال

توسيع  
٤ - ٦

يمكنك استعمال برنامج الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لمجموعة من البيانات.

## نشاط

**ملابس:** تبيّن القائمة الآتية عدد قطع الملابس التي ينتجهها أحد المصانع خلال عشرة أيام. مثل هذه البيانات باستعمال برنامج الجداول الإلكتروني.

إنتاج مصنع ملابس خلال عشرة أيام

٩٣٨	٩٥٣	٩٩٩	١١٦٥	١٣٧٢
٩٠٨	٩٤٨	٩٩١	١٠٣٧	١٢٦٥

### فكرة الدرس:

استعمل برنامج الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال.



## تمارين

استعمل الجداولين الآتيين لحل التمارين ١-٣:

إنتاج الغتر في المصنع (ب) خلال (١٠) أشهر	
١٧٠٤	٢٤٣٠
١٦٧١	١٩١٦
١٦٤٢	١٨٨١
١٦١٨	١٧٤٧
١٦٠٨	١٧٠٩

إنتاج الغتر في المصنع (أ) خلال (١٠) أشهر	
١٥٦١	٢١٣٢
١٥٤٠	٢١٠٥
١٤٨٥	٢٠٧٠
١٤٤٣	١٧٥٣
١٤٢٦	١٥٧٦

١ استعمل الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لكلا المصانعين.

٢ قارن بين أعلى كميّي إنتاج في كلا المصانعين.

٣ قارن بين المتوسط والوسيط لكلا المصانعين.

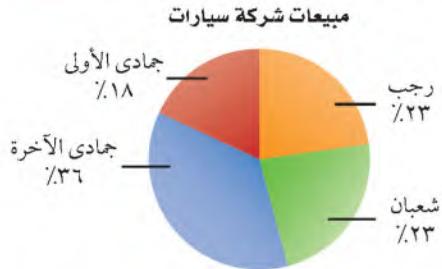


# اختبار منتصف الفصل

الفصل  
٦

الدروس من ١-٦ إلى ٤-٦

٥ اختيار من متعدد: أي جملة مما يأتي ليست صحيحة وفقاً للقطاعات الدائرية أدناه. (الدرس ٣ - ٦)



أ) حوالي  $\frac{1}{5}$  مبيعات الشركة كانت في شهر جمادى الأولى.

ب) مبيعات الشركة في شهر جمادى الآخرة أكثر من أي شهر آخر.

ج) باعت الشركة العدد نفسه من السيارات في كل من شهري رجب وشعبان.

د)  $\frac{1}{2}$  مبيعات الشركة كانت في شهر رجب.

أوجد كلاً من المتوسط، والوسط والمتوسط، والمدى لكل مجموعة من البيانات مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٤ - ٦)

٦ عدد النقاط التي حصل عليها سعود في مسابقة ثقافية ٥, ٥, ٦, ٢٥, ٥, ٧٥, ٦, ٤, ٥

٧ عدد الدقائق التي ركض فيها سالم في سبعة أيام ١٧, ٣٣, ٢٥, ٢٢, ١٧, ٤١, ٣٥

٨ اختيار من متعدد: كانت درجات ٢٩ طالباً في مادة الرياضيات كما يلي: (الدرس ٤ - ٦)

درجات الرياضيات								
٨٣	١٠٠	٨٧	٧٧	٩٢	٦٥	٨٢	٧٧	
٧٧	٧٥	٥٩	٨٢	٨٧	٦٧	٧٣	٤٥	
٨٢	٨٥	٧٩	٨٧	٥٢	٨٧	٧٥	٨٢	
				٨٥	٧٨	٨٧	٦٨	٧٧

أي المقاييس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات الطلاب أعلى؟

أ) المنوال  
ب) المتوسط  
ج) الوسيط  
د) المدى

١ كتل: نظم البيانات أدناه في جدول باستعمال الفئات ٦٠-٦٩, ٧٠-٧٩, ٨٠-٨٩, ٩٠-٩٩، ما الفئة التي تتضمن أكبر عدد من العمال؟ (الدرس ٦ - ١)

كتل ١٢ عاملًا في مصنع (كيلوجرام)	
٩٧	٦٦
٦٦	٨٢
٩٤	٩٩
٨٥	٧٠
٧٤	٩٠
٧٤	٩٩

وظائف: استعمل المدرج التكراري أدناه للإجابة عن الأسئلة ٢-٤ (الدرس ٦ - ٤)



٢ كم شخصاً بدأوا وظائفهم عندما كانت أعمارهم من ٢٠ سنة إلى أقل من ٢٩ سنة؟

٣ وفقاً لهذا المدرج التكراري، ما العمر الأكثر إمكانية الذي يبدأ عنده الموظفون أول عمل لهم؟

٤ مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية. (الدرس ٣ - ٦)



وزارة التعليم

Ministry of Education

٢٠٢٥ - ١٤٤٧



## مقاييس التشتت

٥-٦



الناتج المحلي للمملكة العربية السعودية  
حسب نوع النشاط الاقتصادي لعام ٢٠١٧ م

الناتج المحلي (مليون ₩)	النشاط
٦٣٠٥٦٣	التعدين والتجهيز
٣٢٨٣٤٧	الصناعات التحويلية
١٥٤٣٤٦	التشييد والبناء
١٦٥١٣٤	النقل والتموين والاتصالات
٦٥٢٢٤	الزراعة والأسمدة
٢٧٤٨٣٢	تجارة الجملة والتجزئة

### اللستة

**الناتج المحلي:** يبين الجدول المجاور الناتج المحلي الإجمالي في المملكة العربية السعودية حسب نوع النشاط الاقتصادي لعام ٢٠١٧ م مقداراً بـ ٣٣٠٥٦٣ مليون ريال.

١ أوجد الوسيط لهذه البيانات.

٢ قسم البيانات في الجدول إلى مجموعتين.

٣ مجموعات قيم مرتفعة (النصف الأعلى) ومجموعات قيم منخفضة (النصف الأدنى). ما عدد القيم في كل مجموعة؟

٤ ما الوسيط لكل مجموعة؟

٥ أوجد الفرق بين الإجابتين في السؤال الثالث.

٦ أوجد المدى لمجموعة البيانات.

٧ علام يدل المدى عن الناتج المحلي لهذه الأنشطة؟

تستعمل **مقاييس التشتت** لوصف مدى انتشار البيانات حول القيم المتوسطة، وقد استعمل المدى في الدرس (٦-٤) لوصف انتشار البيانات؛ وبذلك يُعد المدى أحد مقاييس التشتت. **الربعات** قيم تعمل على تقسيم البيانات إلى أربعة أجزاء متساوية، وتُعد من مقاييس التشتت أيضاً. وكما تذكر فإن الوسيط يقسم البيانات إلى قسمين متساوين.

النصف الأعلى	الوسط	النصف الأدنى
٦٣٠٥٦٣، ٣٢٨٣٤٧، ٢٧٤٨٣٢	↓	١٦٥١٣٤، ١٥٤٣٤٦، ٦٥٢٢٤

وسيط النصف الأعلى من  
البيانات يُسمى **الربع الأعلى**.

وسيط النصف الأدنى من  
البيانات يُسمى **الربع الأدنى**.

وبذلك فإن نصف البيانات يقع بين الربعين الأدنى والأعلى، وهذا يقودنا إلى مقياس آخر من مقاييس التشتت هو **المدى الرباعي**.

#### مفهوم أساسى

#### المدى الرباعي

المدى الرباعي هو مدى نصف البيانات التي تقع في الوسط، وهو الفرق بين الربعين الأعلى والأدنى.

#### فكرة الدرس:

أجد مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.

#### المفردات

##### مقاييس التشتت

الربيعات

الربع الأدنى

الربع الأعلى

المدى الرباعي

القيم المتطرفة

## مثال

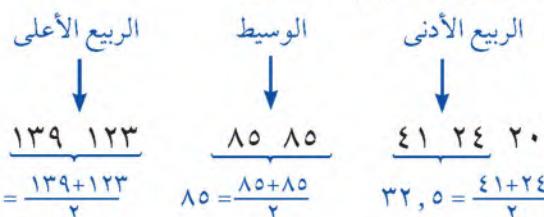
### إيجاد مقاييس التشتت

برامج قناة رياضية في عام	
العدد	المباراة
٢٠	سباق سيارات
٤١	سباق الخيل
٢٠٤	كرة القدم
١٢٣	كرة السلة
٨٥	كرة اليد
١٣٩	الكرة الطائرة
٨٥	تنس الطاولة
٢٤	السباحة

**برامج رياضية :** أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

$$\text{المدى} = ٢٠٤ - ٢٠ = ١٨٤ \text{ مباراة.}$$

لإيجاد الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى، رتب البيانات ترتيباً تصاعدياً.



$$\text{الوسيط} = 85, \text{ الربع الأدنى} = 20, \text{ الربع الأعلى} = 139.$$

$$\text{المدى الرباعي} = \text{الربع الأعلى} - \text{الربع الأدنى} = 139 - 20 = 119.$$

### أسعار جهاز تسجيل في عدة معارض ( ريال )

٦٢٠	٨٥٠	٦٨٠	٥٠٠
٥٤٠	٨٠٠	٥٥٠	٥٠٠
٥٤٠	٦٠٠	٧٥٠	٥٥٠

### تحقق من فهمك

**أ) مبيعات :** أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

## ارشادات للدراسة

قيمة المدى الرباعي تدل القيمة العالية للمدى الرباعي على تشتت البيانات وتباعدها في منتصف مجموعة البيانات، في حين تدل القيمة المنتفضة له على تقارب هذه البيانات في منتصف مجموعة البيانات.

تعد البيانات التي تقل عن المقدار:  $(\text{الربع الأدنى} - ١,٥ \times \text{المدى الرباعي})$

والتي تزيد على المقدار:  $(\text{الربع الأعلى} + ١,٥ \times \text{المدى الرباعي})$  قيماً متطرفة.

والقيم المتطرفة هي البيانات التي تزيد أو تقل كثيراً عن قيمة الوسيط.

### إيجاد القيم المتطرفة

## مثال

**مساكن :** أوجد القيم المتطرفة في بيانات الجدول أدناه.

أوجد المدى الرباعي:

$$٣٨٣٠ - ١٢٦٩٥ = ٨٨٦٥$$

اضرب المدى الرباعي بـ ١,٥ :

$$٥٧٤٥ = ٣٨٣٠ \times ١,٥$$

لإيجاد القيم المتطرفة اطرح

٥٧٤٥ من الربع الأدنى، وأضف

٥٧٤٥ إلى الربع الأعلى:

$$٣١٢٠ = ٥٧٤٥ - ٨٨٦٥$$

$$١٨٤٤٠ = ٥٧٤٥ + ١٢٦٩٥$$

وبذلك تكون القيمة المتطرفة

الوحيدة هي ١٨٥٣٣؛ لأنها أكبر من



## ✓ تحقق من فهمك:

أعلى الأبراج في أحدى المدن (متر)						
٤٠٩	٤٨٣	٤٨٣	٤٩٤	٥٥٧		
٣٨٥	٤٢٠	٤٢٠	٤٢٨	٤٥٤		

ب) **أبراج:** أوجد القيم المتطرفة للبيانات في الجدول المجاور.



الربط بالحياة: .....  
أثبتت أبحاث علوم المحيطات أن دماغ الدلافين ينقسم إلى قسمين؛ حيث ينام أحدهما، في حين يبقى النصف الآخر مستيقظاً وبالتالي.

## مثال

٣٠ نوم: استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

ساعات نوم بعض أنواع الثدييات	
١٩,٩	الخفاش
١٨,١	أفعى الباليون
١٦	النمر
١٢,١	القط
١٠,٤	الدلفين
٦,٢	الفقمة
٢,٩	الحصان
١,٩	الزرافة

$$\begin{aligned} \text{المدى} &= ١٨ - ١,٩ = ١٦,١ \\ \text{الوسيط} &= ١١,٢٥ \\ \text{الربع الأعلى} &= ١٧,٠٥ \\ \text{الربع الأدنى} &= ٤,٥٥ \\ \text{المدى الربيعي} &= ١٢,٥ = ٤,٥٥ - ١٧,٠٥ \end{aligned}$$

مدى هذه البيانات هو ١٨ ساعة. والوسيط ١١,٢٥. وينام ربع هذه الحيوانات ٤,٥٥ ساعات أو أقل، وينام ربع آخر ١٧,٠٥ ساعة أو أكثر، في حين يتراوح عدد ساعات نوم نصف هذه الحيوانات بين ٤,٥٥ إلى ١٧,٠٥.

## ✓ تحقق من فهمك:

ج) **سباق الدراجات:** استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

عدد مرات الفوز ببرالي فرنسا للدراجات	
٣٦	فرنسا
١٨	بلغاريا
٩	إيطاليا
٨	أسبانيا
٨	الولايات المتحدة الأمريكية

## تأكد

**مساحات:** استعمل البيانات في الجدول أدناه للإجابة عن الأسئلة ١-٥:

مساحات بعض الدول الإسلامية	
المساحة (آلاف الكيلومترات المربعة)	الدولة
٢٢٤٠	السعودية
٨٢٢	باكستان
٧١١	المغرب
٣٣٠	ماليزيا
٣١٠	عمان
١٨	الكويت

١ أوجد مدى هذه البيانات.

المثال ١

٢ أوجد الوسيط، والربعين الأعلى والأدنى.

المثال ٢

٣ أوجد المدى الربيعي للبيانات.

المثال ٣

٤ حدد القيم المتطرفة.

٥ استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

## تدريب وحل المسائل

إنتاج المناطق من الحبوب في أحد الأعوام	
المنطقة	الإنتاج (الألف طن)
الجوف	٤٧٦
القصيم	٤١٨
جازان	٢٢٨
الرياض	١٧٧
تبوك	١١٧

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

**زراعة:** استعمل البيانات في الجدول

المجاور لحل الأسئلة ٩ - ٦:

ما مدى هذه البيانات؟

أوجد الوسيط والربعين الأعلى والأدنى

والمدى الريعي لهذه البيانات.

حدد القيم المتطرفة.

استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات

في الجدول.

الشادات للأسئلة

للاسئلة انظر الأمثلة

١ ٧٦٦

١١١٠

٢ ١٢٠٨

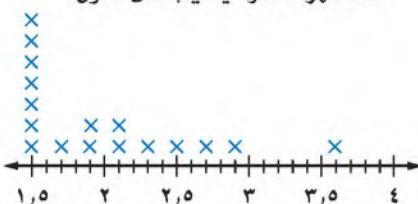
٣ ١٣٠٩

عدد أنواع مملكة الحيوانات

المفصليات	١١٠٠٠٠
الأسماك	٢٤٥٠٠
الطيور	٩٠٠٠
الثدييات	٩٠٠٠
الزواحف	٨٠٠٠
البرمائيات	٥٠٠٠

المصدر: World Almanac For Kids

شدة الاهتزاز الأرضية في إحدى الدول



**هزات أرضية:** استعمل لوحة النقاط

المجاورة لحل الأسئلة ١٦ - ١٤:

أوجد المدى والمتوسط والوسيط

والمنوال والربعين الأعلى والأدنى

والمدى الريعي لمجموعة البيانات.

حدد القيم المتطرفة.

استعمل مقاييس التشتت لوصف هذه البيانات.

**أوجد البيانات:** اختر بعض البيانات الإحصائية عن المملكة، واتكتب مسألة

من واقع الحياة لتتجدد من خلالها مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت.

**١٨ مسألة مفتوحة:** اكتب مجموعة بيانات تتتألف من ثمانية أعداد على الأقل

بحيث يكون المدى الريعي لها ٢٠، ولها قيمة متطرفة واحدة.

**١٩ تحد:** اكتب مجموعتين من البيانات لهما المدى نفسه غير أن المدى الريعي

لكل منهما مختلف؛ ثم اكتب مجموعتين آخريتين من البيانات لهما الوسيط

والربعيات أنفسهما إلا أن مداهما مختلف.

**٢٠ أكتب** فسر عدم تأثير المدى الريعي بالقيم الكبيرة جداً أو الصغيرة جداً

من البيانات.

الربط بالحياة: .....

تعد الفشريات والعنابك من فصيلة المفصليات، ويوجد ٧٥٠٠ نوع من الحشرات وحدها.

**مسائل مهارات التفكير العليا**





٢٢ تمثل القيم أدناه عدد الكيلومترات التي مشاهد عبد العزيز في (١٢) أسبوعاً.

٧، ٦، ٨، ٨، ١١، ١٠، ٥، ٦، ٧، ٨، ١٤

أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً لهذا البيانات؟

أ) نصف القيم أكبر من ٧، ٥، ونصفها أقل من ٧، ٥

ب) المدى يساوي ٩

ج) القيمة المتطرفة هي ١١

د)  $\frac{1}{4}$  القيم أكبر من ٩

٢٣ أيُّ الجمل الآتية لا يمكن أن تكون صحيحة بالنسبة لمقاييس التشتت لأيٌّ مجموعة من البيانات؟

أ) نصف البيانات تقع بين الربعين الأعلى والأدنى.

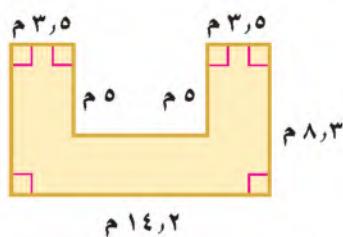
ب) ثلاثة أرباع البيانات أكبر من الربع الأدنى.

ج) الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى تقسم مجموعة البيانات إلى ثلاثة أقسام متساوية.

د) ٥٠٪ من البيانات أقل من الوسيط.

## مراجعة تراكمية

٢٤ أطوال: أطوال عائلة سلطان بالبوصة هي: ٧٢، ٧٧، ٦٧، ٧١، ٤٨، ٦٨، ٧٢، ٦٧، ٥، ٥، ٥، ٣، ٨، ١٤، ٢، وأوجد كلاً من المتوسط، والوسيط، والمنوال، والمدى، مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٤-٦)



٢٥ قياس: أوجد مساحة الشكل المجاور، مقربة إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦-٢)

## الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل مجموعة من النقاط التالية على خط الأعداد.

$$\{10, 9, 8, 5, 3\} \quad ٢٥$$

$$\{31, 27, 20, 15, 13\} \quad ٢٦$$

$$\{21, 17, 16, 13, 9\} \quad ٢٧$$

$$\{19, 15, 10, 9, 3\} \quad ٢٨$$





## التمثيل بالصندوق وطرفيه

٦ - ٦

### استعاد

ارتفاعات: يبيّن الجدول المجاور ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر.

ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر	
الارتفاع (م)	المدينة
٩١٥	حائل
٧٠٠	تبوك
٦٢٠	المدينة المنورة
٦٠٠	الرياض
٣٠٠	مكة المكرمة
٢١٠	حفر الباطن

- ١ ما القيمة الصغرى لهذه البيانات؟
- ٢ ما الربع الأدنى لهذه البيانات؟
- ٣ ما الوسيط لهذه البيانات؟
- ٤ ما الربع الأعلى لهذه البيانات؟
- ٥ ما القيمة العظمى لهذه البيانات؟
- ٦ حدد القيم المتطرفة.

### فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها باستخدام الصندوق وطرفيه، وأفسّرها.

### المفردات

التمثيل بالصندوق وطرفيه

القيم القصوى

يستعمل التمثيل بالصندوق وطرفيه خط الأعداد ليبيّن انتشار مجموعة من البيانات. حيث يرسم الصندوق حول قيم الربعين، ويتمتد من الطرفين خطان مستقيمان يصلان بين الربعين **والقيم القصوى** للبيانات هي القيم العظمى والصغرى التي لا تكون قيمًا متطرفة.

### تمثيل الصندوق وطرفيه

### مثال

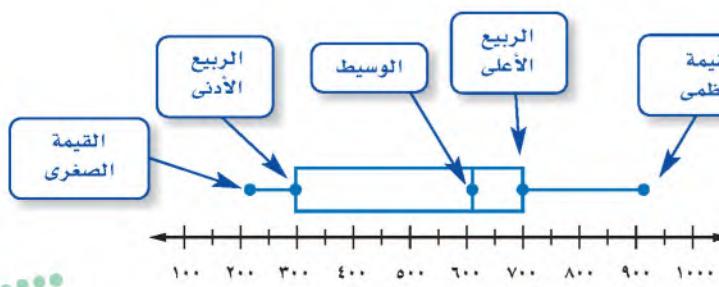
ارتفاعات: مثل البيانات في الجدول أعلاه بالصندوق وطرفيه.

١

**الخطوة ١ :** ارسم خط الأعداد بحيث يتضمن القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

**الخطوة ٢ :** حدد القيم القصوى، والوسيط، والربع الأدنى، والربع الأعلى، على خط الأعداد.

**الخطوة ٣ :** ارسم الصندوق وطرفيه.



## ✓ تحقق من فهمك:

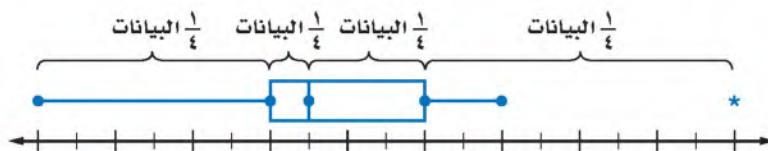
مثل مجموعتي البيانات الآتيتين بالصندوق وطرفيه:

أ) بلغت المسافات التي قطعها محمود في سيارته بالكيلو مترات خلال عدة أيام ما يأتي: ٤٢، ٤٣، ٤٥، ٤٢، ٣٨، ٥٥، ٦٥، ٣٤، ٥٠

يأتي: ٣٥، ٤٠، ٣٦، ٣٤

ب) جاءت درجات الحرارة الدنيا بالفهرنهايتية لعدد من المدن العربية على النحو الآتي: ٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ٢٨، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٦٧، ٥٨، ٥٢

يوزع التمثيل بالصندوق وطرفيه البيانات إلى أربعة أجزاء؛ ومع أن أطوال هذه الأجزاء غير متساوية؛ إلا أن كل جزء منها يتضمن ربع البيانات.

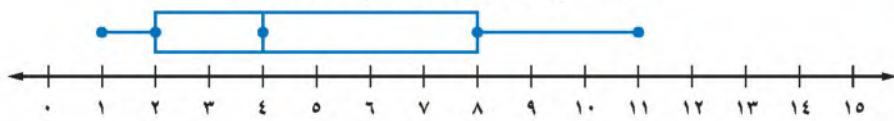


وكلما زاد طول الصندوق أو طول طرفيه ازدادت البيانات تبايناً وزاد مداها، بينما يدل قصر الطرف أو الصندوق على المدى القليل، وتدل إشارة النجمة (\*) على القيم المتطرفة، ولا يتم توصيلها بالأطراف.

## مثال تفسير البيانات

كرة قدم: علام يدل طول الصندوق وطرفيه في التمثيل الآتي؟

عدد المرات التي فازت فيها مجموعة من الأندية بالكأس



يظهر من الرسم أن البيانات بين الوسيط والربع الأعلى أكثر تباعداً وانتشاراً من تلك التي تقع بين الوسيط والربع الأدنى؛ وبما أن الطرف الأيمن أطول من الطرف الأيسر، فإن البيانات الأكبر من الربع الأعلى تكون أكثر تباعداً وانتشاراً من سواها الأقل من الربع الأدنى.

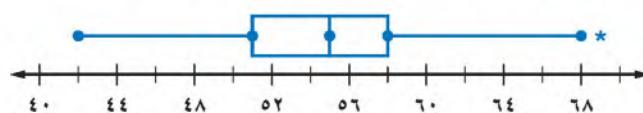


الربط بالحياة .....  
إن ممارسة الرياضة تقي ياذن الله  
من الإصابة بالسكري وارتفاع  
ضغط الدم وأمراض القلب.  
وتساعد على تحسين الحالة  
النفسية والمعنوية.

## ✓ تحقق من فهمك:

ج) عمل: قارن بين بيانات الوسيط والربع الأعلى وبينات الوسيط والربع الأدنى في الرسم أدناه.

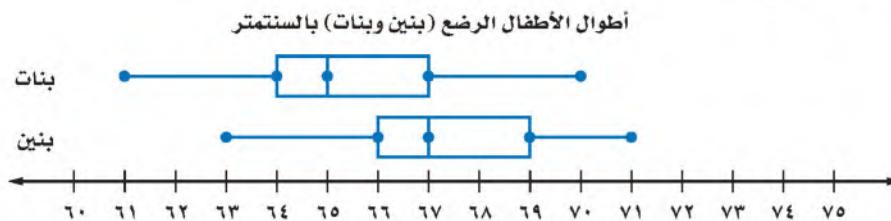
الوقت (بالدقائق) الذي يمضيه عمال في الذهاب والعودة إلى المصنع



## مقارنة البيانات

### مثال

**أطوال:** بالاعتماد على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أدناه، والذي يبيّن أطوال مجموعة من الأطفال الرضع ذوي الأعمار المتساوية (بنين وبנות)، قارن بين أطوال كل الجنسين.



البنات أقصر من البنين بصورة عامة. فالربع الأعلى للطول لدى البنات هو 67 سم مما يعني أن أطوال 75٪ منها هي 67 سم أو أقل، على حين أن الربع الأدنى لدى البنين هو 66 سم مما يعني أن أطوال 75٪ منهم هو 66 سم أو أكثر.



الربط بالحياة: .....  
كيف يستعمل أطباء الأطفال  
الرياضيات؟

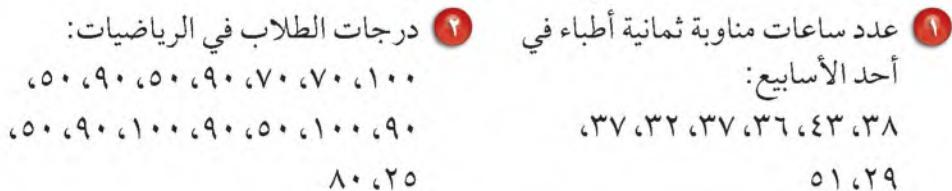
يستعمل أطباء الأطفال الرسوم  
البيانية لمراقبة سلامة نمو الأطفال  
الرضيع والأطفال الصغار.

### تحقق من فهمك:

د) **أطوال:** بناءً على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أعلاه؛ ما النسبة المئوية للبنين والبنات الذين أطوالهم 67 سنتيمتراً أو أقل.

### تأكد

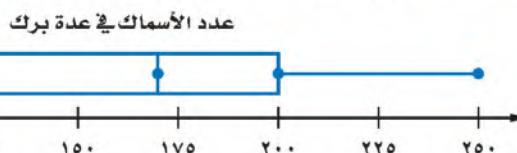
مثل كل مجموعة بيانات فيما يأتي بالصندوق وطرفيه:



#### المثال ١

٢) سماك: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه لحل السؤالين ٣، ٤.

#### المثال ٢

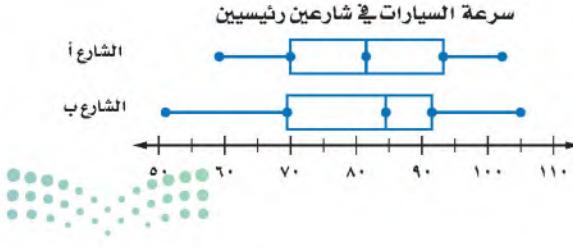


٣) ما المدى الربيعي للبيانات؟

٤) كم سماكة على الأقل في ثلاثة أرباع البرك؟

#### المثال ٣

٥) سرعة: اعتمدًا على تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور، أي الشارعين تزيد فيه سرعة أكثر من نصف السيارات على سرعة ميلاتها في الشارع الآخر؟



## تدريب و حل المسائل

### الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٦
٢	١٥، ١٣ - ١٠
٣	١٨ - ١٦، ١٤

مثل مجموعات البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه:

٦ المسافة بالكيلومترات بين محطات ٧ أعمار مراجع عيادة الأسنان في يوم

السبت: ٨ التوقف على طريق سريع هي: ٢٦، ٥٣، ٢٨، ٣٢، ٥٥، ٤٥، ٤٩، ٩٠، ٩٥، ٧٦، ٧٢، ٨٥، ٧٧ ٥١، ٣٥، ٣٥، ٣٨ ٧٣، ٨٠، ٨٢، ٨٢، ٧٣

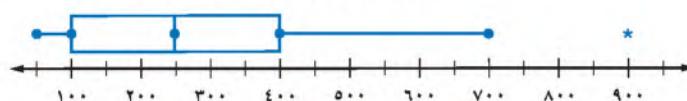
٩ أسعار بعض الأجهزة الكهربائية ٩ سرعات طائرات بالميل في الساعة:

بالريال: ١٠ ٥٠٠، ٣٥٠، ٥٢٠، ٤٦٠، ٥٤٠، ٣٥٠، ٢٧٠، ٢٢٠، ٢٤٥، ٢٢٥ ٥١٥، ٤٥٠، ٥٢٥، ٤٧٥، ٤٨٠ ٢٧٠، ٢٢٥، ٢٤٠، ٢٣٠، ٢٨٠

**جغرافيا:** استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور لحل السؤالين ١١، ١٠:

١٠ ما نسبة المدن التي يزيد عدد سكانها على ١٠٠٠٠٠ ؟

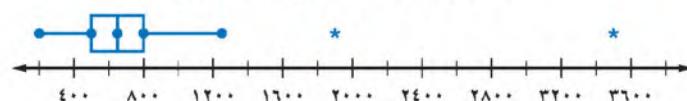
١٣ عدد سكان ١٣ مدينة (بالملايين)



١١ ماذا تستنتج عن البيانات فوق الربع الأعلى؟

**محميات طبيعية:** استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه الآتي لحل السؤالين ١٣، ١٢:

مساحات عشر محميات طبيعية بالهكتار

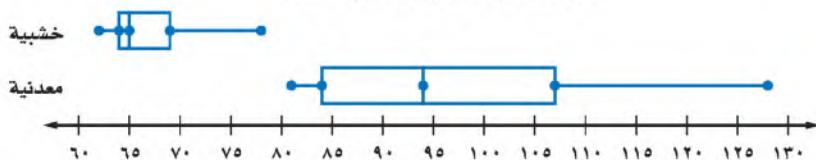


١٢ ما عدد القيم المتطرفة لهذه البيانات؟

١٣ صنف توزيع البيانات. كيف تصف مساحة معظم المحميات؟

**العجلة الدوارة:** استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه أدناه لحل الأسئلة ١٨ - ١٤:

سرعة العجلة الدوارة (ميل/ساعة)



١٤ أي مجموعة بيانات لها مدى أكبر؟

١٥ ما عدد القيم المتطرفة في هذه البيانات؟

١٦ ما نسبة العجلات الخشبية التي سارت بسرعة ٦٩ ميلًا/ساعة على الأقل؟

١٧ ما نسبة العجلات المعدنية التي سارت بسرعة ٨٤ ميلًا/ساعة على الأقل؟

١٨ أي العجلتين تسير بسرعة أكبر: المعدنية أم الخشبية؟ فسر إجابتك.



المساكن المشغولة في بعض مناطق المملكة في أحد الأعوام	
المنطقة	العدد بالألاف
الرياض	١١٥٤
مكة المكرمة	١٣٢٢
المدينة المنورة	٣٠٩
القصيم	٢٠٢
المنطقة الشرقية	٦١٩
عسير	٣٣٤
جازان	١٩٩

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

**مساكن:** استعمل الجدول المجاور لحل السؤالين ١٩ ، ٢٠

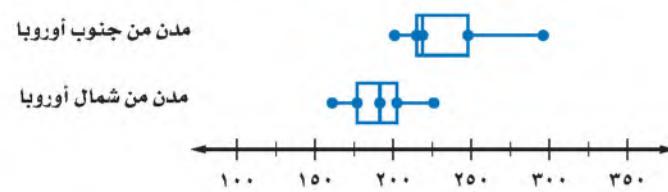
١٩ أنشئ لوحة الصندوق وطرفيه للبيانات، ثم حدد الفترة التي تنتشر فيها البيانات بدرجة أكبر.

٢٠ وضح كيف تتأثر لوحة الصندوق وطرفيه إذا استثنينا عدد مساكن الرياض ومكة المكرمة.



**الربط بالحياة:** .....

يصل معدل عدد الأيام المشمسة في بعض المدن العربية إلى ٣٣٠ يوماً في السنة.



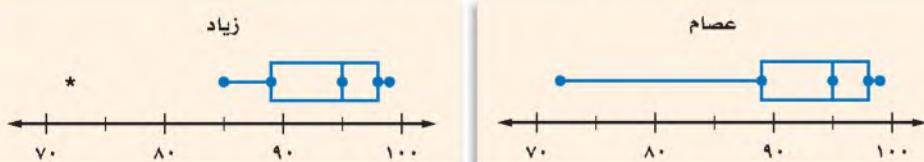
٢١ ما نسبة مدن جنوب أوروبا التي تزيد فيها درجة الحرارة على الربع الأدنى لمدن شمال أوروبا؟

٢٢ اكتب جملة واحدة أو جملتين تقارن فيما بينها مدن شمال أوروبا وجنوبها من حيث معدل الأيام المشمسة.

**اكتشف الخطأ:** مثل عصام وزياد مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه. فما تمثيله صحيح؟ وضح إجابتك.

٩٩، ٩٩، ٩٨، ٩٧، ٩٧، ٩٥، ٩٠، ٩٠، ٨٩، ٨٥، ٧٢

**مسائل**  
مهارات التفكير العليا



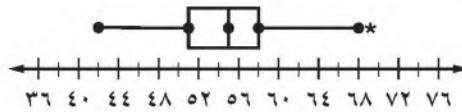
**تبرير:** كانت قيم الربع الأدنى والوسيط والربع الأعلى لمجموعة من البيانات بالترتيب هي: س ، ص ، ٧٠. فإذا أردنا التمثيل بالصندوق وطرفيه بالاعتماد على هذه المعلومات، فأعطي قيمـاً لـ س وـ ص في الحالتين الآتـيـن:

أ) يقسم الوسيط الصندوق إلى قسمين متساوين.

ب) المسافة بين الوسيط والربع الأعلى تساوي مثـلـي المسافة بين الوسيط والربع الأدنـى.

**اكتـب** وضح إيجـابـيات استـعملـ الصـندـوقـ وـطـرفـيهـ في تمـثـيلـ الـبـيـانـاتـ.

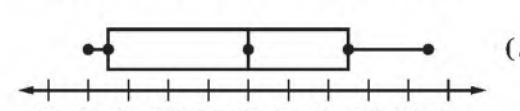
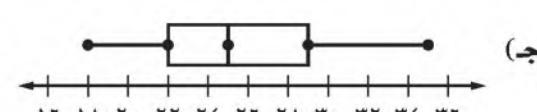
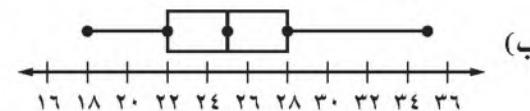
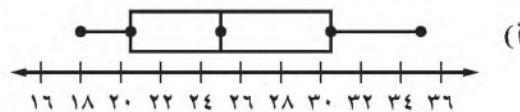
٢٧ أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً للتمثيل أدناه؟



(أ) القيمة ٦٩ متطرفة  
 (ب) نصف القيم أكبر من ٥٥  
 (ج)  $\frac{1}{4}$  القيم تقع في الفترة ٦٩-٥٨  
 (د) توجد قيم في الفترة ٤٢-٥١ أكثر من الفترة ٥٨-٥٥

٢٨ أيُّ التمثيلات الآتية يصف مجموعة البيانات

٩٣٥، ٢٤، ٢٦، ١٩، ٣٠، ٢٥، ٣١، ٢٢، ١٨



## مراجعة تراكمية

٢٩ أُوجِد كُلًا من المدى، والوسط، والربعين الأدنى والأعلى، والمدى الربيعي، وأية قيم متطرفة لمجموعة البيانات

الآتية: (الدرس ٦ - ٥)

٥٨، ٤٩، ٤٧، ٢٨، ٤٦، ٥٤، ٣١، ٥٢، ٧٣

٣٩ درجات حرارة: أُوجِد كُلًا من المتوسط، والوسط، والمنوال، والمدى لدرجات الحرارة الفهرنهaitية الآتية

مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ٤)

٢٤، ٦٥، ٣١، ٨٢، ٦٥، ٧٤، ٤٥، ٢٣، ٣٤، ٩١، ٦٥، ٧٦

## الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل مجموعة من البيانات باستعمال التمثيل بالنقاط:

٢٠، ٨، ٥، ٢، ٦، ٢، ٨، ٩، ٥، ٢

١٢، ٨، ٧، ١٤، ١٠، ١٢، ٧، ٩، ١٢، ١٤





## التمثيل بالساق والورقة

٧ - ٦

### استعد

تمثل البيانات الآتية عدد سنوات خبرة موظفي إحدى الشركات:

عدد سنوات الخبرة لموظفي إحدى الشركات									
٥	١١	٧	١٥	٦	٩	٤	٧	٩	
١٠	٣٤	٧	٥	١١	٤	٢١	٣	٣	
٣	٥	٢١	٣١	٣	١٠	١١	٣	١٠	
	٣	٤	١٥	٥	١٢	٧	٢٧	٦	
	١٣	٨	٣	٥	١٧	٦	١٥	٤٠	
	١١	٣	٢٠	٤	١٠	٨	٤	٩	

نظم البيانات السابقة في فئات على النحو الآتي:

٤٩ - ٤٠ ، ٣٩ - ٣٠ ، ٢٩ - ٢٠ ، ١٩ - ١٠ ، ٩ - ٠

١ هل أعداد الموظفين في كل فئة متساوية؟

٢ اذكر إحدى مزايا توزيع البيانات ضمن فئات.

ترتيب البيانات العددية في التمثيل **بالساق والورقة** ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً، حيث تُشكل الأعداد في المترلة الكبرى **السيقان**، على حين تشكل الأعداد في المترلة التي تليها **الأوراق**.

### مثال من واقع الحياة تمثيل البيانات بالساق والورقة



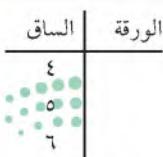
أعداد المراجعين من الرجال والنساء		
النساء	رجال	القسم
٤٧	٥٢	جريدة عامة
٤٢	٦١	أنف وأذن وحنجرة
٤٢	٤٢	باطنية
١٧	٦٠	القلب
٤٢	٤٤	العيون
٥٤	٥٠	الكلى
٥٢	٤٢	العلاج الطبيعي
٤٢	٥٥	الأعصاب
٢٩	٤٩	المسالك البولية
٣٧	٤٦	العظام

١ مستشفى: يمثل الجدول المجاور أعداد المراجعين لمستشفى مأخل أسبوع؛ مثل البيانات المتعلقة بالرجال باستعمال الساق والورقة.

الخطوة ١: أوجد أكبر وأصغر عدد في البيانات، ثم حدد رقم المترلة الكبرى لكل منها.

- أصغر عدد هو ٤٢، رقم المترلة الكبرى هو ٤.
- أكبر عدد هو ٦١، رقم المترلة الكبرى هو ٦.

الخطوة ٢: ارسم خطأ رأسياً، ثم سجل السيقان من ٤ إلى ٦ على يسار الخط.



### فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها بالساق والورقة، وأفسرها.

### المفردات

التمثيل بالساق والورقة

الساق

الورقة

التمثيل المزدوج للساق والورقة

الساقي	الورقة
٤	٢٤٢٩٦
٥	٢٠٥
٦	١٠

أعداد المراجعين الرجال

الساقي	الورقة
٤	٢٢٤٦٩
٥	٠٢٥
٦	٠١

٥٢ = ٥ | ٢ مراجعاً

**الخطوة ٣ :** اكتب الأوراق الم対اظرة لكل ساق على الجانب الآخر من الخط، فمثلاً: للعدد ٤٢ اكتب ٢ إلى يمين الرقم ٤.

**الخطوة ٤ :** رتب الأوراق ترتيباً تصاعدياً؛ كرر الورقة بقدر عدد مرات ظهورها في البيانات. ثم ضع مفتاحاً يوضح كيف تقرأ البيانات.

### ✓ تحقق من فهمك

أ) مثل البيانات الواردة في مثال ١ والمتعلقة بالنساء باستعمال الساق والورقة.

### مثال من واقع الحياة تفسير البيانات

**صحة :** يمثل الساق والورقة أدنى أعمار بعض المصابين بمرض السكري.

أعمار مصابين بمرض السكري

الساقي	الورقة
٤	٢٣٦٦٧٨٩٩
٥	٠٠١١١١٢٢٤٤٤٤٤٥٥٥٥٦٦٦٧٧٧٧٨
٦	٠١١١٢٤٤٦٨٩

٥٠ = ٥ | ٠ سنة

بالاعتماد على البيانات أعلاه، كيف تصف أعمار المصابين بمرض السكري؟

- ٠ تتركز معظم البيانات في الفئة ٥٩ - ٥٠
- ٠ يبلغ عمر أصغر رجل مصاب ٤٢ سنة. وعمر أكبر مصاب ٦٩ سنة.
- ٠ والمدى هو ٢٧
- ٠ وسيط الأعمار هو ٥٥

### ✓ تحقق من فهمك

بالعودة إلى تمثيل الساق والورقة في المثال ١:

ب) أي الفئات يتركز فيها أعداد المراجعين الذكور؟

ج) ما مدى البيانات؟

د) ما الوسيط لعدد المراجعين الذكور؟



الربط بالحياة .....

حسب الإحصائيات العالمية التي أشار إليها الاتحاد الدولي للسكري، فإن أكثر من ٤٠ مليون بالغ مصاب بداء السكري، ويقدر عدد المصابين حالياً في المملكة العربية السعودية بنحو ١٠٨ مليون من الذين تزيد أعمارهم على ١٥ عاماً، ويمكن قياس نسبة السكر في الدم من خلال التحليل أو الأجهزة الإلكترونية.

يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات **بالتمثيل المزدوج للساقي والورقة**. يبيّن تمثيل الساق والورقة أدنى عينة من درجات مادة الرياضيات لطلاب فصلين مختلفين في الثاني المتوسط.

درجات الرياضيات

الساقي	الفصل (ب)	الفصل (أ)
٧٦٥٥٤٢٢٢	٧	٤٢
٨٨٨٥٤	٨	٠٢٢٥٧٩
١٠٠	٩	١٣٤٦٨٩٩
٧٦ = ٦   ٧		٧٢ = ٧   ٢

أوراق مجموعه  
البيانات الثانية على  
الجانب الآخر من  
الساقي

أوراق مجموعه  
البيانات الأولى على  
أحد جانبي الساق.

## مثال من واقع الحياة مقارنة البيانات

معدل درجة الحرارة	
الساقي	بغداد
٩٧٤٤٢	٩٠
٨٨٧٥٤٣١	١١٦٧
٣٢١ = ١٢	٢٢٥
٣٥ = ٣٥	٢٤٤٥

**طقم :** يبيّن التمثيل بالساقي والورقة المجاور  
معدل درجات الحرارة الشهري لكل من  
مدينتي القاهرة وبغداد. فما المدينة التي تتبادر  
فيها درجات الحرارة أكثر؟ وضح إجابتك.

تتوزّع درجات الحرارة في مدينة بغداد خلال  
العام، بينما تجتمع في مدينة القاهرة، وبالتالي فإن درجات الحرارة في مدينة بغداد  
أكثر تبايناً.

## تحقق من فهمك: استعمل درجات الاختبار أدناه:

درجات الاختبار	
الصف السادس ب	الصف السادس أ
٨٨٣٢٢	٧
٧٦٣١٠٠	٨
٣٢١١٠	٩
% ٧٨ = ٨٧	% ٧٣ = ٧٣

ه) أي الصفين حصل على نتائج أعلى  
في الاختبار؟ وضح إجابتك.  
و) أي الصفين كانت نتائج اختباره أكثر  
تبابناً؟ وضح إجابتك.

## تأكد

### المثال ١

مثل بالساقي والورقة كلاً من البيانات الآتية:

معدل أعمار					
العمر	الحيوان	العمر	الحيوان	العمر	الحيوان
١٥	الأسد	٣٥	الفيل الإفريقي	٤٠	الفيل الآسيوي
٦	الستجاب	٧	الثعلب	٢٠	الحصان
٤١	فرس النهر	١٥	البقرة	١٢	الماعز

عدد الدول المشاركة في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية (١٩٦٠-٢٠٠٤)													
السنة	الدول	٢٠٠٤	٢٠٠٠	٩٦	٩٢	٨٨	٨٤	٨٠	٧٦	٧٢	٦٨	٦٤	٦٠
١٣٦	١٢٨	١٠٣	٨٢	٦١	٤٢	٤٢	٤٢	٤٤	٢٩	٢٢	٢٣	٢٣	٢٣

### المثال ٢

**مدرسة :** لحل الأسئلة ٣-٥ استعمل التمثيل المجاور الذي يبيّن درجات الطلاب في  
مادة الرياضيات:

درجات الرياضيات	
الساقي	الورقة
٥	٩٠
٦	٨٨٧٤
٧	٨٨٧٥٤٣١
٨	٨٨٧٥٤٣١
٩	٨٨٧٥٤٣١

٣ ما الدرجتان العليا والدنيا في الاختبار؟  
٤ ما وسيط هذه الدرجات؟  
٥ اكتب جملة تصف الدرجات.



**طعام: استعمل تمثيل الساق والورقة المزدوج المجاور لحل السؤالين ٦ ، ٧:**

٦ ما أعلى كمية دهون في كل نوع من أنواع الفطائر؟

٧ أيُّ أنواع الفطائر يحوي كمية أقل من الدهن بصورة عامة؟ فسر إجابتك.

كمية الدهن بالجرام في فطائر اللحم والدجاج		
دجاج	الساق	لحم
٨	٠	٠٥٩
٩٨٥٥٣٣	١	٠٦
٠	٢	٠٣٦
١٣ = ٣١	٣	٢٦ جم

## تدريب وحل المسائل

مثل بالساق والورقة كلاً من البيانات الآتية:

عدد سكان بعض الدول العربية	
الدولة	عدد السكان لأقرب مليون مليون
الأردن	٥
سوريا	٢٣
العراق	٣١
الإمارات	٤
اليمن	٢٤
السعودية	٣٠
السودان	٣٢
مصر	٨٠
الجزائر	٣٧

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

مساحات القارات لأقرب مليون كلم²	القارة	المساحة
آسيا	٤٥	
إفريقيا	٣٠	
أمريكا الشمالية	٢٤	
أمريكا الجنوبية	١٨	
القطبية الجنوبية	١٤	
أوروبا	١٠	
أستراليا	٩	

The World Almanac

الإشارات للأسئلة	الأسئلة	الإجابات
١	٩٠٨	١٥ - ١٠
٢	١٥ - ١٠	١٩ - ١٦
٣	١٩ - ١٦	

## تحليل الجداول: لحل الأسئلة ١٥ - ١٠

استعمل الجدول المجاور.

١٠ ما متوسط هذه الأسعار؟

١١ مثل الأسعار بالساق والورقة.

١٢ أيُّ هذه الأسعار أعلى؟

١٣ ما عدد الألعاب التي يقل سعرها عن ٥٠ ريالاً؟

١٤ ما وسiet أسعار الألعاب بالريال؟

١٥ اكتب جملة تصف أسعار الألعاب.

أسعار ألعاب في متجر بالريال	
السعر	اللعبة
٤٣	لوح تزلج
٤٠	برامح ألعاب حاسوب
٤٧	دمية
٤٩	حيوانات صغيرة
٧٠	قطع تركيب
٦٥	مجموعة ألوان
٥٠	كرة قدم
٧٣	صورة تجميلية
٤٩	سبورة
٤٧	سيارة
٤٨	دمى قطبية
٥١	أوراق لاصقة
٥٨	مجموعة قصصية

**تحليل الجداول: لحل الأسئلة ١٩ - ١٦**  
استعمل المعلومات المجاورة الممثلة بالساق والورقة تمثيلاً مزدوجاً:

١٦ ما أعلى درجة في الفصل (ب)؟

١٧ ما أقل درجة في الفصل (أ)؟

١٨ ما عدد طلاب الفصل (أ)؟

١٩قارن بين الوسيطتين لدرجات الفصلين.

الفصل (أ)	النأس	الفصل (ب)
٨٧٧٧٧٦٦٣٢	٠	٢٣٣٣٤٦٨٩٩
٥٤٣	١	٠٠٠١٢٢٦
١٣ = ٣١	١٠ = ١٠	



٢٠ جمع البيانات: مثل بالساقي والورقة أطوال طلاب فصلك بالستمترات، ثم اكتب عدة جملٍ تصف هذه البيانات وتحلّلها.

٢١ تحديًّا: مثل بالساقي والورقة مجموعة بيانات تتألف من ١٠ قيم على الأقل، بحيث تكون القيمة العظمى ٧٠ والمدى ٥٠ والوسيط ٢٥.

٢٢ أَلْعَبْ كيف يمكن تمثيل البيانات بالساقي والورقة.

## تدريب على اختبار

٢٣ يبيّن التمثيل بالساقي والورقة أدناه كمية البروتين بالجرام في بعض الأطعمة.

البذور، المكسرات، البقوليات	الساقي	منتجات الألبان	كمية البروتين (جم)
٥٦٩	٠	٩٨٨٧٧٦٢٢	
٤٥٨	١	٠	
٩	٢	٦	
٣٩	٣	٦٢ = ٢٦ جرامًا	

أيُّ جملة مما يأتي صحيحة وفقاً لهذا التمثيل؟

أ) وسيط كمية البروتين في منتجات الألبان هو ٩ جرامات.

ب) الفرق بين أكبر قيمة وأقل قيمة لكمية البروتين في منتجات الألبان هو ٢٨

ج) متوسط كمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات أكبر من متوسطها في منتجات الألبان.

د) أكبر قيمة لكمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات هي ٩٣

## مراجعة تراكمية

٢٤ مثل مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطريقه. (الدرس ٦ - ٦)

٢٩، ٣٧، ٣٦، ٤٤، ٥٣، ٤٥، ٧٦، ٣٣، ٤٢، ٣٦، ٢٥، ٢٢

أرباح: استعمل الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٤، ٢٥ (الدرس ٦ - ٥)

٢٥ أوجد كلاً من: المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الريعي.

٢٦ أوجد القيم المتطرفة.

أرباح محل تجاري في ستة أيام متتالية	
اليوم	المبلغ (دبياً)
السبت	١٤٥٩
الأحد	١٤٥٠
الإثنين	١٢٤٣
الثلاثاء	٢٣٤٨
الأربعاء	٩٨١
الخميس	١٩٠٠

## الالستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد كلاً من المتوسط والوسيط لكل مجموعة من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٦ - ٤)

٧٢، ٦٢، ٧٤، ٨٦، ٨٥، ٦٧، ٦٦، ٧٥ ٢٧

١٨، ١٦، ١٧، ٥٦، ٢١، ٢٠، ١٥، ١٦، ٢١، ٢٨، ٢٠ ٢٨



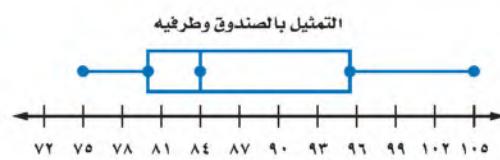
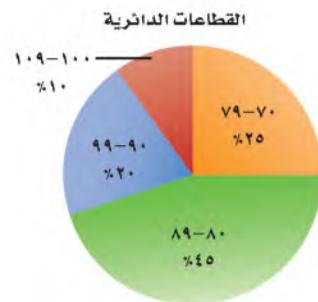
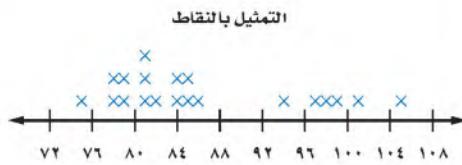


## اختيار طريقة التمثيل المناسبة

٨-٦

### الستعدين

**رياضة:** سُجلت كتل مجموعه من الملاكمين بالكيلوجرامات ثم مُثلّت بالطائق الآتية:



أيُّ الطائق تظهر عدد الملاكمين الذين كتلهم ٨٤ كجم بالضبط؟

أيُّ الطائق تظهر فترة الكتلة لنصف عدد الملاكمين؟

إذا أردت اختيار أنساب طريقة لتمثيل البيانات، فعليك أن تفكّر في نوعها، وما الذي تريده عرضه، أو إبرازه من خلال التمثيل.

### مثال اختيار طريقة التمثيل المناسبة

**تنظيم الوقت:** اختر طريقة التمثيل المناسبة التي توضح كيفية قضاء أجزاء اليوم في إنجاز نشاطات مختلفة. فسر سبب اختيارك.

بما أن الرسم يتعلّق بجزء من كل، فإن التمثيل بالقطاعات الدائرية سيكون اختياراً مناسباً لتمثيل هذه البيانات.

**تحقق من فهمك:**

اختر طريقة التمثيل المناسبة لكلٌّ مما يأتي:

- توزيع عدد سكان المملكة العربية السعودية بحسب الفئات العمرية.
- انتشار أعلى معدل سرعة لمائة نوع من السيارات.

### فكرة الدرس:

اختيار طريقة التمثيل المناسبة لمجموعة البيانات.



نوع التمثيل	يفضل استعماله ....
التمثيل بالأعمدة	عند توضيح عدد القيم لكل صنف من أصناف البيانات.
الصندوق وطرفاه	عند توضيح مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.
القطاعات الدائيرية	عند مقارنة جزء من البيانات بالنسبة إلى المجموع.
الدرج التكراري	عند توضيح تكرار البيانات الموزعة في فئات متساوية.
التمثيل بالخطوط	عند توضيح تغير البيانات في فترة زمنية معينة.
التمثيل بالنقاط	عند توضيح تكرار كل قيمة من قيم البيانات .
الساق والورقة	عند عرض قيم البيانات بصورة فردية مكثفة.
أشكال فن	عند توضيح ارتباط المفردات بعضها ببعض من خلال مجموعات متراقبة في البيانات.

ارشادات للدراسة

## مراجعة

يمكنك مراجعة دروس  
التمثيل بالخطوط والأعمدة  
وأشكال فن.

## إنشاء التمثيل البياني المناسب

**حجاج** : اختر الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات في الجدول الآتي للتنبؤ بعدد حجاج  
يبيت الله الحرام لعام ١٤٣٩ هـ ؛ وبرر إجابتك، ثم مثل البيانات.



### المصدّر: الهيئة العامة للاحصاء



تتغير هذه البيانات مع مرور الزمن.  
إذن تمثيل البيانات بالخطوط تُعد  
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات.

## تحقّق من فهمك:

### ج) محيطات: يبيّن الجدول

ال المجاور مساحات المحيطات  
الخمسة بالأميال المربعة. اختر  
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات  
ثم مثلها.

المساحة بالميل المربع	المحيط
٥٤٢٧٠٠	الشمالي
٢٩٦٣٧٠٠	الأطلسي
٢٦٤٦٩٠٠	الهندي
٦٠٠٦٠٧٠٠	الهادئ
٧٨٤٨٣٠٠	الجنوبي

## Info Please : [www.infoplease.com](#)



أدت التوسعات المستمرة التي شهدتها أروقة الحرمين الشريفين والمشاعر المقدسة وكذلك الارتفاع بالخدمات والبني التحتية من مواصلات وطرق ومطارات وفنادق سكنية ومخيمات للحجاج في المشاعر المقدسة وغيرها من الخدمات المقدمة من حكومة المملكة دوراً كبيراً في ازدياد أعداد الحجاج القادمين لأداء فريضة الحج خلال السنوات الماضية.

# تأكد

## المثال ١

اختر طريقة التمثيل الأنسب لـ **كلّ** نوع من البيانات. فيما يأتي، وبرّر اختيارك:

- ١ عدد طلاب الصف الثاني المتوسط الحاصلين على التقديرات: ممتاز، جيد جداً، جيد، مقبول.
- ٢ مبيعات أحد أنواع العباءات مقارنة ببقية الأنواع.

**اختبار:** درجات اختبار الرياضيات لأحد فصول الصف الثاني المتوسط.

## المثال ٢

درجات اختبار الرياضيات للصف الثاني المتوسط																			
٩٨	٧٧	٨٩	٦٣	٧١	٧٩	٨١	٩٦	٨٥	٨١	٩٢	٧٧	٦٨	٧٢	٧٤	٨٥	٧٢	٨٥	٩٢	
٧٤	٨٥	٧٢	٨٥	٩٢	٩١	٧٣	٨٥	٧٧	٧٨	٦٧	٩١	٨٨	٧٤	٨٨	٧٤	٨٥	٧٣	٨٥	

## تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة	
١	انظر الأمثلة
٢	٩ - ٤ ١٣ - ١٠

اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل نوع من البيانات فيما يأتي، وبرّر إجابتك:

- ٤ عدد مشتركي الهواتف النقالة للسنوات الخمس الأخيرة.
- ٥ مجموع نقاط سائقي رالي السيارات الفائزين بالمراتب العشر الأولى.
- ٦ توزيع دخل الأسرة على المتطلبات المنزلية.
- ٧ وسيط نتائج اختبار مادة الإنجليزي لأحد الصفوف.
- ٨ كمية استهلاك الوقود لسيارات طراز ٢٠١٨ م.
- ٩ أعداد المواطنين الذين يتقنون اللغة الإنجليزية أو الفرنسية أو الألمانية في المملكة العربية السعودية.

اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل مسألة فيما يأتي، وبرّر إجابتك، ثم مثّلها:

متوسط أطوال البنات	
الطول (بوصة)	العمر بالسنوات
٥٦,٤	١٠
٥٩,٦	١١
٦١,٤	١٢
٦٢,٦	١٣
٦٣,٧	١٤
٦٣,٨	١٥

١١

أنواع الرياضات المفضلة عند الطلاب في إحدى المناطق التعليمية

١٢

عدد الطلاب (آلاف)	النوع
١٠,١	كرة القدم
٩	كرة الطاولة
٨,٩	السباحة
٧,٦	ركوب الدراجات
٦,٢	الجري
٦,٢	الكرة الطائرة
٥,٥	كرة السلة

الحيوانات المهددة بالانقراض	
الصنف	عدد الأنواع
الثدييات	٦٨
الأسماك	٧٤
الزواحف	٢٦
الطيور	٧٧
اللافقاريات	١٥٣

- ١٢ حيوانات: أنشئ أنسب طريقة لتمثيل البيانات في الجدول المجاور.

## ١٣ المُخدرات والجريمة :

العدد	الحالة
٩٠	إدمان المُخدرات فقط
٥٧٠	إدمان المُخدرات وجرائم
١٠٠	جرائم فقط

في أحد السجون أُجريت دراسة تبحث الارتباط بين الجريمة والإدمان، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور. مثل هذه البيانات باستخدام الطريقة المناسبة.

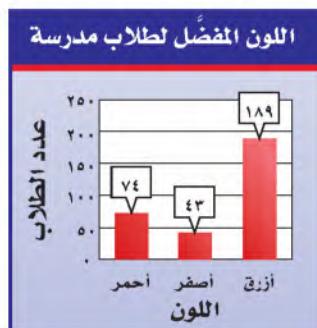


### الربط بالحياة :

تؤثّر المُخدرات على عقل المدمن وتفقده السيطرة على سلوكه وتصرّفاته ، وتجعله أكثر عدوانية وتحطّم كلّ قيمه الدينية والأخلاقية، وتجعله غيرّ واع بما يُقدم عليه من سلوك، وأفعال غيرّ أخلاقية، يمكن أن تصلّ به إلى ارتكاب الجريمة.

**البيان :** قامت إحدى شركات إنتاج الألبان بمسح لنكهة الحليب المفضلة فتبين أن ٥٩ شخصاً يفضلون نكهة الشوكولاتة، و١٤ شخصاً يفضلون نكهة الفواكه، و١٨ شخصاً أحبوا النكهتين. و٥أشخاص لم يحبوا أيّاً من النكهتين. مثل هذه البيانات على نحو مناسب.

**اللوان :** للإجابة عن السؤالين ١٥ - ١٦ ارجع إلى التمثيلين البيانيين الآتيين ثم اختر طريقة التمثيل التي تناسب الإجابة عن كل سؤال؛ وبرّر سبب اختيارك :



١٥ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأحمر فقط؟

١٦ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأزرق؟

**جمع البيانات :** أجري دراسة إحصائية على طلاب صفك حول نوع النشاط المفضل لديهم، واستعمل لذلك بيانات يمكن تمثيلها بأشكال قلن، ثم مثلّها.

**١٨ مسألة مفتوحة :** أعطِ مثلاً على مجموعة بيانات يمكن تمثيلها بالقطاعات الدائرية.

**١٩ تحدّد :** للأسئلة ١٩ - ٢١: حدد ما إذا كانت الجمل الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً. ووضح إجابتك.

١٩ يمكن تمثيل بيانات المدرج التكراري بالقطاعات الدائرية.

٢٠ يمكن تمثيل بيانات أشكال قلن باستعمال الخطوط.

٢١ يمكن تمثيل البيانات الممثّلة بالنقاط باستعمال الصندوق وطرفيه.

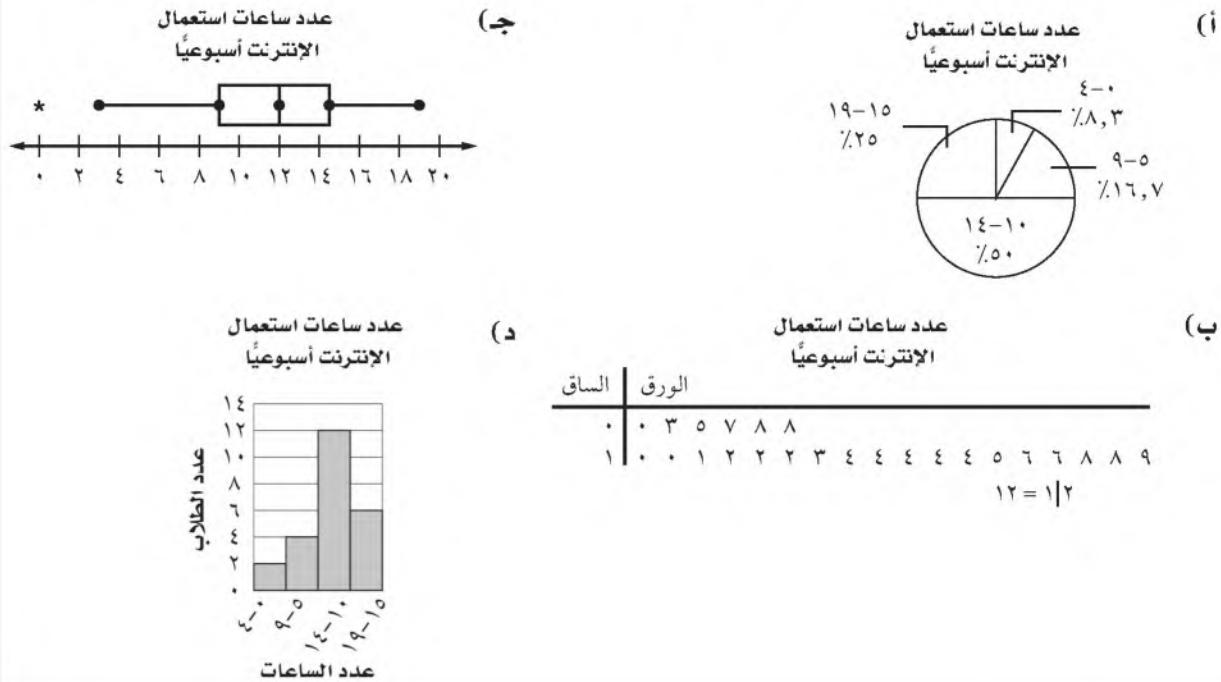
**مسائل مهارات التفكير العليا**

**٢٢ أكتب** قارن بين التمثيل بالأعمدة والتمثيل بالمدرج التكراري، ومتى يكون استعمال المدرج التكراري مناسباً أكثر من الأعمدة؟





٢٣ سؤال محمد ٢٤ طالبًا في فصله عن عدد الساعات التي يقضيها كل منهم أسبوعياً في استعمال الإنترنت. أي التمثيلات الآتية يعد الأفضل لعرض إجابة كل طالب؟



## مراجعة تراكمية

٤٤ مثل بالساق والورقة البيانات الآتية:

٩، ٢٧، ٣٧، ١٤، ٢١، ١٨، ١٥، ١٢ (الدرس ٦-٦)

ممثل بالصندوق وطريقه كل مجموعة من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٦-٦)

٣٥، ٤٠، ٣٦، ٣٤، ٥٠، ٥٥، ٨٠، ٤٣، ٤٥، ٤٢، ٣٨، ٤٢ (الدرس ٦-٦)

٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ١٥، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٥٨، ٥٢ (الدرس ٦-٦)

ذهب: استعمل الجدول المجاور الذي يبيّن المبيعات اليومية لأحد محل الذهب في حل الأسئلة ٢٧-٢٩ (الدرس ٦-٥)

٤٧ أوجد كلاً من المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الرباعي.

٤٨ أوجد القيم المتطرفة.

٤٩ صف هذه البيانات.

مبيعات أحد محل الذهب	
(مئات الجرامات)	
٤٢,٨	السبت
٣٠,٥	الأحد
٢٤,٩	الإثنين
٢٤,٥	الثلاثاء
٢٠,٢	الأربعاء
١٨,٤	الخميس
١٢٠,٧	الجمعة

## اختبار الفصل

١٦ **اختيار من متعدد:** حصلت أسماء على الدرجات الآتية في أربعة اختبارات: ٨٥، ٧٠، ٩٠، ٨٥. إذا استثنى معلمتها أدنى درجة منها، فأيُّ القيم التالية ستزداد؟

أ) المنوال  
ب) المتوسط  
ج) الوسيط  
د) المدى

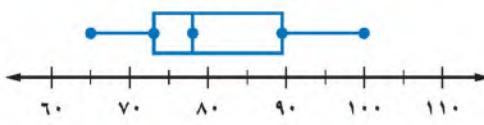
١٧ **اختيار من متعدد:** كانت مبيعات أحد المراكز التجارية بالولايات مدة أسبوع على النحو الآتي: ١٥٦٩٦، ١٨٠٠٠، ١٩٠٨٠، ٢٣٤٠٠، ١٥٢٢٨، ١٧٦٠٤، ٢٣٤٠٠

أيُّ مقاييس النزعة المركزية الآتية تُظهر المبيعات أكثر من غيرها؟

أ) المنوال  
ب) الوسيط  
ج) المتوسط  
د) المدى

١٨ **درجات:** كم تقدّر النسبة المئوية للدرجات في التمثيل أدناه الأكبر من أو تساوي ٧٨؟

درجات اختبار العلوم



١٩ **أجهزة عرض الأقراص المدمجة:** اختر أنساب طريقة لتمثيل معدل أسعار أجهزة عرض الأقراص المدمجة للسنوات العشر الأخيرة. وبرّر إجابتك.

العدد	الفصل
١٣	أ
٢٨	ب
٣٦	ج
٩	د
٢٧	هـ
٣٥	و

٢٠ **مدارس:** الجدول الآتي يمثل عدد الطلاب الحاصلين على تقدير جيد جدًا في ستة فصول من الصف الثاني متوسط، مثل هذه البيانات باستعمال الساق والورقة.

١ **الكربوهيدرات:** أنشئ جدولًا لتحديد عدد جرامات الكربوهيدرات الأكثر تكرارًا.

٢ **مقادير الكربوهيدرات في أنواع مختلفة من الحبوب (جم):**

٤٤	٢٢	٣٢	٢٤	٣٨	٤٤	٣٤	١٥
٣٢	٢٢	٣٣	٢٤	١٥	٣٢	١٥	٣٢
٣٢	٣٣	٤٤	٣٣	٢٤	٣٢	٢٤	٣٤

٣ **كرة القدم:** استعمل الجدول الآتي في الإجابة عن الأسئلة ٥-٢:

عدد البطولات التي فازت بها فرق كرة القدم							
٧	٢٤	٦	٣٥	٢١	١٧	١٤	٣
٣٨	٥	١٣	٩	٢٠	٧	٦	٤٢

٤ **اختار فئات مناسبة وأنشئ جدولًا تكراريًّا للبيانات.**  
٥ **أنشئ مدرجًا تكراريًّا.**

٦ **ما عدد الفرق التي تم تمثيلها؟**  
٧ **ما نسبة الفرق التي أحرزت أكثر من ٢٠ بطلة؟**

٨ **رحلات:** تمثل القائمة الآتية أعمار المشترين في رحلة عائلية، استعملها في الإجابة عن الأسئلة ٦-١٠:  
١٠، ٣٨، ٣٥، ٣٢، ١٩، ٢٦، ٢٥، ٣٦، ٧٥، ١٧، ٤٠، ٢٢، ٢٣، ١٦

٩ **أوْجَد كَلَّاً مِنْ الْمُتْوَسِّطِ وَالْوَسِيْطِ وَالْمُنْوَالِ وَالْمُدَى.**  
١٠ **اختَرْ أَحَدْ مَقَائِيسَ النَّزْعَةِ الْمَرْكَزِيَّةِ لِوَصْفِ الْبَيَانَاتِ.**  
١١ **وَبَرَّرْ سَبَبَ اخْتِيَارِكَ.**

١٢ **أوْجَد كَلَّاً مِنْ الرَّبِيعِ الْأَعْلَى وَالْأَدْنِى وَنَصْفِ الْمُدَى الْرَّبِيعِيِّ.**

١٣ **مِثَلَ الْبَيَانَاتِ باسْتِعْمَالِ الصِّنْدُوقِ وَطَرْفِيهِ.**  
١٤ **إِذَا اشْتَرَكَ عَضُوُ جَدِيدٌ فِي الرَّحْلَةِ وَأَصْبَحَ مُتوَسِّطَ الْأَعْمَارِ ٣٠، فَكَمْ يَبْلُغُ عُمْرُهُ؟**

## الاختبار التراكمي (٦)

يُبيّن الجدول الآتي عدد الساعات التي قرأ فيها عبد العزيز القرآن الكريم خلال عدة شهور.

عدد ساعات قراءة القرآن الكريم						
الشهر	ربيع الأول	ربيع الآخر	جمادى الأولى	جمادى الآخرة	رجب	شعبان
١٢٧	١٣٠	١٢٥	١٣٢	١٢٠	١٣٥	١٣٥

لكریم، فاًی المقایس الآتیة سوف یتغیر بدرجہ اکبر من غیرہ؟  
إذا قرأ عبد العزیز القرآن الكريم ١٩٥ ساعة في شهر رمضان

أ) المتوسط  
ب) الوسيط  
ج) المنوال  
د) سنتغیر حم

٢) ستغير جمعها بالمقدار نفسه

كان مجموع الأهداف التي سجلها صالح في لعبه كرة اليد حتى قبل المباراة النهائية، ٤٥ هدفًا. وسجل في المباراة النهائية ٣ أهداف، وبذلك أصبح متوسط عدد الأهداف التي سجلها في المباراة الواحدة هدفين. لإيجاد عدد المباريات التي لعبها صالح، أوجد ناتج جمع ٤٥ و ٣ أولاً ثم ...

أ) أضف العدد ٢ إلى المجموع  
 ب) اطرح ٢ من العدد ٤٥  
 ج) اضرب المجموع في العدد ٢  
 د) اقسم المجموع على العدد ٢

كان درجات سميرة في (٧) اختبارات تقدمت إليها كما يأتي: ٧٥، ٩٠، ٨٤، ٨٦، ٨٨، ٧٥، ٩٠ أي المقاييس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات سميرة أعلى؟

- أ) المنوال
- ب) الوسط
- ج) المتوسط
- د) المدى

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١. بيّن التمثيل بالساقي والورقة أدناه أعمار أفراد أسرة.

أعمار أفراد أسرة	
الورقة	الساق
١	٠ ٤ ٧ ٨
٢	٠ ٢
٣	٩
٤	٣

بالاعتماد على البيانات أعلاه، وسط الأعما، هو:

٢٠ (ج)	١٨ (أ)
٣٣ (د)	١٩ (س)

إذا كان متوسط أطوال طلاب الصف الثاني المتوسط  
والبالغ عددهم ٢٤ طالباً هو ١٥٤ سم، وانتقل أحد  
طلاب الصف وطوله ١٤٤ سم إلى مدرسة أخرى،  
فأيُّ العبارات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد متوسط  
أطوال الطلاب الجديد؟

$$\frac{144 - (24 \times 104)}{23} \quad (1)$$

$$\frac{144 - (24 \times 104)}{24} \quad (4)$$

$$\frac{104 - (24 \times 144)}{24} \quad (\rightarrow)$$

$$\frac{Y\zeta - (Y\zeta \times 10\zeta)}{Y\zeta} \quad (2)$$

## الإجابة المطولة

### القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

٧ لدى محل لتأجير الدراجات الهوائية ١٥ دراجة كبيرة الحجم، و٢٢ دراجة متوسطة، و١٩ دراجة صغيرة، و٢٤ دراجة بثلاث عجلات.

- استعمل تمثيلاً بيانيًّا تبيّن فيه عدد الدراجات من كل نوع لدى هذا المحل.
- استعمل تمثيلاً بيانيًّا تبيّن فيه نسبة كل نوع من الدراجات إلى العدد الكلي للدراجات.
- صف فائدة كلٌّ من التمثيلين السابقين.



## أتدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة، حتى أعزّز ما تعلّمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالميًّا.

## الإجابة القصيرة

### القسم ٢

أجب عن السؤال الآتي:

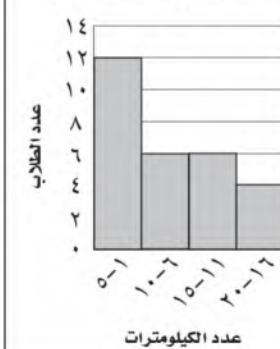
٦ يبيّن المدرج التكراري أدناه المسافات التي يقطعها

بعض الطلاب للوصول إلى مدرستهم. ما النسبة

المئوية للطلاب الذين يقطعون ١٦ كيلم أو أكثر مقرّبًا

الجواب إلى أقرب ١٪.

المسافات التي يقطعها الطالب



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال .....

مراجعة الدرس .....

٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٨-٦	٢-٦	٤-٦	٤-٦	٤-٦	٤-٦	٧-٦



# الاحتمالات

## الفكرة العامة

استعمل الاحتمال النظري والتناسب في التنبؤ بالحوادث.

المفردات الرئيسية:

الناتج ص (٦٤)

الحوادث المستقلة ص (٦٩)

الحوادث غير المستقلة ص (٧٠)

## الربط بالحياة:

**طب:** يذكر الأطباء عادة لمرضاهن نسباً مئوية تشير إلى مقدار احتمال نجاح العمليات التي يجرونها لهم، ويعتمد تحديد هذه الاحتمالات على عدد من المؤشرات، منها نسبة نجاح العمليات التي أجريت لمرضى آخرين.

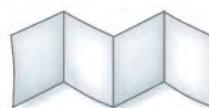
## المطويات

### مُنظم أَفْكَار

**الاحتمالات:** أعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابداً بورقة A3 كما يأتي:

١ اطوي كل نصف بصورة عرضية إلى أربع.



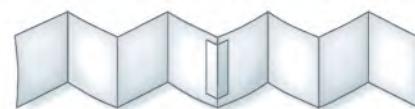
٢ سُمِّيَ الصفحات بالمواضيعات الرئيسية، ثم أعد طي الورقة لتصبح على صورة كتيب.



٣ اطُو الورقة من المنتصف طولياً، ثم قصّها على طول خط الطyi.



٤ ابسط الجزأين، ثم أصقهما معًا كما في الشكل لتكونين قطعة واحدة طويلة.





# التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

## اختبار للريح

### مراجعة للريح

مثال ١ :

اكتب الكسر  $\frac{45}{51}$  في أبسط صورة.

$$\frac{15}{17} = \frac{45}{51}$$

اقسم كلاً من البسط والمقام على  
(ق.م.أ) وهو (٣).

اكتب كل كسر اعتيادي مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

١  $\frac{21}{99}$  ٢  $\frac{35}{60}$  ٣  $\frac{48}{72}$

مثال ٢ :

أوجد ناتج الضرب واكتبه في أبسط صورة:  $\frac{1}{7} \times \frac{3}{7}$ .

$$\frac{1}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{1}{7} \times \frac{3}{7}$$

اقسم كلاً من ٦، ٣ على (ق.م.أ).  
لها وهو (٣).

$$\frac{1}{14} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} =$$

أوجد ناتج الضرب، واكتبه في أبسط صورة: (مهارة سابقة)

٤  $\frac{1}{2} \times \frac{5}{6}$  ٥  $\frac{8}{9} \times \frac{3}{4}$   
٦  $\frac{4}{6} \times \frac{7}{8}$  ٧  $\frac{2}{7} \times \frac{2}{4}$

مثال ٣ :

أوجد ٢٠٪ من ١٧٠

استعمل التنااسب المئوي

$$\frac{n}{100} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{170} = \frac{1}{100}$$

الضرب التبادلي

$$20 \times 170 = 100 \times 1$$

اضرب

$$3400 = 100$$

اقسم كل طرف على ١٠٠

$$\frac{3400}{100} = \frac{100}{100}$$

$$34 = 1$$

٣٤ هو ٢٠٪ من ١٧٠

حلَّ كُلَّ مسألة مما يأتي:

٩ أوجد ٣٥٪ من ٩٠.

١٠ أوجد ٤٢٪ من ٣٤٠.

١١ ما قيمة ٦٠٪ من ٩٢٢٠.

١٢ ما قيمة ٥٪ من ٩٧٢.

دراسة مسحية: أجرت معلمة مسحًا شامل

١٤٤ طالبة من طالبات المدرسة، فوجدت أن حوالي

٣٤٪ منها يفضلن تناول السلطة في أثناء وجبة الغداء.

فكم طالبة تفضل السلطة؟ (الدرس ٤-٤)



### عد النواتج

1 - V



**مطعم:** يمكن لرواد أحد المطاعم اختيار وجبة الطعام من القائمة المجاورة.

ما عدد اختيارات المقبلات؟ الطبق الرئيسي؟

لحلوى؟

٢ ضع قائمة بالوجبات المختلفة جميعها التي يقدّمها المطعم.

**الناتج:** هو أيٌ واحد من الخيارات الممكنة لتجربة ما، وهناك ١٢ ناتجًا عند اختيار وجبة الطعام المكونة من: المقبلات والطبق الرئيسي والحلوي. أما **الحادثة**، فهي ناتج واحد أو مجموعة من النواتج.

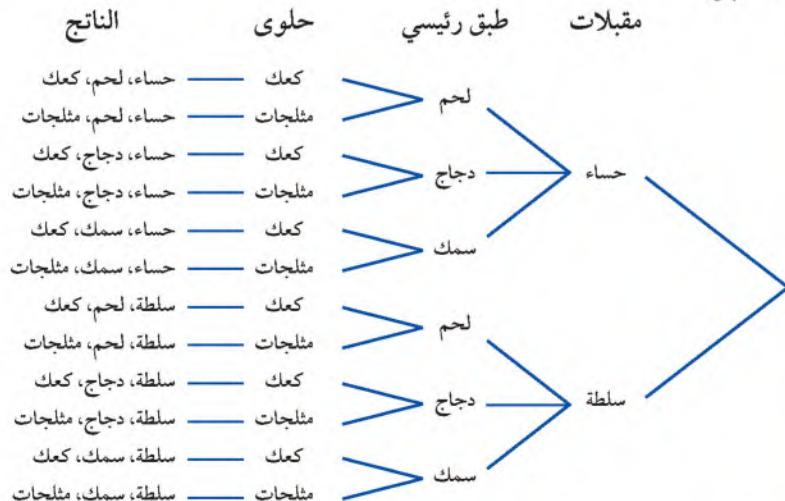
وتُسمى القائمة المنظمة للنواتج التي تساعد على إيجاد العدد الكلي لنواتج الحوادث الممكنة بفضاء العينة. واستعمال الرسم الشجري هو أحد طرق إيجاد فضاء العينة.

## استعمال الرسم الشجري

مثال

**مطعم:** استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد الوجبات الممكنة في المثال

السابق.



وبذلك يوجد ١٢ وجبة طعام مختلفة في قائمة الطعام.

## حق من فهمك

٤) استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد النواتج عند إلقاء قطعة نقدية مرتين:

ويمكن أيضاً إيجاد العدد الكلي للنواتج باستعمال الضرب، وتسمى هذه الطريقة **مبدأ العد الأساسي**.

### مفهومأساسي

### مبدأ العد الأساسي

إذا كان عدد النواتج الممكنة للحادثة أ هي س، وللحادثة ب هي ص، فإنّ عدد النواتج الممكنة للحادثة أ متبوعة بالحادثة ب هي:  $S \times C$ .

### استعمال مبدأ العد الأساسي

### مثال من واقع الحياة

**المسجد الحرام**: استعمل المعلومات التي على يمين الصفحة لتحديد عدد الطرق المختلفة لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام. هناك ١٥٥ باباً لدخول المسجد الحرام.

وباستعمال مبدأ العد، فإنّ عدد الطرق =  $155 \times 155 = 155 \times 155 = 37223875$  يوجد ٣٧٢٢٣٨٧٥ طريقة لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام.

### تحقق من فهمك

ب) **غداء**: يقدم أحد المطاعم ٣ أصناف من الطعام بخمسة أنواع من التوابل، وهذه الأصناف قد تكون باللحم أو بدونه. فما عدد خيارات الطعام الممكنة للنواتج.



### الربط بالحياة

عدد أبواب المسجد الحرام ١٥٥ باباً أشهرها باب الملك عبدالعزيز، وباب الملك فهد، وباب الفتح وباب العمرة.

### إيجاد الاحتمال

### مثال من واقع الحياة

**صفوف**: يتكون جدول يوم الإثنين للصف الثاني المتوسط من مواد: الرياضيات، والعلوم، والدراسات الاجتماعية، والدراسات الإسلامية، والتربيّة البدنية، ولغتي، واللغة الإنجليزية. فما احتمال أن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات، والتربيّة البدنية، والدراسات الاجتماعية بالترتيب؟

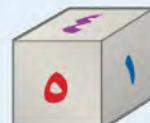
أُوجد أولاً عدد النواتج الممكنة:  $7 \times 6 \times 5 = 210$

أي أن هناك ٢١٠ نواتج ممكنة، وفرصة واحدة لأن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات والتربيّة البدنية والدراسات الاجتماعية بالترتيب.  $\text{ح} (\text{الرياضيات}, \text{التربيّة البدنية}, \text{الدراسات الاجتماعية}) = \frac{1}{210}$  يوجد ترتيب واحد من ٢١٠ ترتيب. ويمكن كتابة هذه النتيجة مقربة بصورة الكسر العشري  $0.005$  أو النسبة المئوية  $0.5\%$ .

### تحقق من فهمك

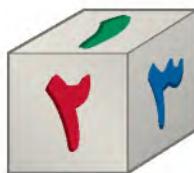
ج) ما احتمال أن يكون مجموع العدددين الظاهرين هو ١٢ عند رمي مكعب الأرقام؟

### إرشادات للدراسة



**مكعب الأرقام**  
هو مكعب مكتوب على أوجهه الستة الأرقام من ١ إلى ٦

## تأكد



### المثال ١

١ استعمل الرسم الشجري لتحديد جميع النواتج الممكنة عند رمي مكعب أرقام (١-٦) مرتين.

### المثال ٢

٢ **تقنية:** يستعمل موظفو إحدى الشركات رموزاً للدخول إلى شبكة المعلومات الخاصة بالشركة، فإذا كان الرمز يتكون من حرفين هجائيين، يلي ذلك أربعة أرقام، فما عدد الرموز الممكنة للموظفين؟

### المثال ٣

٣ **ألعاب:** سُحبَت كرَّةٌ مِّن صندوق يحوي كرات مُرَقَّمة (٩-٠)، وسُجِّلَ الرَّقم، ثُمَّ أُعيدَتِ الكرةُ إِلَى الصندوق، فإذا سُحبَتْ هَذِهِ الكرةُ أَرْبَعَ مَرَّات، فَمَا احْتِمَالُ تَسْجِيلِ الرَّقمِ ١١١١؟

## تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٧-٤
٢	١٣-٨
٣	١٥، ١٤

حدّد جميع النواتج الممكنة لحل كل مسألة مما يأتي باستعمال الرسم الشجري:

٤ إلقاء قطعة نقدية من الفئات الآتية: ريال،  $\frac{1}{2}$  ريال،  $\frac{1}{4}$  ريال.

٥ رمي مكعب الأرقام وقطعة نقود.

٦ سحب كرَّةٍ بيضاء أو حمراء من الأَحْجَامِ: صغيرة، متوسطة، كبيرة، وكبيرة جدًّا.

٧ مبيعات محل لعصائر البرتقال والتفاح والفراولة، بحجمين: صغير وكبير.

استعمل مبدأ العد لإيجاد عدد النواتج الممكنة لكل مما يأتي:

٨ اختيار أحد أيام الأسبوع عشوائياً ورمي حجر نرد.

٩ رمي مكعب أرقام ٣ مرات.

١٠ حل خمسة أسئلة من نوع الصواب والخطأ في اختبار التاريخ.

١١ حل خمسة أسئلة من نوع الاختيار من متعدد ذي أربعة خيارات.

١٢ **حلوى:** يصنع محل حلوى خمسة أحجام من الكعك، وبأربع نكهات، وأربعة أنواع من الكريمة المغطاة. فكم عدد أنواع الكعك التي تصنع في المحل؟

١٣ **سيارات:** تكون لوحة أرقام السيارات في المملكة العربية السعودية من ثلاثة أحرف وأربعة أرقام. فكم لوحة أرقام يمكن إصدارها؟

١٤ **وردات:** تريد كل من هديل ونجلاء إهداء وردة واحدة لوالدتهما، فإذا كانت هديل تفضل الوردات الحمراء والزنابق الصفراء، في حين تفضل أختها نجلاء القرنفل الأصفر والزنبق الأحمر والجاري دينياً البيضاء والأقحوان البنفسجي؛ فما احتمال أن تختار الاثنتان ورديتين من اللون نفسه؟



**أرقام هاتف:** تدل الأرقام الثلاثة الأولى من أرقام الهاتف في إحدى الدول على المدينة التي يعيش فيها المستخدم، أما الأرقام الأربع الباقية، فهي عشوائية. فما احتمال أن تمثل الأرقام الأربع الأخيرة العام الهجري الحالي؟

**الكترونيات:** استعمل الجدول المجاور الخاص بجهاز تخزين إلكتروني في حل السؤالين ١٦، ١٧:

اللون	السعة التخزينية
أزرق	بنفسجي ٢٥٦ ميجابايت
أحمر	زهري ٥١٢ ميجابايت
أخضر	فضي ١ جيجابايت
أبيض	أسود ٢,٥ جيجابايت

١٦ ما عدد اختيارات هذا النوع من الأجهزة اعتماداً على السعة التخزينية واللون؟  
 ١٧ إذا أضفنا نوعاً آخر من أنواع الأجهزة الإلكترونية، فكم يصبح عدد الاختيارات المتوفرة؟

إذا سُحبت كرة واحدة من كل من الكيسين المجاورين، فاستعمل الرسم الشجري للإجابة عن السؤالين ١٨، ١٩:



١٨ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل زرقاء؟  
 ١٩ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل صفراء؟

**غداء:** استعمل المعلومات الآتية، لحل الأسئلة ٢٣ - ٢٠:

قام أحد المطاعم بإعداد وجبات غداء لطلاب الصف الثاني المتوسط، بحيث تتكون كل وجبة من لحم أو دجاج، وأرز أبيض أو أصفر، وتفاح أو برتقالة أو موزة، وعلبة عصير أو ماء أو لبن.

٢٠ ما عدد الاختيارات المختلفة لوجبة الغداء؟  
 ٢١ ما عدد الاختيارات التي تحتوي على تفاحة؟  
 ٢٢ إذا تم اختيار وجبة غداء عشوائياً، فما احتمال أن تحتوي هذه الوجبة على موزة؟  
 ٢٣ ما احتمال أن يحصل الطالب على وجبة غداء تحتوي على أرز أبيض ولبن؟

**مسألة مفتوحة:** أعطِ مثلاً لموقف له ١٥ ناتجاً ممكناً.

**الحسن العددي:** يقدم مطعم ثلاثة أحجام من الفطائر: صغيرة ومتوسطة وكبيرة، ويستعمل لذلك نوعين من الجبن وأربعة أنواع من الخلطة، إذا أضاف إلى القائمة الحجم الكبير جداً، فبكم يزيد عدد أنواع الفطائر؟

**تحدد:** اكتب الصيغة الجبرية لإيجاد عدد نوافذ رمي مكعب الأرقام س مرة.

**اكتبي** اذكر مزية واحدة لتفضيل استعمال الرسم الشجري على مبدأ العد الأساسي.

**مسائل**  
**مهارات التفكير العليا**

## تدريب على اختبار



٢٨ يقدم مطعم فطائر متنوعة، بحيث يختار الزبائن ما يفضلون من بين نوعين من الخبز وثلاثة أنواع من اللحوم.  
أي الجداول الآتية يمكن أن يمثل جميع الفطائر المختلفة التي يقدمها المطعم؟

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر

ج)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
عجل	بر
غنم	بر

ج)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	بر
دجاج	نخالة

د)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر
عجل	نخالة
غنم	نخالة
دجاج	نخالة

ب)

## مراجعة تراكمية

حدد التمثيل الأنسب لكل موقف مما يأتي: (الدرس ٦ - ٨)

٢٩ بيان نسبة الآيس كريم المبيعة من كل نكهة إلى مجمل المبيعات.

٣٠ بيان أعداد الأشخاص الذين يحضرون الندوات الثقافية وفقاً لأعمارهم ضمن فئات متساوية لأعمارهم.

٣١ إحصاء: مثل بالساقي والورقة مجموعة البيانات:

{٩، ٢٧، ٣٧، ١٤، ٢١، ١٨، ١٥، ١٢} (الدرس ٦ - ٧)

## الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

$$\frac{3}{14} \times \frac{7}{12} \quad ٣٣$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5} \quad ٣٣$$

$$\frac{9}{10} \times \frac{2}{3} \quad ٣٥$$

$$\frac{5}{6} \times \frac{3}{10} \quad ٣٤$$





## احتمال الحوادث المركبة

٢ - ٧

لون الجوارب	نوع القطعة
أخضر	ثوب
أزرق	غترة
أبيض	عقال
	لباس رياضي
	حذاء
	قميص

### استعد

**تنزيلات:** أعلن محل للملابس الرجالية عن إمكانية الحصول على جوارب مجانية عند شراء الزبون لإحدى القطع من الجدول المجاور.

- ما احتمال شراء ثوب؟ وما احتمال الحصول على جوارب زرقاء؟
- ما ناتج ضرب الاحتمالين في السؤال الأول؟
- استعمل الرسم الشجري لتحديد احتمال أن يشتري الشخص ثوباً ويحصل على جوارب زرقاء.

### فكرة الدرس:

أجد احتمال الحوادث المستقلة وغير المستقلة.

### المفردات

الحادثة المركبة

الحوادث المستقلة

الحوادث غير المستقلة

تمثّل عملية شراء القطعة واستلام الجوارب المجانية حادثة مركبة، والحادثة المركبة تتكون من حادثتين بسيطتين أو أكثر. وبما أن لون الجوارب لا يعتمد على نوع القطعة التي تم شراؤها، لذا تعد هذه الحوادث مستقلة، وفي **الحوادث المستقلة** لا يؤثر ناتج إحدى الحوادث في الحوادث الأخرى.

#### مفهوم أساسى

#### احتمال الحوادث المستقلة

**التعبير اللفظي:** نجد احتمال حادثتين مستقلتين بضرب احتمال الحادثة الأولى في احتمال الحادثة الثانية.

**الرموز:**  $H(A \cap B) = H(A) \times H(B)$

#### مثال



إذا تم اختيار إحدى بطاقات الأحرف وتدوير مؤشر القرص الدوار، فما احتمال أن يكون الناتج على كل منهما حرف علة (و، أ، ي)؟

$$H(\text{ اختيار بطاقة تحمل حرف علة}) = \frac{2}{7}$$

$$H(\text{توقف القرص الدوار على حرف علة}) = \frac{1}{3}$$

$$H(\text{كلاهما حرف علة}) = \frac{1}{3} \times \frac{2}{7} = \frac{2}{21}$$

#### تحقق من فهمك

استعمل بطاقات الأحرف ومؤشر القرص الدوار في إيجاد احتمال كلٌ مما يأتي:



أ) ح (كلا الحرفين أ).

ب) ح (الحرفين متماثلان).

## مثال من اختبار

إرشادات للاختبارات

### الحساب الذهني

قد يكون من الأفضل  
تبسيط الاحتمالات قبل  
ضربها.

٢ استعمل مكعب أرقام وقرص دوار مقسم إلى خمسة ألوان متساوية في المساحة: أحمر، أصفر، أزرق، أخضر، بنفسجي في لعبة. فما احتمال أن يشير مؤشر القرص إلى اللون الأزرق، ويظهر الرقم ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام؟

أ)  $\frac{3}{11}$       ب)  $\frac{1}{4}$       ج)  $\frac{1}{15}$       د)  $\frac{1}{3}$

اقرأ :

يتطلب السؤال إيجاد احتمال وقوف المؤشر على اللون الأزرق، وظهور أحد الرقمين ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام. الحادثان مستقلتان؛ لأن دوران المؤشر لا يتأثر بنتائج رمي المكعب.

حل :

أولاً: أوجد احتمال كل حادثة.

$$\text{ح (المؤشر على الجزء الأزرق)} = \frac{1}{5}$$
$$\frac{\text{عدد مرات ظهور اللون الأزرق}}{\text{عدد النتائج الكلي}}$$
$$\text{ح (ظهور الرقمين ٣ أو ٤)} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$
$$\frac{\text{عدد مرات ظهور العدد ٣ أو ٤}}{\text{عدد النتائج الكلي}}$$

ثانياً: أوجد احتمال وقوع الحادثتين معاً.

$$\text{ح (أزرق وظهور أحد الرقمين ٣ أو ٤)} = \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

اضرب.

إذن فالاحتمال يساوي  $\frac{1}{15}$  ، والإجابة الصحيحة هي (ج).

### تحقق من فهمك

ج) تتطلب لعبة رمي مكعبي أرقام لتحريك قطعها، فما احتمال ظهور أحد الرقمين ٢ أو ٤ على المكعب الأول، وظهور الرقم ٥ على المكعب الثاني؟

أ)  $\frac{1}{18}$       ب)  $\frac{1}{12}$       ج)  $\frac{1}{2}$       د)  $\frac{1}{3}$

إذا تأثر ناتج إحدى الحادثتين بنتائج الحادثة الأخرى، فإن الحادثتين تكونان **حادثتين غير مستقلتين**.

مفهوم أساسى

### احتمال الحوادث غير المستقلة

**التعبير اللفظي:** إذا كانت الحادثتان أ و ب غير مستقلتين، فإن احتمال حدوثهما معاً هو حاصل ضرب احتمال الحادثة أ في احتمال الحادثة ب بعد حصول الحادثة أ.

$$\text{ح (أ و ب)} = \text{ح (أ)} \times \text{ح (ب بعد أ)}$$

الرموز:



## مثالٌ من واقع الحياة



**فواكه:** يوجد في سلة فواكه ٤ برتقالات، ٧ موزات و٥ تفاحات. اختار مازن حبة فاكهة عشوائياً، واختار محمد أيضاً حبة فاكهة عشوائياً. أوجد احتمال أن تكون الحبتان تفاحاً؟ بما أنه لم يتم إعادة حبة الفاكهة الأولى، فإن الحادثة الأولى تؤثر في الحادثة الثانية، وتكون الحادثتان غير مستقلتين.

$$\begin{aligned} \text{عدد التفاحات} &\rightarrow \text{ح (الحبة الأولى تفاحة)} = \frac{5}{16} \\ \text{عدد حبات الفاكهة الكلي} &\rightarrow \text{عدد التفاحات بعدأخذ الحبة الأولى} = \frac{4}{15} \\ \text{العدد الكلي لحبات الفاكهة بعدأخذ الحبة الأولى} &\rightarrow \text{ح (الحبة الثانية تفاحة)} = \frac{4}{15} \\ \text{ح (الحبتان تفاحتان)} &= \frac{5}{16} \times \frac{4}{15} = \frac{1}{12} \end{aligned}$$

### تحقق من فهمك

اعتماداً على المثال السابق، أوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

أ) ح (حبتا موز).  
ب) ح (حبة برقال ثم حبة تفاح).  
ج) ح (حبتا برقال).  
د) ح (حبة تفاح ثم حبة موز).

### تأكد

#### المثال ١

عند إلقاء قطعة نقد ورمي مكعب أرقام، أوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

١) ح (كتابة و٣).  
٢) ح (شعار وعدد فردي).

#### المثال ٢

**اختيار من متعدد:** استعمل مكعب أرقام وقرص دوار في لعبة. فإذا كان لمؤشر القرص فرص متساوية في الوقوف على أحد الألوان الثلاثة: أحمر وأصفر وأزرق، فما احتمال أن يقف المؤشر على اللون الأحمر، ويظهر رقم زوجي على مكعب الأرقام؟

أ)  $\frac{1}{12}$       ب)  $\frac{1}{6}$       ج)  $\frac{1}{3}$       د)  $\frac{2}{5}$

#### المثال ٣

سُحبت بطاقة من البطاقات المجاورة دون إرجاعها، ثم سُحبت بطاقة أخرى، فأوجد

احتمال ما يأتي:

٤) ح (العددان زوجيان).

٥) ح (ظهور عدد أقل من ٤ ثم عدد أكبر من ٤).



عند رمي مكعب أرقام، وسحب كرة من الكيس المجاور، أوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

٧ ح (٣ وبنفسجي)	٦ ح (١ وأحمر)
٩ ح (فردي وليس أخضر)	٨ ح (زوجي وأصفر)
١١ ح (أكبر من ٤ وأزرق)	١٠ ح (أقل من ٤ وأحمر)

الإرشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١١-٦
٢	١٣، ١٢
٣	١٩-١٤

**غسيل:** تحتوي سلة غسيل على ١٨ جوربًا أزرق اللون و٢٤ جوربًا أسود، فما احتمال سحب جوربين بلون أسود واحدًا تلو الآخر من السلة؟ ١٢

**ألعاب:** يلعب بندر بلوحة ألعاب تتطلب رمي مكعب أرقام، حيث يحتاج إلى الحصول على المجموع ٦ في الرمية الأولى، والمجموع ١٠ في الرمية الثانية للحصول على مربعات إضافية. فما احتمال أن يحصل بندر على المجموع ٦ ثم المجموع ١٠؟ ١٣

يوضح الجدول المجاور ألوان الملابس الرياضية لطلاب أحد الفصول. فإذا اختير طالبان عشوائياً، فأوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

العدد	اللون	
٥	أزرق	١٤ ح (ملابسهما زرقاء)
٧	أصفر	١٦ ح (أصفر ثم أزرق)
٤	أحمر	١٧ ح (أحمر ثم أزرق)
٤	أخضر	١٩ ح (ملابسهما خضراء)

**مدارس:** إذا علمت أن ٥٦٪ من طلاب إحدى المدارس يمارسون رياضة المشي، و٤٤٪ لا يمارسونها، فاستعمل المعلومات في الجدول المجاور لحل السؤالين ٢٠، ٢١:

إذا اختير طالبان عشوائياً، فما احتمال أن يكون الطالب الأول ممارساً رياضة المشي، وأن يُفضل الطالب الثاني مادة العلوم؟ ٢٠

ما احتمال أن يكون الطالب الأول لا يمارس رياضة المشي، وأن لا يُفضل الطالب الثاني مادة اللغة الإنجليزية ولا مادة الرياضيات؟ ٢١

**كتب:** قرر طارق وصديقه قراءة كتاب من بين ٦ كتب أدبية و٤ دينية و٣ شعرية وكتابي تاريخ وكتاب علمي، فكتبا عنوانين هذه الكتب على قصاصات ورقية، ووضعها في صندوق، ثم اختار كل منهما كتاباً بصورة عشوائية. فما احتمال أن يختار أيٌّ منهما كتاباً أدبياً؟ وهل هذه الحادثة مستقلة أم غير مستقلة؟ وضح إجابتك. ٢٢

**٢٣ تسوق:** وجد بقال أن ٦٠٪ من زبائنه ينفق كل منهم أكثر من ٧٥ ريالاً في كل زيارة، فإذا اشتري شخصان منه، فما احتمال أن ينفق كلاهما أكثر من ٧٥ ريالاً؟

**٢٤ نقود:** لدى حالة ٨ قطع معدنية من فئة «نصف ريال» و٦ قطع معدنية من فئة «الريال». فإذا سحبت إحدى القطع دون إرجاعها، ثم سحبت قطعة ثانية، فما احتمال أن تكون القطعتان من فئة «نصف ريال»؟ وهل الحادثتان مستقلتان أم لا؟ ووضح ذلك.

**٢٥ مسابقات:** يربح أحد المتسابقين العشرة سيارة جديدة عن طريق اختيار المفتاح الرابع عشوائياً من بين عشرة مفاتيح. أوجد احتمال ألا يسحب أول ثلاثة متسابقين المفتاح الرابع.

**٢٦ دومينو:** تتألف مجموعة الدومينو الاعتيادية من ٢٨ قطعة، كل قطعة منها مكونة من جزأين يحمل كل منهما نقاطاً من (٠-٦). فإذا كان ٧ من هذه القطع تحمل الرقم نفسه على الوجهين. واختار ٤ لاعبين قطعة عشوائياً، فما احتمال أن يختار كل منهم قطعة لها العدد نفسه من النقاط على الجزأين؟

**٢٧ طقس:** توقّعت الهيئة العامة للأرصاد أن فرصة هطول الأمطار يوم الإثنين هي ٨٠٪، وأن فرصة هطول الأمطار يوم الثلاثاء هي ٣٠٪، أوجد احتمال هطول الأمطار يومي الإثنين والثلاثاء؟ افترض أن الحادثتين مستقلتان.



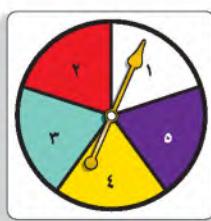
الربط بالحياة: ..... 

يعتقد أن أصل لعبة الدومينو من الصين، وأنها اخترعت في القرن الثاني عشر الميلادي.

**٢٨ مسألة مفتوحة:** يوجد في صندوق ٩ كرات بثلاثة ألوان مختلفة. اكتب مسألة تتعلق بسحب كرتين عشوائياً دون إرجاعهما إلى الصندوق على أن يكون الاحتمال  $\frac{1}{6}$ .

مسائل  
مهارات التفكير العليا

**٢٩ اكتشف الخطأ:** تم تدوير القرص الدوار المجاور مرتين. وحسبت كل من منال وسارة احتمال أن يقف المؤشر على عدد زوجي في المرتين. فما هيما كانت على صواب؟ ووضح إجابتك.



$$\frac{2}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

منال

$$\frac{4}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

سارة

**٣٠ تحدي:** حدد ما إذا كانت الجملة الآتية صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة، فأعط مثالاً مضاداً: «إذا كانت الحادثتان مستقلتين، فإن احتمالهما معاً أقل من ١». 

ما الفرق بين الحادثتين المستقلتين وغير المستقلتين؟

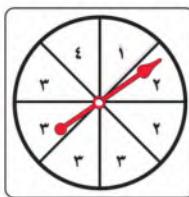




٣٣ أدار أحمد كلاً من مؤشري القرصين أدناه. ما احتمال أن يقف مؤشر القرص الأول على العدد ٢، ومؤشر القرص الثاني على اللون الأبيض؟



القرص الثاني



القرص الأول

(١)  $\frac{3}{5}$  (٢)  $\frac{1}{16}$  (٣)  $\frac{1}{4}$  (٤)  $\frac{2}{5}$  (٥)  $\frac{1}{5}$

٣٤ أربع بطاقات كتب عليها الأرقام ٤، ٣، ٢، ١، إذا سحب عبدالله بطاقة منها بشكل عشوائي، واحفظ بها، ثم سحب سعد بطاقة أخرى، فما احتمال أن تحمل بطاقة سعد الرقم ٢ علمًا بأن البطاقة التي سحبها عبدالله تحمل الرقم ٤؟

(أ)  $\frac{1}{2}$  (ب)  $\frac{1}{3}$  (ج)  $\frac{1}{4}$  (د)  $\frac{1}{5}$

## مراجعة تراكمية

٣٥ ملابس: لدى عبدالعزيز ٤ قمصان و ٥ بناطيل و ٣ معاطف. بكم طريقة مختلفة يمكن لعبدالعزيز أن يرتدي قميصاً وبنطلاً ومعطفاً؟ (الدرس ١ - ٧)

٣٦ تلفاز: اختر تمثيلاً مناسباً للبيانات الموضحة في الجدول أدناه مبررًا سبب اختيارك، ثم مثلاها. (الدرس ٦ - ٨)

مشاهدة البرامج الرياضية في التلفاز (للبالغين)					
العمر	٥٥ فأكثر	٥٤-٤٥	٤٤-٣٥	٣٤-٢٥	٢٤-١٨
النسبة المئوية	%١٠	%١٤	%١٤	%٢٩	%٣٣

## الالستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة.

$$\frac{24}{88} \quad ٣٩$$

$$\frac{49}{70} \quad ٣٨$$

$$\frac{33}{90} \quad ٣٧$$

$$\frac{52}{120} \quad ٣٦$$





## الاحتمال النظري والاحتمال التجاري

### نشاط

اسحب كرة من صندوق يحوي ١٠ كرات من ألوان مختلفة، ثم سجّل اللون وأعد الكرة إلى الصندوق، وكرر العملية ٥٠ مرة.

١ أوجد النسبة  $\frac{\text{عدد مرات السحب لكل لون}}{\text{عدد مرات السحب الكلي}}$

٢ هل يمكن ألا تُسحب كرة ذات لون محدد من الصندوق على الرغم من تكرار السحب؟

٣ افتح الصندوق وعدد الكرات وأوجد النسبة  $\frac{\text{عدد الكرات من كل لون}}{\text{كل لون}} \times 100\%$  من الكرات.

٤ هل النسبة في السؤال الأول تساوي النسبة في السؤال الثالث؟ ووضح ذلك.

### فكرة الدرس:

أجد كلاً من الاحتمالين:  
النظري والتجريبي،  
وأستعمل الاحتمال التجريبي في التنبؤ.

### المفردات

الاحتمال النظري

الاحتمال التجريبي

تم تحديد الاحتمال في النشاط أعلاه عن طريق إجراء التجربة. وُسمى الاحتمالات المبنية على نواتج يتم الحصول عليها بهذه الطريقة **الاحتمالات التجريبية**.

أما الاحتمالات المبنية على حقائق وخصائص معروفة، فتُسمى **الاحتمالات النظرية**. فمثلاً: يمكن حساب الاحتمال النظري لسحب كرة بلون معين من الصندوق؛ لأن الاحتمال النظري يزودنا بما سيحدث دون إجراء التجربة.

### الاحتمال النظري والتجريبي

### مثالان

ما الاحتمال النظري لظهور العدد ١ مرتين عند رمي مكعبين أرقام؟

$$\text{الاحتمال النظري هو } \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

يبين الرسم المجاور نتائج تجربة رمي مكعبين أرقام بناءً على الاحتمال التجريبي، هل الحصول على مجموع ١٢ له فرصة حدوث كبيرة؟

بما أن المجموع ١٢ قد ظهر مرة واحدة من بين ٥٨ مرة، فإن الاحتمال التجريبي للحصول على هذا المجموع هو  $\frac{1}{58}$ ؛ أي أنه لا توجد فرصة كبيرة للحصول على المجموع ١٢



### تحقق من فهمك

أ) بالرجوع إلى الرسم أعلاه واعتماداً على الاحتمال التجريبي، ما المجموع الذي له فرصة حدوث كبيرة؟

## مثال من واقع الحياة

الطريقة	عدد الأشخاص
هاتف نقال	١٨٥
ساعة حافظ	٥٨
ساعة يد	٥٧

٣٠٠ وقت: أجريت دراسة على ٣٠٠ شخص للوقوف على طريقة معرفتهم للوقت، فما الاحتمال التجريبي لاستعمال الشخص الهاتف النقال في ذلك؟  
بما أن الدراسة تتكون من ٣٠٠ شخص من بينهم ١٨٥ شخصاً يستعملون الهاتف النقال لمعرفة الوقت، فيكون الاحتمال التجريبي هو  $\frac{185}{300} \approx 62\%$ .



الربط بالحياة: .....

كيف يستعمل مصممو الهواتف  
المقالة الرياضيات؟

يستعمل المصممون المعلومات  
المبنية على الدراسات الإحصائية  
لمساعدتهم على تحديد  
المميزات والأشكال التي يفضلها  
العملاء.

## حقّ من فهمك:

ب) ما الاحتمال التجريبي لاستعمال ساعة اليد لمعرفة الوقت؟

يمكنك استعمال الخبرات السابقة لتوقع الحادثة في المستقبل.

## استعمال الاحتمال في التنبؤ

٤ مصانع: وجد أحد الباحثين في أحد مصانع المصابيح الزجاجية أن احتمال أن يكون المصباح الزجاجي غير تالف هو  $\frac{8}{11}$ ، فهل هذا الاحتمال نظري أم تجريبي؟ وإذا أرادت الشركة الحصول على ١٠٠٠٠ مصباح زجاجي غير تالف، فكم مصباحاً عليها أن تصنع؟  
هذا الاحتمال تجريبي؛ لأنه يعتمد على ما حدث فعلاً. ولمعرفة كم عليها أن تصنع للحصول على ١٠٠٠٠ مصباح غير تالف نستعمل التنااسب:

$$\frac{10000}{\text{أن تكون غير تالفة}} = \frac{10000}{\text{غير تالفة}} = \frac{8}{11}$$

حل التنااسب:

$$\begin{aligned} \text{اكتب التنااسب:} \quad & \frac{10000}{\text{غير تالفة}} = \frac{8}{11} \\ \text{أو جد الضرب التبادلي:} \quad & 10000 \times 11 = 8 \times \text{غير تالفة} \\ \text{اضرب:} \quad & 110000 = 8 \times \text{غير تالفة} \\ \text{اقسم الطرفين على 8:} \quad & \frac{110000}{8} = \frac{8}{11} \times \text{غير تالفة} \\ & 13750 = \text{غير تالفة} \end{aligned}$$

يجب أن تصنع الشركة ١٣٧٥٠ مصباحاً زجاجياً.

## حقّ من فهمك:

ج) دراسة إحصائية: أُجريت دراسة حديثة على ١٥٠ شخصاً، فأجاب ١٨ شخصاً منهم بأنهم يستعملون اليد اليسرى، فإذا أُجريت هذه الدراسة على ٢٥٠ شخص، فكم توقع عدد الأشخاص الذين يستعملون اليد اليسرى منهم؟



الناتج	الناتج	الناتج	الناتج	الناتج
ك ك ك	ك ك ك	ك ك ك	ك ك ك	ك ك ك
ش ش ش	ش ش ش	ش ش ش	ش ش ش	ش ش ش
٦	٣	٦	٥	١٠
٥	٦	٥	٥	١٠
١٠	٥	٥	٥	٥
٥	١٠	١٠	١٠	٦

استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج إلقاء ثلات قطع نقدية معاً ٥٠ مرة لحل الأسئلة ١ - ٣:  
 ١ ما الاحتمال النظري للحصول على شعريين فقط؟

المثال ١

٢ أوجد الاحتمال التجريبي للحصول على شعريين فقط.

المثال ٢

٣ صُف احتمال الحصول على شعريين عند إلقاء ٣ قطع نقدية؟ وضح إجابتك.

الكتاب	عدد الطلاب
دينية	٤٨
علمية	٣٣
أدبية	٢٨
عامة	١١

استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور، والذي يبيّن نتائج دراسة إحصائية عن الكتب المفضلة لدى الطلاب لحل السؤالين ٤ ، ٥:

٤ ما احتمال أن يفضل الطالب الكتب الدينية؟

المثال ٣

٥ كم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون الكتب الأدبية من بين ٩٠ طالبًا آخرين؟

المثال ٤

**رالي سيارات:** استعمل المعلومات الآتية لحل السؤالين ٦ ، ٧: فاز سعيد خلال الأيام الأربع الأولى من سباق رالي السيارات بـ ٢٤ جولة من ٣٠ جولة.

٦ ما احتمال أن يفوز في الجولة القادمة؟

٧ وإذا اشتراك في ٥٠ سباقاً في هذا الموسم، فكم تتوقع أن يكون عدد مرات فوز سعيد؟

الأسئلة	الإرشادات
٦	انظر الأمثلة
٧	٢٠١ ٩٠٦
٨	٣ ١١٠٨
٩	٤ ١٠٠٧

**دراسة إحصائية:** أظهرت دراسة إحصائية أن ١٢٠ شخصاً من بين ٢٠٠ يفضلون الأرز في وجبة الغداء، بناءً على هذه الدراسة، حدد الاحتمال التجريبي لأن يفضل صديقك الأرز في وجبة غدائها؟

الموقع	الناتج
بحث	٣٢
الألعاب	١٣
علمي	١٠
بريد إلكتروني	٩
صحف	٧
حكومية	٤
منتديات	٣
شرعية	٢

**شبكة المعلومات:** استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور والذي يبيّن الموقع الإلكتروني التي زارها الطلاب في غرفة مصادر التعلم، لحل السؤالين ٩ ، ١٠:

٩ ما احتمال أن يزور الطالب موقعًا علميًّا؟

١٠ كم تتوقع عدد الطلاب الذين زاروا موقعًا حكوميًّا من بين ١٠٠ طالب؟

١١ **سيارات** : باعت وكالة سيارات ٨٠ سيارة، منها ٣٥ سيارة صغيرة. فما الاحتمال التجريبي لأن تكون السيارات المبيعة صغيرة؟

١٢ **رياضة** : أُجريت دراسة إحصائية على ٩٠ طالباً، ففضل ٤٢ طالباً منهم كرة القدم، في حين فضل ٢٤ منهم السباحة، فإذا كان عدد طلاب المدرسة ٣٠٠ طالب، فكم تتوقع عدد الطلاب الذين يفضلون السباحة؟

لحل الأسئلة ١٣ - ١٥، استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج دوران مؤشر قرص مقسم إلى ٨ أقسام متساوية مرقمة من ١ - ٨.

الرقم على القرص	النكرار
١	٨
٢	٥
٣	٩
٤	٤
٥	١٠
٦	٦
٧	٥
٨	٣

١٣ قارن بين الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لوقوف المؤشر على الرقم ٥.  
١٤ اعتماداً على الاحتمال التجريبي، كم تتوقع عدد مرات وقوف المؤشر على الرقم ٣ إذا دار القرص ٢٠٠ مرة؟

١٥ توقع وليد أن يقف المؤشر على الرقم ٤ أو ٨ في المرة القادمة. فهل هذا التنبؤ منطقي؟ وَضَع ذلك.

نوع الفطيرة	عدد الطالب
فطائر العجين	٢٢
فطائر اللحم	١٩
فطائر الدجاج	٣٠
فطائر البيض	١٦
فطائر اللبنة	١٣

١٦ **طعام** : قام مسؤول المقصف المدرسي بسؤال بعض الطلاب عن فطائرهم المفضلة؛ فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، إذا قدم المقصف ٣٥٠ فطيرة، واختار كل طالب فطيرة واحدة منها، فكم تتوقع أن يكون عدد فطائر اللحم؟

١٧ **مسألة مفتوحة** : أُجريت دراسة إحصائية على ٢٥٠ شخصاً عن لونهم المفضل من الألوان (الأزرق، والأحمر، والأخضر، والأبيض). اعمل جدولأً لكل النتائج الممكنة إذا كان الاحتمال التجريبي لأن يكون اللون المفضل هو اللون الأزرق هو ٤٠٪.

مسائل  
مهارات التفكير العليا

١٨ **تحدى** : وجدت دراسة إحصائية أن ٧٥ طالباً من أصل ٢٠٠ لديهم حذاء تزلج، وأن ٢٨٠ طالباً من أصل ٤٠٠ لديهم دراجة هوائية. فما احتمال أن يكون لدى الطالب حذاء تزلج ودراجة هوائية معًا؟

١٩ **اكتسب** وَضَع لماذا لا تستطيع أن تتوقع أن يكون الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لحادثة ما متساوين.

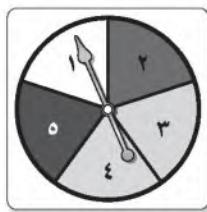




**إجابة قصيرة:** أدارت نوف مؤشر القرص

الدوار المبين، وسجلت النتائج:

الرقم على القرص	عدد مرات الظهور
١	٢٠
٢	١٠
٣	٢
٤	٤٠
٥	٨



ما الاحتمال التجاري لوقوف المؤشر على  
الرقم ٥

٢٠ في دراسة مسحية حول المادة الدراسية الأصعب  
من وجهة نظر طلاب مدرسة متوسطة، كانت  
النتائج كما في الجدول أدناه:

المادة	الرياضيات	العلوم	اللغة الإنجليزية	لغتي	الدراسات الاجتماعية	عدد الطلاب
٧٢	٣٨	٣٦	٣٢	٢٢		

وفقاً لهذه النتائج، ما الاحتمال التجاري لأن تكون  
لغتي هي الأصعب؟

أ)  $\frac{8}{25}$   
ب)  $\frac{9}{50}$   
ج)  $\frac{4}{25}$   
د)  $\frac{4}{5}$

## مراجعة تراكمية

٨ بطاقات مرقمة من ١ إلى ٨، سُحبّت بطاقتان عشوائياً واحدة تلو الأخرى دون إرجاع الأولى، أوجد كلاً من  
الاحتمالين الآتيين. (الدرس ٧ - ٢)

**٢٣** زوجي ثم فردي

٤ ثم ٨

**٢٤** **تموينات:** لدى محل تجاري أربعة أنواع من العسل، وثلاثة أنواع من الحليب. بكم طريقة مختلفة يمكن  
لشخص أن يشتري نوعاً من العسل، وآخر من الحليب من ذلك المحل؟ (الدرس ١ - ٧)

**٢٥** **إحصاء:** أوجد كلاً من المدى، والوسط، والربعين الأعلى والأدنى، والمدى الربيعي، وأية قيم متطرفة  
لمجموعة القيم: ١١٥، ١١٧، ١١٧، ١١١، ١١١، ١٢١، ١١٦، ١٢٦، ١٢٧، ١١٠، ١٢١، ١١٦، ١٢٦، ١١٠، ١٢٦، ١١٥، ١٠٥، ١٢٢، ١٠٣، ١٠٣، ١٣٠،  
١٣٠، ١٠١، ١٠٨، ١٠٠، ١٣٠، ١٠١ (الدرس ٦ - ٥)

## الاستعداد للدرس اللاحق

**٢٦** **مهارة سابقة:** أرادت فدوى أن تؤدي واجبها المنزلي، وهو عدد من المسائل الرياضية؛ وقد حلّت نصفها قبل  
صلاة المغرب، ثم حلّت سبع مسائل أخرى بعد المغرب، وبقي عليها إحدى عشرة مسألة. فكم كان عدد مسائل  
واجب فدوى المنزلي؟ (استعمل استراتيجية الحل عكسياً).



# اختبار منتصف الفصل

الفصل



الدروس من ١-٧ إلى ٣-٧

**٨ اختيار من متعدد:** سُحبت بطاقتان من عشر بطاقات ممرقة من ١ إلى ١٠ واحدة تلو الأخرى، ما احتمال أن يكون مكتوب على كلٍّ منها عدداً زوجياً إذا أُعيدت البطاقة المنسوبة أولاً إلى مجموعة البطاقات؟ (الدرس ٢-٧)

أ) $\frac{1}{8}$	ب) $\frac{2}{9}$
ج) $\frac{1}{4}$	د) $\frac{3}{8}$

**٩ طعام:** أظهرت دراسة إحصائية أن ١٣٥ شخصاً من بين ٢٢٥ شخصاً يفضلون الشوربة في وجبة الغداء. بناءً على هذه الدراسة، كم شخصاً من بين ٨٠ شخصاً آخرين تم سؤالهم يُتوقع أنهم يفضلون الشوربة في وجبة الغداء؟ (الدرس ٣-٧)

**١٠** أُلقيت قطعة نقدية ٣ مرات، وظهر الشعار على القطعة في المرات الثلاث. ما الاحتمال النظري لظهور الكتابة إذا رُميَت القطعة مرة أخرى؟ (الدرس ٣-٧)

(الدرس ٢-٧)

**١١ اختيار من متعدد:** يحتوي إناء على ٣٦ كرة ملونة لها الحجم نفسه من اللون الأزرق والأخضر والأحمر والأصفر. ما عدد الكرات الزرقاء في الإناء، إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من الإناء دون النظر إليها هو  $\frac{4}{9}$ ؟ (الدرس ٣-٧)

أ) ١٦	ب) ٨
ج) ٤	د) ١٨

**١ سفر:** استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد النوافج الممكنة للسفر من المدينة أ إلى المدينة ب مروراً بالمدينة ج، علمًا بأنه يمكن للشخص السفر من أ إلى ج بالحافلة أو بالطائرة، ومن ج إلى ب بالحافلة أو بالطائرة أو بالقطار؟ (الدرس ١-٧)

**٢** إذا تم تدوير مؤشر القرصين الدائريين أدناه، فما عدد النوافج الممكنة؟ (الدرس ١-٧)



يوجد في صندوق ٣ أقلام سوداء، وقلمان حمراوان، و٤ أقلام صفراء، وقلمان برتقاليان، و٣ أقلام خضراء. سُحبَت فاطمة قلماً ولم تُرْدِه إلى الصندوق، ثم سُحبَت قلماً آخر. أوجد الاحتمالات الآتية: (الدرس ٢-٧)

**٣** ح (القلمان سوداوان)

**٤** ح (القلمان خضراوان)

**٥** ح (الأول أصفر، والثاني أخضر)

**٦** ح (القلمان غير برتقاليين)

**٧** ح (ليس فيهما قلم أحمر ولا أصفر)





## استراتيجية حل المسألة

ε - V

**فكرة الدرس:** أحل المسائل باستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة».



### تمثيل المسألة.



مصطفى: سأقدم إلى اختبار في اللغة العربية، فهل تعتقد أن طريقة إلقاء قطعة نقدية ستكون طريقة جيدة لحل (٥) أسئلة من نوع الصواب أو الخطأ.

مهمتك: **مثـل المسـأـلة** لـتـحـديـد ما إـذـا كـان إـلـقاء قـطـعـة نـقـدـيـة طـرـيـقـة جـيـدة لـإـجـابـة أـسـئـلـة من نـوـع الصـوـاب أو الـخـطـأ.

<p>عدد أسئلة الصواب أو الخطأ في الاختبار (٥)، يمكنك القيام بالتجربة لاختبار ما إذا كان إلقاء القطعة النقدية طريقة جيدة لحل الأسئلة والحصول على علامة جيدة.</p>	<p><b>افهم</b></p>																																																	
<p>ألق قطعة نقدية ٥ مرات، فتكون الإجابة صحيحة إذا ظهرت الكتابة، وخطأً إذا ظهر الشعار وكُرر المحاولة ٣ مرات.</p>	<p><b>خط</b></p>																																																	
<p>افرض أن الإجابات الصحيحة للاختبار هي صواب، خطأ، خطأ، صواب، خطأ.</p>	<p><b>حل</b></p>																																																	
<table border="1" data-bbox="263 1207 1144 1406"> <thead> <tr> <th data-bbox="263 1207 346 1251">الإجابات</th> <th data-bbox="346 1207 431 1251">صواب</th> <th data-bbox="431 1207 516 1251">خطأ</th> <th data-bbox="516 1207 603 1251">صواب</th> <th data-bbox="603 1207 688 1251">خطأ</th> <th data-bbox="688 1207 775 1251">صواب</th> <th data-bbox="775 1207 860 1251">خطأ</th> <th data-bbox="860 1207 945 1251">صواب</th> <th data-bbox="945 1207 1031 1251">خطأ</th> <th data-bbox="1031 1207 1116 1251">صواب</th> <th data-bbox="1116 1207 1201 1251">المحاولات</th> <th data-bbox="263 1251 346 1294">المحاولات</th> <th data-bbox="346 1251 431 1294">١</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td data-bbox="263 1294 346 1338">المحاولات</td><td data-bbox="346 1294 431 1338">٢</td><td data-bbox="431 1294 516 1338">صواب</td><td data-bbox="516 1294 603 1338">خطأ</td><td data-bbox="603 1294 688 1338">صواب</td><td data-bbox="688 1294 775 1338">خطأ</td><td data-bbox="775 1294 860 1338">صواب</td><td data-bbox="860 1294 945 1338">خطأ</td><td data-bbox="945 1294 1031 1338">صواب</td><td data-bbox="1031 1294 1116 1338">خطأ</td><td data-bbox="1116 1294 1201 1338">المحاولات</td><td data-bbox="263 1338 346 1382">٢</td> </tr> <tr> <td data-bbox="263 1338 346 1382">المحاولات</td><td data-bbox="346 1338 431 1382">٣</td><td data-bbox="431 1338 516 1382">خطأ</td><td data-bbox="516 1338 603 1382">صواب</td><td data-bbox="603 1338 688 1382">صواب</td><td data-bbox="688 1338 775 1382">خطأ</td><td data-bbox="775 1338 860 1382">صواب</td><td data-bbox="860 1338 945 1382">خطأ</td><td data-bbox="945 1338 1031 1382">صواب</td><td data-bbox="1031 1338 1116 1382">خطأ</td><td data-bbox="1116 1338 1201 1382">المحاولات</td><td data-bbox="263 1382 346 1426">٣</td> </tr> <tr> <td data-bbox="263 1382 346 1426">المحاولات</td><td data-bbox="346 1382 431 1426">٢</td><td data-bbox="431 1382 516 1426">صواب</td><td data-bbox="516 1382 603 1426">خطأ</td><td data-bbox="603 1382 688 1426">صواب</td><td data-bbox="688 1382 775 1426">خطأ</td><td data-bbox="775 1382 860 1426">صواب</td><td data-bbox="860 1382 945 1426">خطأ</td><td data-bbox="945 1382 1031 1426">صواب</td><td data-bbox="1031 1382 1116 1426">خطأ</td><td data-bbox="1116 1382 1201 1426">المحاولات</td><td data-bbox="263 1426 346 1470">١</td> </tr> </tbody> </table>	الإجابات	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	المحاولات	المحاولات	١	المحاولات	٢	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	٢	المحاولات	٣	خطأ	صواب	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	٣	المحاولات	٢	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	١	<p>ضع دائرة حول الإجابات التي تتفق مع الإجابات الصحيحة في كل محاولة. بما أن محاولات التجربة أعطت ٢-٣ إجابات صحيحة لأسئلة الاختبار المكون من ٥ أسئلة، فإن إلقاء القطعة النقدية لإجابة أسئلة الصواب أو الخطأ ليست طريقة جيدة للحصول على علامة جيدة في الاختبار.</p>
الإجابات	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	المحاولات	المحاولات	١																																						
المحاولات	٢	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	٢																																							
المحاولات	٣	خطأ	صواب	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	٣																																							
المحاولات	٢	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولات	١																																							

## حل الاستراتيجية

١ اذكر مزيّة واحدة لاستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة» لحل المسائل.

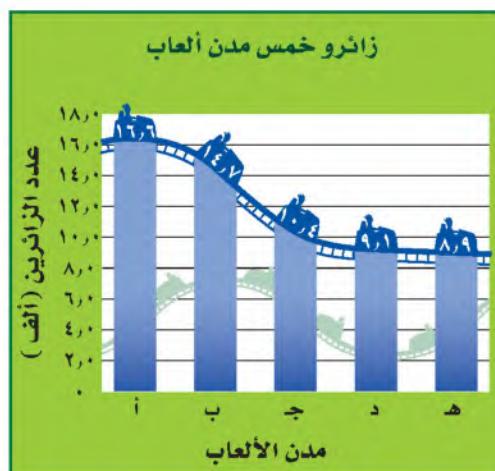
**الكتاب** مسألة يمكن حلها باستراتيجية «تمثيل المسألة»، ثم استعمل الاستراتيجية لحلّها. وفسّر إجابتك.

**نقد:** في اليوم الأول للعيد كان مع نورة مبلغ من المال، أقرضت أختها منه ٥٠ ريالاً، ثم صرفت نصف الباقي، وفي اليوم الثاني للعيد أعطتها عمها ١٠٠ ريال، وبعد أن صرفت ٩٠ ريالاً بقي معها ١١٠ ريالات. فما المبلغ الذي كان مع نورة في اليوم الأول للعيد؟

**رُبُّ** ما عدد الخيارات التي يمكن لقاسم أن يختار بها زَيْه من بين: غترة بيضاء أو حمراء أو سكرية مع ثوب أبيض أو بني أو أسود؟

**اصطفاف:** تقف عليه وفاطمة ومهما وعيبر في خط مستقيم. فبكم طريقة يمكن ترتيب هؤلاء البنات؟

**ألعاب:** بالاعتماد على الرسم أدناه، كيف تقارن بين زائر المدينتي (أ) والمدينتي (هـ)؟



**الحس العددي:** إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من صندوق هو  $\frac{2}{5}$  ، واحتمال سحب كرة حمراء هو  $\frac{3}{10}$  ، وكان عدد الكرة الخضراء مثل عدد الكرة الصفراء في الصندوق. فأعطِ إمكانية واحدة لأعداد الكرة في الصندوق.

استعمل استراتيجية "تمثيل المسألة" لحل المسائل ٥-٣:

**نقدو:** اشتري أحمد عصير تفاح وقطع شوكولاتة بـ ٤٥,٥ ريالاً، ودفع للبائع ٥٠ ريالاً، فبكم طريقة يمكن أن يسترد الباقى إذا كان لدى البائع قطع من الفتىين: ريال،  $\frac{1}{2}$  ريال؟

**رياضة:** طول ملعب ٨٤ قدماً، فإذا ركض مبارك ٢٠ قدماً إلى الأمام و ٨ أقدام إلى الخلف، فكم مرة أخرى عليه أن يكرر العملية حتى يصل إلى نهاية الملعب؟

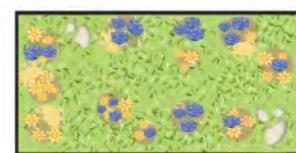
**مكتبة** : أراد ماهر أن يرتب خمسة كتب لديه على الرف، بحيث يكون كتاب التفسير أولها وكتاب الاجتماعيات آخرها، فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟

## استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦-١٢ :

## بيان المسألة

- الحل عَنْسِيًّا
- البحث عن نمط
- التبرير المنطقي
- تثبيط المسألة

**قياس:** صمم فهد حديقة متزلة على شكل مستطيل، على أن يكون محيطها يساوي  $\frac{1}{4}$  ٢٠ متر من محيط المستطيل الظاهر في الصورة. أوجد محيط الحديقة.



۱۷۱

جبر: أكمل النمط الآتي:



## استعمال المعاينة في التنبؤ

٥-٧



ما نوع البرامج التي تفضل مشاهدتها؟

وثائقية طيبة دينية رياضية أسرية

### استعد

**رياضة:** أراد مدير محطة تلفزيونية إجراء دراسة إحصائية؛ لتحديد البرامج التي يفضلها المشاهدون.

إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة على مجموعة من جمهور البرامج الوثائقية، فهل تعتقد أن النتائج ستمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية على طلاب المرحلة المتوسطة، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية باختيار شخص من كل ١٠٠ شخص في دليل الهاتف، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

بما أن مدير المحطة التلفزيونية لا يستطيع إجراء الدراسة على جميع مشاهدي البرامج، فإن عليه اختيار مجموعة صغيرة لإجراء الدراسة عليها و**تسمى العينة**، وتستعمل العينة لتمثيل مجموعة كبيرة **تسمى المجتمع**.

وللحصول على نتائج صحيحة، يجب اختيار العينة بعناية، وتعطي **العينة غير المتحيزة** نتائج صادقة لتمثيلها المجتمع بدقة، وفيما يأتي ثلث طرائق لاختيار العينة غير المتحيزة:

العينات غير المتحيزة		
مثال	الوصف	النوع
يكتب كل طالب اسمه في قصاصة ورقية، وتوضع الأسماء في صندوق وتسحب القصاصات دون النظر إليها.	فرص اختيار عناصر أو أفراد المجتمع متساوية.	العينة العشوائية البسيطة
يتم اختيار الطلاب عشوائياً من كل مرحلة من مراحل الدراسة.	يقسم المجتمع إلى مجموعات متشابهة غير متداخلة، ثم يتم اختيار عينة عشوائية بسيطة من كل مجموعة.	العينة العشوائية الطبقية
يتم اختيار الطالب الذي ترتيبه ٢٠ ومضاعفات الـ ٢٠ من القائمة المرتبة أبجدياً للطلاب الملتحقين بالمدرسة.	يتم اختيار العناصر أو الأفراد وفق فترة زمنية محددة أو فترات متساوية من العناصر أو الأفراد.	العينة العشوائية المترادفة

### فكرة الدرس:

أنتباً بسلوك مجتمع مستعملـاً العينة.

### المفردات

العينة

المجتمع

العينة غير المتحيزـة

العينة العشوائية البسيطة

العينة العشوائية الطبقـية

العينة العشوائية المنتظمة

العينة المتحـيزـة

العينة المـلائـمة

العينة التطـوـعـية

أما في **العينة المتحيزة** فإنه يتم تفضيل بعض أقسام المجتمع على سائر الأقسام ، وفيما يأتي طريقتان لاختيار العينة المتحيزه:

العينات المتحيزة		
مثال	الوصف	النوع
لتمثيل جميع الطلاب الملائمة من أفراد المجتمع الذين يسهل الوصول إلىهم.	ت تكون العينة الملائمة من أفراد بالمدرسة يتم اختيار أحد فصوص المدرسة لإجراء الدراسة.	العينة الملائمة
يقوم طلاب المدرسة الراغبون في إبداء آرائهم بتبعة استبانة الدراسة الإحصائية على شبكة المعلومات.	ت تكون العينة التطوعية من أفراد يرغبون في الانضمام إلى العينة.	العينة التطوعية

### مثالان تحديد دقة الاستنتاجات

حدّد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، وبرر إجابتك.

لتحديد «نوع العصير المفضل عند الزبائن» تم اختيار الأشخاص: العاشر ومضاعفات العشرة ممن يدخلون إلى المتجر، وقد فضل سبعون شخصاً من المئة والخمسين الذين اختيروا عصير البرتقال، فاستنتج البائع أن نصف الزبائن تقريباً يفضلون عصير البرتقال.

الاستنتاج دقيق؛ حيث إن المجتمع هم الزبائن، والعينة كانت عينة عشوائية منتظمة وهي عينة غير متحيزة.

لتحديد «ما إذا يفضل الشخص أن يعمل في وقت فراغه»، تم اختيار زبائن متجر للتجهيزات الرياضية، فوُجد أن ٨٥٪ منهم يفضلون ممارسة الرياضة، وبذلك استنتج أن معظم الناس يفضلون ممارسة الرياضة في وقت فراغهم.

الاستنتاج غير دقيق؛ لأنه من الطبيعي أن يفضل زبائن المتجر الرياضي ممارسة الرياضة أكثر في وقت فراغهم؛ لذا فهي عينة متحيزه، وهي من نوع العينة الملائمة؛ لأن جميع الأشخاص الذين أجريت عليهم قد اختيروا من مكان واحد.

### لـ **تحقق من فهمك**

حدّد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، وبرر إجابتك.

أ) سُئلت محطة إذاعية المستمعين عن الشاعر المفضل لديهم من بين شاعرين، ففضل ٧٢٪ منهم الشاعر الأول، فاستنتجت الإذاعة أن الشاعر الأول هو الذي سيفوز بجائزة أفضل شاعر.

ب) توزيع جوائز على جمهور إحدى المسرحيات، كُتُبَت جميع أرقام المقاعد في بطاقات ووضعت في صندوق وسُحبَت البطاقات الفائزة دون النظر إليها. فاستنتج وائل أن لديه فرصة جيدة مثل غيره للحصول على الجائزة.



تستعمل العينات الصادقة طريقة العينات غير المتجذرة، وعند اعتماد هذا الأسلوب في الدراسة، فإنه يمكن استعمال النتائج في التنبؤ.

### مثالٌ من واقع الحياة استعمال العينات في التنبؤ

العدد	النوع
٢٥	ألعاب إلكترونية
١٠	درجات هوائية
٨	أحذية تزلج
٧	ألعاب ذهنية

**مخازن:** يبيع أحد المخازن أربعة أنواع رئيسة من الألعاب، ولمعرفة نوع الألعاب المفضلة قام موظفو المخزن بدراسة إحصائية على ٥٠ زبونة عشوائياً، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، فإذا أراد المخزن طلب ٤٥٠ لعبة جديدة، فكم يفضل أن يكون عدد الألعاب الإلكترونية؟

أولاً: حدد ما إذا كانت العينة ممثلة للمجتمع أم لا، العينة هنا عشوائية بسيطة؛ لأنه تم اختيار الزبائن عشوائياً لذلك فإن العينة ممثلة.

ثانياً: نسبة الزبائن الذين يفضلون الألعاب الإلكترونية =  $\frac{25}{50} = 50\%$ ؛ لذا أوجد ٤٥٠٪ من ٤٥٠.

$50\% \times 450 = 225$ ، فيكون على المخزن طلب ٢٢٥ لعبة إلكترونية تقريراً.

### ارشادات للدراسة

**الاحتمالات المضللة**  
يمكن أن تكون الاحتمالات المبنية على عينات متجذرة خادعة ومضللة، فمثلاً إذا كانت عينة الدراسة على الأولاد فقط، فلن تكون موثوقة لأنها اقتصرت على جنس واحد فقط.

### تحقق من فهمك ✓

**ج) سباحة:** سأله مدرب سباحة طلابه المتدربين إذا كانوا يرغبون في تدريبات متقدمة في السباحة، فأبدى ٦٠٪ منهم رغبتهم في ذلك، فإذا كان عدد أعضاء النادي الرياضي هو ٨٧٠ عضواً، فما عدد الأعضاء الراغبين في التدريبات المتقدمة الذي يتوقعه المدرب؟

### تأكد ✓

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، ووضح إجابتك.

١ اختيرت ١٠٠ عائلة من منطقة أنها عشوائياً، لتحديد معدل صرف العائلة السعودية على خدمة الكهرباء، فأجابت ٨٥ عائلة منهم بأنهم ينفقون عليها أقل من ٣٠٠ ريال شهرياً. فاستنتج الباحث أن معدل صرف العائلة السعودية على الكهرباء أقل من ٣٠٠ ريال في الشهر.

٢ اختير شخص عشوائياً من كل دائرة في شركة لتحديد أولويات الموظفين، فكانت الخدمة الصحية أهم أولويات ٦٧٪ منهم، فاستنتج المدير أن الخدمة الصحية يجب أن تشمل جميع الموظفين.

### المثالان ٢، ١

**حواسيب:** عندما أراد خالد شراء جهاز حاسوب، اختار عينة عشوائية من زبائن متجر لبيع الحواسيب، وسجل النتائج في الجدول المجاور. فإذا أجري خالد الدراسة على ١٥٠ شخصاً، فكم عدد الذين فضلوا الحواسيب المحمولة؟

### المثال ٣

العدد	نوع الجهاز
٣	حاسوب منزلي
٧	حاسوب محمول

## تدريب وحل المسائل

### الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	الأسئلة	انظر الأمثلة
٤	٢٠١	٩-٤
٤	٣	١١، ١٠

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، وبرر إجابتك:

٤ لتقدير مدى صلاحية منتج، قام صانعه هواتف نقالة باختيار الهاتف الذي ترتيبه ٥٠ ومضاعفات الـ ٥٠ في خط إنتاج، فوجدوا أنه من بين ٢٠٠ هاتف منها كان هناك ٤ هواتف تالفة، فاستنتج المدير من ذلك أن ٢٪ من الهواتف المتوجه ستكون تالفة.

٥ أجرت نوال دراسة إحصائية على زميلاتها في جماعة الفنون بالمدرسة؛ لتحديد عدد الطالبات اللواتي سيشاركن في معرض الأشغال اليدوية، فأبدت جميع صديقاتها الرغبة في الاشتراك، لذا افترضت نوال أن جميع الطالبات في مدرستها سيشاركن في المعرض.

٦ طلبت إحدى المجلات من قرائها تعبئة استبانة وإعادتها إليها لتحديد أفضل المناطق السياحية لديهم، فأبدى معظم القراء الذين أجابوا تفضيلهم منطقة عسير، لذلك قررت المجلة كتابة مقال عن هذه المنطقة.

٧ هل تؤيد أنظمة المرور الجديدة؟

٣٠٪	نعم
٤٢٪	لا
٢٨٪	غير متأكد

لمعرفة رأي الناس في أنظمة المرور الجديدة تم اختيار ٢٠ شخصاً عشوائياً من كل مدينة، فتبين أن ٤٢٪ منهم لم يؤيدوها. لذلك استنتج المسؤولون أنهم في حاجة إلى حملة لتوسيع المواطنين بهذه الأنظمة.

٨ أرادت زينب شراء علبة لبن مختلفتين لعمل تجربة، فأغمضت عينيها واختارت واحدة، ثم مشت خطوتين واختارت علبة أخرى.

٩ سأل المعلم طلبه الخمسةجالسين في الصف الأمامي في غرفة الصف عن رغبهم في الاشتراك في يوم النشاط المدرسي، فأجابوا بالموافقة. فاستنتج من ذلك أن جميع طلاب المدرسة سيشاركون في يوم النشاط.

العدد	الأسلوب
١٦	الموقع الإلكترونية
١٢	الصحف
٥	المذيع
٣	أحاديث الناس

١٠ أخبار: اختار مشرف المصحف المدرسي الطالب الذي ترتيبه ١٠ ومضاعفات الـ ١٠ في طابور المصحف المدرسي، ثم سأله عن الطريقة المناسبة لديهم للاطلاع على الأخبار المحلية، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور. إذا كان عدد طلاب المدرسة ٦٨٠، فكم توقع أن يكون عدد الذين يفضلون الاطلاع على الموقع الإلكترونية لمعرفة الأخبار المحلية؟



الربط بالحياة: .....  
في عام ٢٠١٧ م بلغ عدد مستخدمي الإنترنت في المملكة العربية السعودية ٢٤ مليون مستخدم.

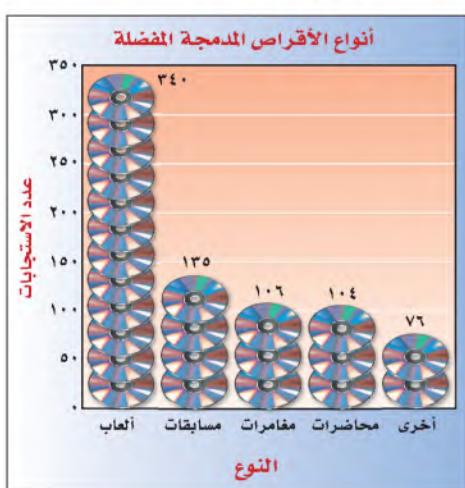


**١١ سفر:** أُجريت دراسة عشوائية على أشخاص في مركز تجاري، فأظهرت أن ٢٢ منهم يفضلون السفر مع العائلة بالسيارة و ١٨ يفضلون السفر بالطائرة و ٤ يفضلون السفر بالحافلة، فكم تتوقع أن يكون عدد الأشخاص الذين يفضلون السفر بالطائرة من الأشخاص الـ ٥٠٠ الذين أُجريت عليهم الدراسة.

**١٢ مطارات:** أرادت إدارة أحد المطارات إنشاء مقهى إنترنت في قاعة القادمين، فأجرت دراسة على ٥٠٠ مسافر في المطار عشوائياً، فاعتبر ٤٢٥ منهم أن إنشاء المقهى فكرة جيدة، فهل يجب على إدارة المطار اعتماد هذه الفكرة؟ وضح إجابتك.

**١٣ نشاطات:** أراد بشار إجراء دراسة إحصائية على الطلاب الراغبين في المشاركة في أنشطة المدرسة، صُف طريقة اختيار عينة صادقة ينبغي استعمالها.

**١٤ أقراص مدمجة:** استعمل المعلومات أدناه لحل السؤالين ١٤، ١٥.



**٢٠ تحدي:** كيف يمكن للكلمات المستعملة في السؤال ونبرة الصوت أن تؤثر في الأشخاص المشتركين في الدراسة الإحصائية؟ أعط مثالين على الأقل.

**٢١ أكتب:** قارن بين إجراء الدراسة الإحصائية والاحتمال التجريبي.

**مسائل مهارات التفكير العليا**



٢٣ حدد سلمان أن ٦٠٪ من طلاب الصف الثاني المتوسط يُحضرون معهم مظلاتهم، عندما توقع الهيئة العامة للأرصاد سقوط الأمطار. إذا علمت أن عدد طلاب الصف الثاني المتوسط في مدرسة سلمان هو ١٥٠ طالبًا، فأي الجمل الآتية لا تتفق مع بيانات سلمان؟

أ) أقل من  $\frac{2}{5}$  طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.

ب) ٩٠ طالبًا من طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط المطر فيها.

ج) أكثر من  $\frac{1}{2}$  طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.

د) ٦٠ طالبًا من طلاب الثاني المتوسط لا يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع فيها سقوط الأمطار.

أجرت خديجة دراسة مسحية حول المادة المفضلة عند طالبات مدرستها، فسألت جميع طالبات النادي الأدبي في المدرسة، وكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

المادة المفضلة	عدد الطالبات
لغتي	١٢
الرياضيات	٥
العلوم	٣
الدراسات الاجتماعية	٨

وفقاً لهذه النتائج، استنتجت خديجة أن مادة لغتي هي المادة المفضلة عند طالبات مدرستها. لماذا يعد هذا الاستنتاج غير دقيق؟

أ) طالبات النادي الأدبي يجتمعن في أيام محددة فقط.

ب) يجب على خديجة أن تسأل طالبات فصلها فقط.

ج) يجب إجراء الدراسة يومياً خلال أسبوع.

د) العينة لا تمثل طالبات المدرسة.

## مراجعة تراكمية

٤٤ **بيتزا:** يقدم مطعم لليبيتزا حجمين مختلفين منها، وبأحد نوعين من الجبن، وأربعة أنواع مختلفة من الإضافات. استعمل استراتيجية تمثيل المسألة؛ لإيجاد عدد خيارات البيتزا التي يقدمها هذا المطعم. (الدرس ٤ - ٧)

٤٥ **كرة سلة:** في أثناء التدريب، سجل محمد ٨٠ هدفاً من ١٠٠ رمية حرة في لعبة كرة السلة. ما الاحتمال التجريبي لأن يسجل محمد من ضربة حرة؟ (الدرس ٧ - ٣)

## اختبار الفصل

**١١ ملابس:** لدى متجر قمصان بأحجام مختلفة: كبير، متوسط، صغير، وبألوان مختلفة: أزرق وأسود وأبيض. فما عدد أنواع القمصان الموجودة في المتجر؟

**١٢ أطباء:** قامت إدارة المستشفى بإجراء دراسة على ٤ أقسام لمعرفة عدد ساعات مناوبة الأطباء في الشهر فكانت النتائج كما في الجدول أدناه. فإذا كان هناك ٨٦٤ طبيباً في المستشفى، فما عدد الأطباء المناويين ما بين (٤٠-٢١) ساعة الذي تتوقعه؟

عدد الأطباء	عدد ساعات المناوبة
٣٨	١٠-٠
٢٦	٢٠-١١
١٠	٤٠-٢١
٦	٤٠ أو أكثر

**١٣ اختيار من متعدد:** أراد المعلم معرفة رغبة طلاب الصف في المشاركة لزيارة المتحف، فما الطريقة التي يستعملها للدراسة الإحصائية لتكون صادقة؟  
 أ) يسأل الطلاب المشاركين في النادي الفني.  
 ب) يسأل أهالي الطلاب.  
 ج) يسأل الطلاب الذين ترتيبهم العاشر ومضاعفات العشرة من الصف.  
 د) يقوم بالإعلان عن الرحلة، ويطلب إلى الطلاب أن يخبروه عن آرائهم.

**١٤ رياضة:** لتحديد نوع الرياضة المفضلة أجرى استفتاء عشوائي في أثناء مباراة كرة طائرة. فأجاب ٧٢٪ منهم أن كرة الطائرة هي رياضتهم المفضلة، فاستنتج الباحث أن الكورة الطائرة هي اللعبة المفضلة لدى الناس، فهل استنتاجه صادق؟

**١٥ شعار:** ترغب إحدى الشركات في تصميم شعار لها، فإذا كان لديها الاختيارات كما في الجدول أدناه، فيبكم طريقة مختلفة يمكن تصميم الشعار؟

اختيارات التصميم
٥ خلفيات مختلفة
٣ ألوان
٢ إطار خارجي

**١٦ اختيار من متعدد:** موسى وإبراهيم ضمن طلاب الفصل الستة الراغبين في الانضمام للنشاط المدرسي، فإذا اختارت المدرسة طالبين منهم عشوائياً، فما احتمال أن يتم اختيار موسى وإبراهيم معاً؟  
 أ)  $\frac{1}{3}$  ب)  $\frac{1}{15}$  ج)  $\frac{1}{30}$  د)  $\frac{1}{60}$

يحتوي صندوق على ٤ كرات زرقاء و ٧ حمراء و ٦ صفراء و ٨ خضراء و ٣ بيضاء. فإذا سُحبت كرة دون إرجاع فأوجد الاحتمالات الآتية:

٣ ح (زرقاء).

٤ ح (حمراء ثم بيضاء)

٥ ح (بيضاء ثم خضراء)

٦ ح (كرتان غير صفراء و غير حمراء)

أقيمت قطعتا نقد ٢٠ مرة، فلم يظهر الشعار ٤ مرات، في حين ظهرت على إحدى القطع ٩ مرات، وظهرت على القطعتين معاً ٧ مرات.

٧ ما الاحتمال التجريبي لظهور شعريين؟

٨ ما الاحتمال التجريبي لظهور شعار واحد؟

٩ مثل الرسم الشجري لإظهار نتائج إلقاء قطعاتي النقد.

١٠ قارن بين الاحتمال التجريبي والاحتمال النظري للحصول على شعرين عند إلقاء قطعاتي نقد.



# الاختبار التراكمي (٧)

الفصل

٧

اختيار من متعدد

القسم ١

٢) كان معدل درجات دعاء في الرياضيات ٨٢، أي  
الطالبات فيما يأتي لها المعدل نفسه؟

أ) حصلت آمنة على ما مجموعه ٤٩٢ درجة في  
٦ اختبارات.

ب) حصلت رغد على ما مجموعه ٣٥٢ درجة في  
٤ اختبارات.

ج) حصلت إيناس على ما مجموعه ٤٦٨ درجة  
في ٦ اختبارات.

د) حصلت زينة على ما مجموعه ٣٤٤ درجة في  
٤ اختبارات.

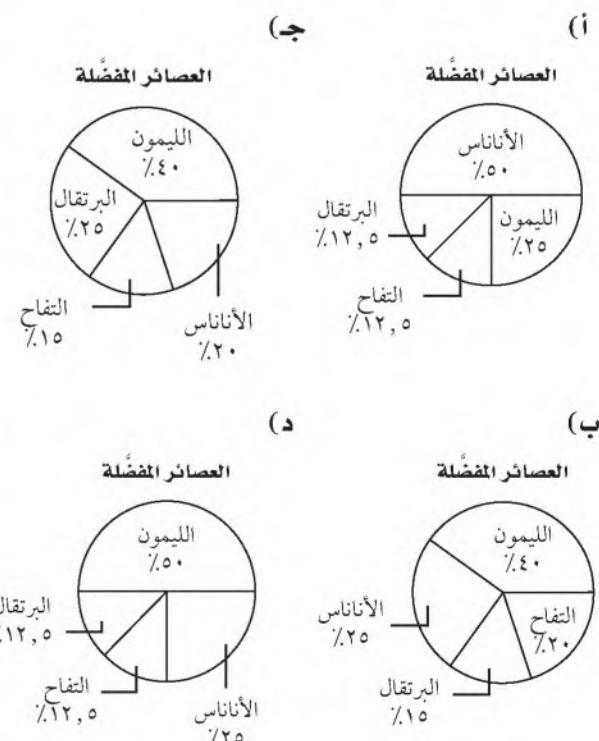
٣) إذا كان احتمال أن يسجل رائد هدفًا في مباراة هو  $\frac{3}{5}$ ، فكم هدفًا توقع أن يسجل في ٦٠ مباراة؟

أ) ٥٠  
ج) ٣٠  
ب) ٣٦  
د) ٢٤

١) اختر الإجابة الصحيحة:  
سؤال ماجد طلب فصله عن أنواع العصائر المفضلة  
لديهم، فكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

أنواع العصائر المفضلة				
نوع العصير	البرتقال	الليمون	الأناناس	التفاح
عدد الطلاب	٣	٦	١٢	٣

أي التمثيلات الآتية يعرض هذه البيانات؟



## الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

٦ علبة فيها (١٥) قطعة كعك متماثلة، ٥ منها محسوسة بالكسرات و٥ بالتمر و٥ بالعسل. إذا سُحب من العلبة كعكتان واحدة تلو الأخرى، دون إعادة الكعكة المسحوسة الأولى إلى العلبة.

أ) احتمال أن تكون كل منهما محسوسة بالكسرات؟

ب) ما احتمال سحب كعكة محسوسة بالعسل من الكعك المتبقى في العلبة بعد سحب كعكتين محسوستين بالكسرات.



أتدرّب

من خلال الإجابة عن الأسئلة: حتى أعزّز ما تعلّمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالميًا.

٤ يوضح الجدول أدناه جميع النتائج الممكنة لثلاثة مفاتيح كهربائية من حيث كونها مفتوحة أو مغلقة.

مفتاح ٣	مفتاح ٢	مفتاح ١
مفتوح	مفتوح	مفتوح
مغلق	مفتوح	مفتوح
مفتوح	مغلق	مفتوح
مغلق	مغلق	مفتوح
مفتوح	مفتوح	مغلق
مغلق	مفتوح	مغلق
مفتوح	مغلق	مغلق
مغلق	مغلق	مغلق

إذا اخترت عينة عشوائية، فأيُّ العبارات الآتية صحيحة؟

أ) احتمال أن تكون المفاتيح الكهربائية كلها مفتوحة، هو الاحتمال نفسه أن تكون كلها مغلقة.

ب) احتمال أن يكون مفتاح كهربائي واحد مفتوحاً، أكبر

من احتمال أن يكون هناك مفاتحان مفتوحان.

ج) احتمال أن يكون لمفاتحين النتائج نفسها

بالضبط هو  $\frac{1}{2}$ .

د) احتمال أن يكون مفتاح واحد على الأقل

مفتوحاً أكبر من احتمال أن يكون مفتاح واحد

على الأقل مغلقاً.

## الإجابة القصيرة

٥ أُجريت دراسة إحصائية على ٣٢ طالباً حول مادتهم المفضلة، فأجاب ١٤ منهم أنهم يفضلون العلوم، فكم توقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون مادة العلوم، إذا كان عدد الطلاب الكلي ٨٨٠ طالباً؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال ....

فراجع الدرس ....

٦	٥	٤	٣	٢	١
٢-٧	٥-٧	٢-٧	٣-٧	٤-٦	٣-٦





# القياس: المساحة والحجم



## الفكرة العامة

- أجد مساحات أشكال هندسية مستوية، وحجم مجسمات ومساحاتها الجانبية والكلية.

### المفردات الرئيسية:

المنشور ص (١٠٣)

الهرم ص (١٠٣)

الأسطوانة ص (١٠٨)

المخروط ص (١١٦)

## الربط بالحياة:

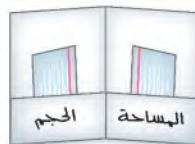
**مشروع القيدية:** يقع جنوب غرب مدينة الرياض، ويمتد على مساحة ٣٧٦ كيلومترًا مربعًا، ستكون القيدية وجهة عالمية مميزة باعتبارها موطنًا لأكثر التجارب ابتكارًا وإثارةً وتنوعًا في مجالات الترفيه والرياضية والفنون.

## المَطْوِيَاتُ

### منظُّمُ أفكار

**القياس: المساحة والحجم:** أعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقة A3 على النحو الآتي:

- اطو الورقة عرضيًّا.
- افتح الطية السابقة، واطو أسفل الورقة لتكون جيًّا، وألصق بطاقة صغيرة داخله.
- سُم كل جيب كما يظهر في الشكل، وضع بطاقات صغيرة داخله.



# التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

## اختبار للريح

### مراجعة للريح

مثال ١ :

$$\text{أوجد ناتج: } \frac{1}{3} \times 5 \times 6$$

أوجد قيمة  $\frac{6}{5}$

$$36 \times 5 \times \frac{1}{3} = 6 \times 5 \times \frac{1}{3}$$

اضرب ٥ في  $\frac{3}{6}$

$$180 \times \frac{1}{3} =$$

اضرب  $\frac{1}{3}$  في ١٨٠

$$60 =$$

أوجد ناتج الضرب: (مهارة سابقة)

$$29 \times 4 \times \frac{1}{3} \quad 12 \times 8 \times \frac{1}{3}$$

٣

**رياضة:** يمارس سلمان رياضة المشي خمسة أيام في الأسبوع، حيث يمشي مسافة ٣ كلم في اليوم الواحد. فإذا قرر أن يمشي  $\frac{1}{3}$  هذه المسافة فقط كل يوم، فكم يمشي في الأسبوع الواحد؟ (مهارة سابقة)

مثال ٢ :

أوجد قيمة  $2a + 2b + 2c + 2d$  إذا كانت:  $a = 7$ ,  $b = 4$ ,  $c = 2$ ,  $d = 4$ .

$$2a + 2b + 2c + 2d$$

$$= 2(2)(7) + 2(4) + 2(2) + 2(4) = 28 + 16 + 56$$

اضرب

اجمع

أوجد قيمة  $2a + 2b + 2c + 2d$  إذا علمت أن: (مهارة سابقة)

$$a = 5, b = 4, c = 2, d = 4$$

$$a = 9, b = 3, c = 2, d = 3$$

$$a = 7, b = 1, c = 2, d = 9$$

$$a = 10, b = 6, c = 4, d = 2$$

٦

٥

٤

٧

مثال ٣ :

أوجد قيمة  $t \times 16$ , مستعملاً ط  $\approx 14$ , ومقريباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

أوجد قيمة  $16$

$$t \times 16 \approx 14$$

اضرب  $14$  في  $3$ , في  $256$

$$256 \times 3 \approx 803$$

$$803 \approx 800$$

أوجد قيمة كلٌ من العبارات الجبرية الآتية مستعملاً ط  $\approx 14$ , ومقريباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة: (مهارة سابقة)

$$15 \times 2 \times t \quad 8$$

$$10 \times (2 \div 19) \quad 10$$

٩

١١

١٥

١٢

**قطار:** تقدر المسافة الدائرية حول رغيف فطيرة قطره ١٤ بوصة بالمقدار ط  $\times 14$ , أوجد هذه المسافة، مقررياً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (مهارة سابقة)





## معلم القياس

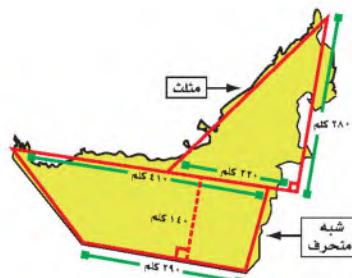
## مساحات الأشكال غير المنتظمة

استكشاف

١ - ٨

الشكل غير المنتظم هو الذي لا تكون بعض جوانبه قطعاً مستقيمة، ولتقدير مساحته، قسمه إلى أشكال أبسط، ثم أوجد مجموع مساحات هذه الأشكال.

## نشاط



قدر مساحة دولة الإمارات العربية المتحدة في الشكل المجاور.

**الخطوة ١** قسم الشكل إلى مثلث وشبه منحرف.

مساحة المثلث:

قانون مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} ق ع$$

$$ق = ٢٢٠, ع = ٢٨٠$$

$$م = \frac{1}{2} \times ٢٢٠ \times ٢٨٠$$

بسط

$$م = ٣٠٨٠٠$$

مساحة شبه المنحرف:

قانون مساحة شبه المنحرف

$$م = \frac{1}{2} ع (ق, + ق,)$$

$$م = \frac{1}{2} \times ١٤٠ \times (٤١٠ + ٤٥٠)$$

$$ق, = ٢٩٠$$

بسط

$$م = ٤٩٠٠٠$$

المساحة الكلية لدولة الإمارات  $\approx ٤٩٠٠٠ + ٣٠٨٠٠ = ٧٩٨٠٠$  كيلم٢.

**تحقق من معقولة الإجابة:** حل المسألة بطريقة أخرى، ثم قارن بين الإجابتين.

## حل النتائج

١ في الشكل المجاور، قُسمت خريطة مصر إلى مضلعات. اشرح كيف تستعمل المضلعات لتقدير مساحتها.

٢ قدر مساحة كل جزء.

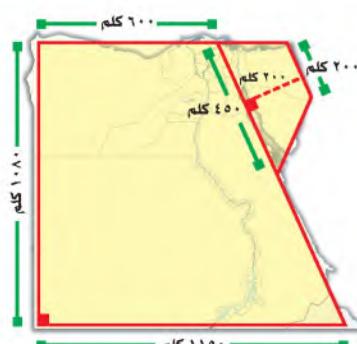
٣ قدر مساحة الخريطة كاملة.

٤ **بحث:** استعمل الإنترنت أو أيّ مصدر

معرفة آخر لإيجاد المساحة الكلية لمصر، وقارن بينها وبين إجابتكم في سؤال (٣).

٥ **بحث:** قدر مساحة دولة أخرى تختارها، ثم استعمل الإنترنت أو مصدر معرفة آخر

للمقارنة بين تقديركم والمساحة الفعلية.



## فكرة الدرس:

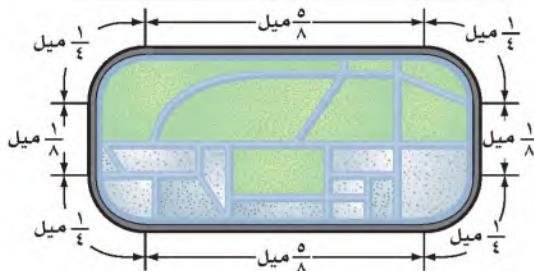
أقدر مساحة شكل غير منتظم.



١ - ٨

# مساحات الأشكال المركبة

## استعِ



**سباق سيارات:** يظهر الشكل المجاور ميدانًا لسباق سيارات.

١ حدّد بعض المضلعات التي تشكل ميدان السباق.

٢ كيف تستعمل المضلعات في إيجاد مساحة الميدان؟

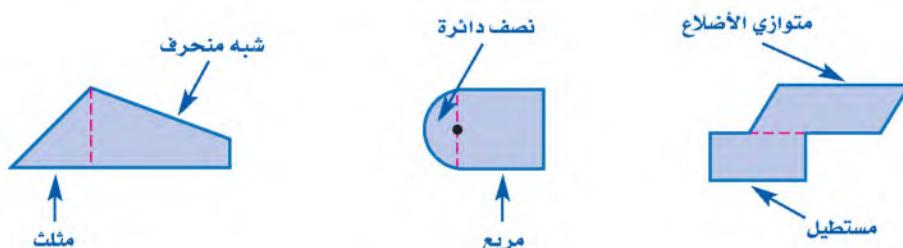
## فكرة الدرس:

أجد مساحات أشكال مركبة.

## المفردات

الشكل المركب

يتكون **الشكل المركب** من شكلين بسيطين أو أكثر.



ولإيجاد مساحة شكل مركب، قسمه إلى أشكال يسهل إيجاد مساحاتها، ثم أوجد مجموع هذه المساحات، وفيما يأتي مراجعة لبعض قوانين المساحات:

قوانين المساحة		
الرمز	التعبير اللفظي	الشكل
$m = q \times h$	مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب القاعدة في الارتفاع.	متوازي الأضلاع
$m = \frac{1}{2} q \times h$	مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب قاعدته في ارتفاعه.	المثلث
$m = \frac{1}{2} (q_1 + q_2) \times h$	مساحة شبه المنحرف هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين.	شبه المنحرف
$m = \frac{1}{2} \times \pi r^2$	مساحة الدائرة هي ناتج ضرب ط في مربع نصف القطر.	الدائرة

## إرشادات للدراسة

نصف دائرة

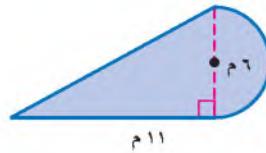
مساحة نصف الدائرة هي

$$= \frac{1}{2} \times \text{مساحة الدائرة}$$

$$= \frac{1}{2} \text{ ط نق}^2.$$

## مثال

### إيجاد مساحة شكل مركب



١١

أوجد مساحة الشكل المركب المجاور.

يمكن تقسيم الشكل إلى نصف دائرة ومثلث.

مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} ق ع$$

$$م = \frac{1}{2} \times 11 \times 6$$

$$م = 33$$

مساحة الشكل  $\approx 14,1 + 33 = 47,1$  مترًا مربعًا.

مساحة نصف الدائرة

$$م = \frac{1}{2} ط نق^2$$

$$م = \frac{1}{2} \times ط \times 6^2$$

$$م \approx 14,1$$

مساحة الشكل  $\approx 14,1 + 33 = 47,1$  مترًا مربعًا.

نصف دائرة

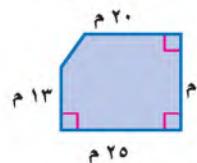
مساحة نصف الدائرة هي

$$= \frac{1}{2} \times \text{مساحة الدائرة}$$

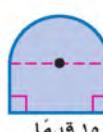
$$= \frac{1}{2} \text{ ط نق}^2.$$

## تحقق من فهمك

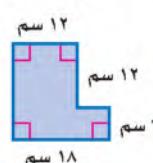
أوجد مساحة كل شكل مما يأتي، مقرنًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



ج)



ب)



أ)



## مثال من واقع الحياة

جولف: يبين الشكل المجاور مخططًا لملعب جولف مصغر، مكون من شبه منحرف ومتوازي الأضلاع، فكم قدمًا مربعة من الأعشاب يحتاج هذا المخطط؟



مساحة متوازي الأضلاع

$$م = ق ع$$

$$م = 2,5 \times 6$$

$$م = 15$$

لذا يحتاج إلى  $15 + 7,5 = 22,5$  قدمًا مربعًا من الأعشاب.

مساحة شبه المنحرف

$$م = \frac{1}{2} ع (ق, + ق)$$

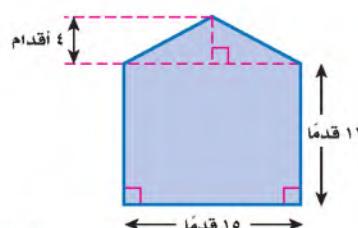
$$م = \frac{1}{2} \times (3+2) \times 6$$

$$م = 7,5$$

يوجد ما بين 450-250 حفرة صغيرة في كرة الجولف الرسمية.



## تحقق من فهمك



د) أكواخ: يبين الشكل المجاور الواجهة الخلفية لكون خشبي، فكم قدمًا مربعة من الخشب تستعمل في بناء هذه الواجهة؟

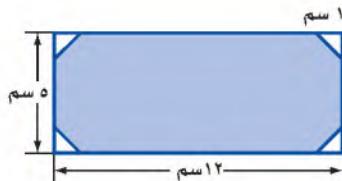


### إيجاد مساحة المنطقة المظللة

### مثال

### إرشادات للدراسة

المثلثات المتطابقة  
في المثلثات المتطابقة،  
تكون الأضلاع والزوايا  
المتناظرة متطابقة.



في الشكل المجاور، قُصّت أربعة مثلثات متطابقة من مستطيل، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

أوجد مساحة المستطيل واطرح مساحة المثلثات الأربع.

مساحة المثلثات

$$م = 4 \left( \frac{1}{2} ق ع \right)$$

$$ق = 1, ع = 1$$

$$م = 1 \times 1 \times \frac{1}{2} \times 4$$

$$م = 2$$

بسّط.

مساحة المستطيل

$$م = ل ع$$

$$ل = 12, ع = 5$$

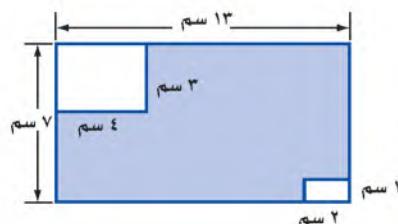
$$م = 5 \times 12$$

$$م = 60$$

بسّط.

$$\text{مساحة المنطقة المظللة} = 2 - 60 = 58 \text{ سم}^2.$$

### تحقق من فهمك

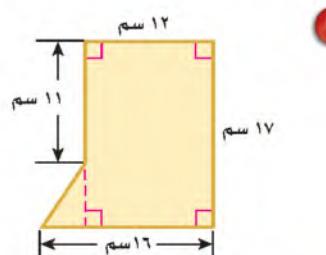
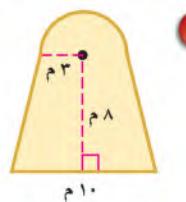


هـ) قُصّ مستطيلان من مستطيل كما في الشكل المجاور، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

### تأكد

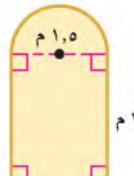
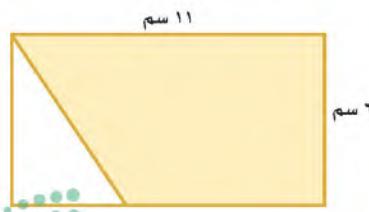
أوجد مساحة الشكلين الآتيين، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:

### المثال ١



٤ **نوافذ:** صُمّمت نافذة كما في الشكل منه مثلث. أوجد مساحة المنطقة أدناه، فما مساحتها بالметр المربع؟

### المثالان ٢، ٣

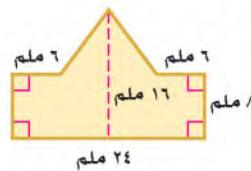


## تدريب وحل المسائل

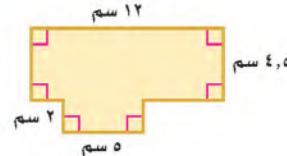
### الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	الأسئلة
الأسئلة	الأسئلة
1	١٠-٥
٢	١٢، ١١
٣	١٤، ١٣

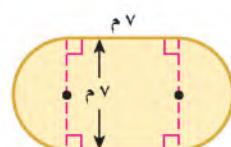
أوجد مساحة الأشكال المركبة الآتية، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



٦



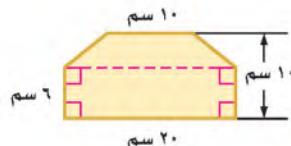
٥



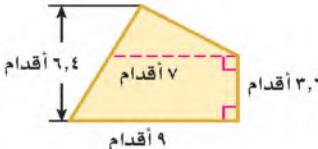
٨



٧



١٠

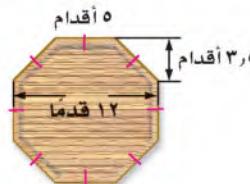


٩

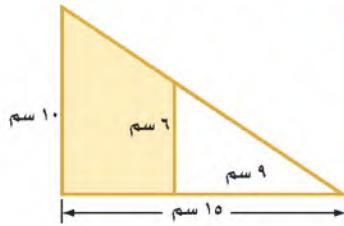
**١٢ مجواهرات:** يبيّن الشكل الآتي حلية ذهبية. ما مساحتها؟



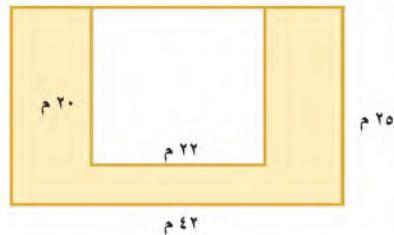
**١١ نجارة:** صمم أحمد طاولة كما في الشكل أدناه. ما مساحة سطحها؟



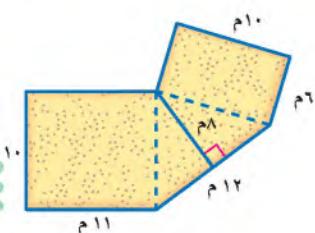
أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة :



١٤



١٣

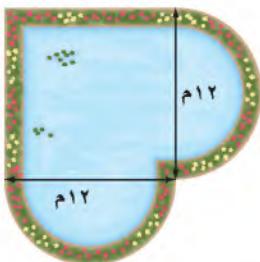


**١٥ سجاد:** ترغب والدة ليان في تغطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟

الصلوة

## مسائل

### مهارات التفكير العليا



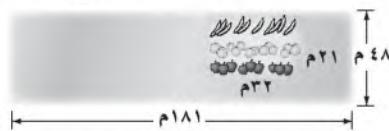
١٦ تحدّ : يمثل الشكل المجاور برقة محاطة ببمن من الورد عرضه متراً. ما مساحة الممر؟

١٧ أكعب اشرح طريقتين مختلفتين على الأقل لإيجاد مساحة السداسي المتظالم، مضمّناً إجابتك رسمياً توضيحيّاً لذلك.

١٨ مسألة مفتوحة : ارسم شكلاً مركباً تكون مساحته ٢٤ سم<sup>٢</sup>.

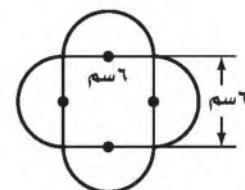
### تدريب على اختبار

٢٠ يبيّن الشكل أدناه مزرعة خضراوات مستطيلة الشكل طولها ١٨١ م، وعرضها ٤٨ م، زُرّع منها جزء مستطيل الشكل طوله ٣٢ م وعرضه ٢١ م بالفواكه. ما مساحة الجزء المزروع بالخضراوات؟



أ) ٨٠١٦ م<sup>٢</sup>  
ب) ٢٨٢ م<sup>٢</sup>  
ج) ٨٦٨٨ م<sup>٢</sup>  
د) ٨٦٣٥ م<sup>٢</sup>

١٩ ما المساحة الكلية للشكل أدناه؟



أ) ٩٢,٩ سم<sup>٢</sup>  
ب) ٦٤,٣ سم<sup>٢</sup>  
ج) ٥٦,٥ سم<sup>٢</sup>  
د) ٣٦,٠ سم<sup>٢</sup>

### الالستعداد للدرس اللاحق

٢١ مهارة سابقة : لُوحظ تناقص أسعار الآلات الحاسبة ، ففي عام ١٤٢٥ هـ كان سعر آلة حاسبة من نوع ما ١٢٥ ريالاً ، وأصبح ١٠٧ ريالات عام ١٤٣٠ هـ ، ثم ٨٩ ريالاً عام ١٤٣٥ هـ ، إذا استمر تناقص سعر الآلة الحاسبة بالمعدل نفسه ، فاستعمل استراتيجية البحث عن نمط في إيجاد سعر آلة حاسبة من النوع نفسه عام ١٤٤٥ هـ.

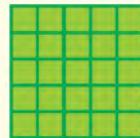




# استراتيجية حل المسألة

٢ - ٨

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية " حل مسألة أبسط".



البراء: يبدو أن الشكل يتكون من 25 مربعاً، إلا أنني أظن أن فيه مربعات أكثر من ذلك.

مهمتك : حل مسألة أبسط لإيجاد عدد المربعات في أيّ شكل مشابه.

## حل مسألة أبسط

تعلم أن الشكل يتكون من شبكة مربعات  $5 \times 5$ .

وأبعاد المربعات هي :  $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3, 4 \times 4, 5 \times 5$ .

وتريد معرفة عدد جميع المربعات.

**فهم**

حل مسألة أبسط بإيجاد عدد المربعات في الشبكتين  $2 \times 2$  و  $3 \times 3$ ، ثم البحث عن نمط.

**خط**

في الشبكة  $3 \times 3$  أبعاد المربعات الممكنة هي :  $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3$ ، إذن هناك تسع مربعات  $1 \times 1$ ، وأربعة مربعات  $2 \times 2$ ، وواحد مربع واحد  $3 \times 3$ ، فيكون عدد المربعات جميعها هو  $1 + 4 + 1 = 6$  مربعاً مختلفاً.



في الشبكة  $2 \times 2$  أبعاد المربعات الممكنة هي :  $1 \times 1, 2 \times 2$ ، إذن يوجد 4 مربعات  $1 \times 1$ ، وربع واحد  $2 \times 2$ ، فيكون عدد المربعات جميعها هو  $1 + 4 = 5$  مربعات مختلفة.



خمن عدد المربعات في شبكة مكونة من  $4 \times 4$ ، ثم ابحث عن نمط.

**حل**

عدد المربعات الصغيرة	عدد المربعات ذات الأبعاد المختلفة
$25, 16, 9, 4, 1$	$00, 20, 14, 5, 1$

إذن الشبكة  $5 \times 5$  تحوي 55 مربعاً.

تحقق من النمط الذي توصلت إليه على نحو دقيق للتأكد من صحة جوابك.

**تحقق**

## حل الاستراتيجية

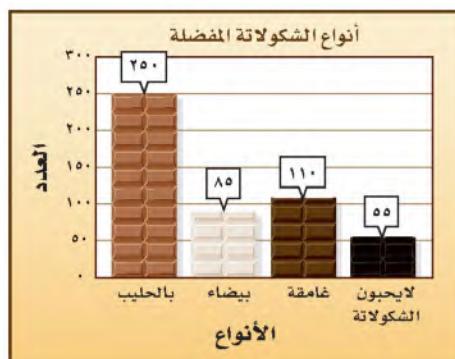
اشرح لماذا يُعد حل مسألة أبسط مفيداً للبراء.

الكتاب مسألة حياتية تحتاج في حلها إلى حل مسألة أبسط، ثم حل المسألة.

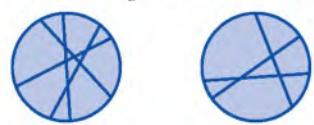


٩ **متطوعون**: تطوع ٥ طلاب للاشتراك في عمل اجتماعي، حيث عمل كل طالب ٥ ساعات خلال خمسة أيام، فكم ساعة يتطوع بها ١١ طالبًا في ١٥ يومًا بحسب هذا المعدل؟

١٠ **تحليل الرسوم**: يظهر الشكل الآتي مسحًا لنوعية الشوكولاتة التي يفضلها الطلاب. ما نسبة الطلاب الذين يفضلون الشوكولاتة الغامقة؟



١١ **فطائر**: ما أكبر عدد من القطع ينتج عن استعمال خمس قطعيات مستقيمة في الفطيرة؟



٤ قطعيات      ٣ قطعيات

١٢ **خضار**: يبين الجدول أدناه أسعار الكيلو جرام الواحد من بعض أصناف الخضار، فهل يكفي ٤٠ ريالاً ليشتري عبدالله ٤ كجم من الطماطم، وكيلو جرامًا واحدًا من الجزر، و٨ كجم من البصل؟

الصنف	السعر ( ريال )
طماطم	٦,٥
بصل	١,٥
جزر	٣,٧٥

١٣ **هواتف**: تتقاضى إحدى شركات الهواتف الجوال ٣٠ ريالاً قيمة الاشتراك الشهري، بالإضافة إلى ٢٥ ريال عن كل دقيقة، فإذا كانت قيمة فاتورة هاتف مهند الشهيرية ١٢٠ ريالاً، فكم دقيقة بلغت مكالماته؟

استعمل استراتيجية "حل مسألة أبسط" لحل المسائل ٦-٣:

١٤ **نحارة**: ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسٍ في ثلاثة أيام، فكم كرسيًّا يمكن لـ ٧ نجارين أن يصنعوا في ٣٠ يومًا، إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

١٥ **طاولات**: يوجد في مطعم مدرسة ١٥ طاولة مربعة الشكل، تم وضعها متراصّة جانبيًّا لتكون طاولة واحدة طويلة لحفلة الصيف، فإذا علمت أن طالبًا واحدًا فقط يمكنه أن يجلس على كل جانب من الطاولة المربعة، فما عدد الطالب الذين يمكنهم الجلوس حول الطاولة الطويلة؟

١٦ **مطويات**: تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في ملفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد الملفات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

١٧ **حروف**: يستعمل محمد منشارًا لقص أنبوب طويل إلى ٢٥ قطعة صغيرة، فكم مرة سيستعمل المنشار؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٧:

من استراتيجيات حل المسألة

- ٠ البحث عن نمط
- ٠ استعمال أشكال فن
- ٠ حل مسألة أبسط

١٨ **نشاط**: استعمل المعلومات الآتية في حل المسألتين ٧، ٨: أراد ٣٥ طالبًا من الصف الثاني المتوسط الانضمام إلى النشاط الرياضي، و٣٢ إلى النشاط العلمي، و١٥ إلى النشاطين معاً.

١٩ **مثل المسألة**: باستعمال شكل فن.

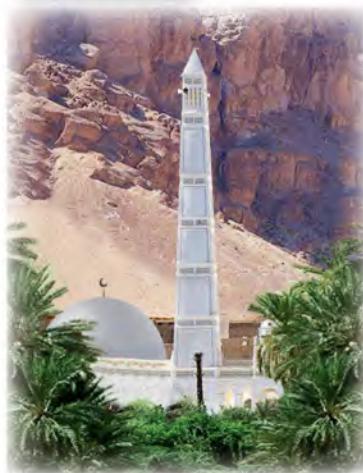
٢٠ **ما عدد طلاب الصف الذين اشتراكوا في الأنشطة؟**



## الأشكال الثلاثية الأبعاد

٣ - ٨

### الاستعاء

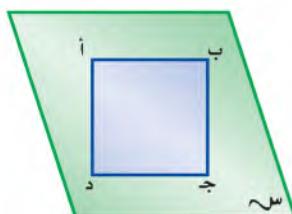


**عمارة:** الأشكال المستوية لها بُعدان فقط (طول وعرض) أما المجسمات أو الأشكال الثلاثية الأبعاد كمنارة المسجد فلها ثلاثة أبعاد: طول وعرض وارتفاع.

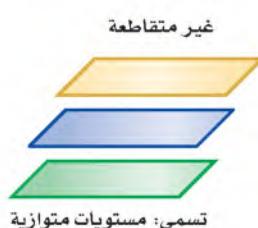
١ سُمِّيَ الأشكال المستوية التي تكون جوانب المنارة.

٢ إذا نظرت إلى المنارة من الأعلى فما الشكل الذي تراه؟

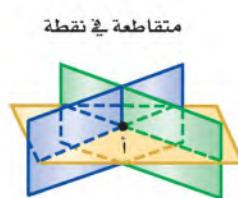
٣ ما العلاقة بين الأشكال المستوية والمجسمات؟



يبين الشكل المجاور المستطيل **أب جد** ، والمستقيمين **أ ب ، دج** اللذين **يقعان في المستوى نفسه**، وهم **مستقيمان متوازيان** أيضًا لأنهما لا يتقاطعان مهما امتدًا. وكما علمنا أن المستقيمين في المستوى إما أن يكونا متتقاطعين أو متوازيين، فإنه في المقابل هناك عدة أوضاع لعلاقة المستويات في الفضاء هي:

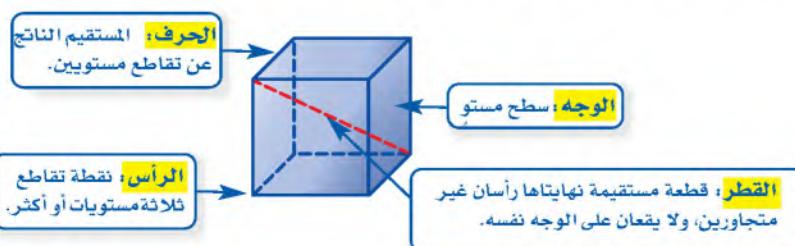


تسمى: **مستويات متوازية**



ويمكن أن تكون المستويات المتقاطعة أيضًا **شكلًا ثلاثي الأبعاد أو مجسمًا**.

**ومتعدد السطوح مجسم** له سطوح مستوية عبارة عن مضلعات، ومن المفردات المتعلقة بالمجسمات: **الحرف**، **الوجه**، **الرأس**، **والقطر**.



### فكرة الدرس:

أحدّد الأشكال الثلاثية الأبعاد، وأرسمها.

### المفردات

**يقعان في المستوى نفسه**  
**المستقيمان المتوازيان**

### المتعدد السطوح

**الحرف**

**الرأس**

**الوجه**

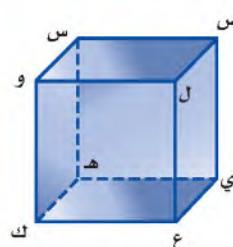
**القطر**

**المستقيمان المتداخلان**

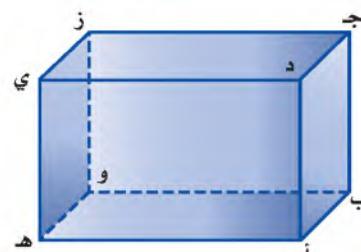
**المنشور**

**القاعدة**

**الهرم**



لاحظ أن القطعتين المستقيمتين س و ل في الشكل المجاور غير متقاطعتين، وغير متوازيتين؛ لأنهما لا يتقعان في المستوى نفسه. ويُسمى المستقيمان اللذان لا يتقاطعان ولا يقعان في المستوى نفسه **مستقيمين متخالفين**.

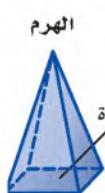


### أمثلة تحديد العلاقات

- سم مستوي يوازي المستوى أ ب ج.
- المستوى ه و ز يوازي المستوى أ ب ج.
- حدد قطعة مستقيمة مخالفة للقطعة ج ز.
- ج ز و ه هي متخالفتان.
- حدد نقطتين يمكن رسم قطر بينهما.
- القطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين ب، ي تشكل قطرًا.

### تحقق من فهmek

أ) مستعملاً الشكل أعلاه، حدد تقاطع المستويين أ ب ج، ج د ي.



المنشور والهرم مجسمان معروfan، ويعتمد اسم كلّ منها على شكل قاعدته.  
المنشور مجسم له وجهان متوازيان ومتطابقان يُسميان **القاعدتين**. والهرم مجسم قاعدته الوحيدة مضلع وأوجهه مثلاًثات.

### مثالان تحديد المنشور والهرم

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:  
قاعدتا الشكل متوازيتان ومتطابقتان وهما مثلثان، لذا فالشكل منشور ثلاي، أما الأوجه الثلاثة الأخرى، فهي مستطيلات.  
وبذلك فإن له 5 أوجه، و 9 أحرف و 6 رؤوس.



للشكل قاعدة واحدة وهي مضلع خماسي، لذا فهو هرم خماسي، أما الأوجه الأخرى فهي مثلثات، وبذلك فإن له 6 أوجه، و 10 أحرف، و 6 رؤوس.



### إرشادات للدراسة

خطأ شائع  
ليس من الضروري عند رسم متوازي المستطيلات (المنشور المستطيلي) أن تكون قاعدته من الأعلى ومن الأسفل فقط، لأنه يمكن اعتبار أي وجهين مستطيلين متوازيين فيه قاعدتين، ويمكن أيضاً اعتبار أي وجه في الهرم الثلاثي قاعدة.



### تحقق من فهmek

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:

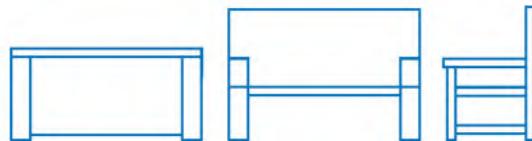
يمكنك استعمال مخططات للمجسمات؛ لتصف كيف تظهر عناصرها في الفضاء.



### تحليل الرسوم

### مثال

٦..... أثاث: تبين الصورة المجاورة مقعداً. ارسم المنظر العلوي والأمامي والجانبي لهذا المقعد.



المنظر العلوي      المنظر الأمامي      المنظر الجانبي

### تحقق من فهمك:

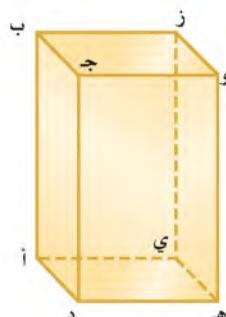


هـ) صندوق: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للصندوق في الصورة المجاورة.



الربط بالحياة: .....  
كيف يستفيد المهندسون من الرياضيات؟

يستعمل المهندسون المعماريون الهندسة عند رسم تصاميمهم، حيث يبدؤون بأشكال هندسية بسيطة، ثم يضيفون إليها خطوطاً وزوايا لتكون أكثر جمالاً.



استعمل الشكل المجاور لتحديد كلاً مما يأتي:

- ١) مستويين متوازيين.
- ٢) مستقيمين متخالفين.
- ٣) نقطتين تشكلان قطرًا عند الوصل بينهما.
- ٤) مستويين متقاطعين.

### الأمثلة ٣-١

### المثلان ٤، ٥



٧



٦



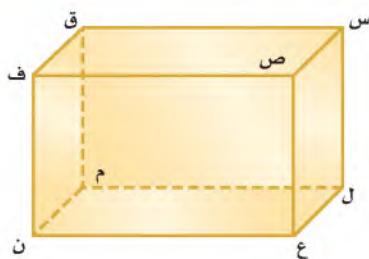
٨



٨) حوض أسماك: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لحوض الأسماك المجاور.

### المثال ٦

## تدريب وحل المسائل



استعمل الشكل المجاور لتحديد كلّاً مما يأتي:

مستويين متوازيين. ٩

مستقيمين متقاطعين. ١٠

نقطتين تشكّلان قطرًا عند الوصل بينهما. ١١

مستويين متقاطعين. ١٢

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



١٤



١٣



١٦



١٥

**١٨ خزانة:** تمثّل الصورة أدناه خزانة خشبية لحفظ الملفات. ارسم كلّاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للخزانة.



**١٧ بناء:** ارسم كلّاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للبناء في الصورة أدناه.



**١٩** قرّر ما إذا كان التخمين الآتي صحيحًا أو خاطئًا، واذكر مثلاً مضادًا إذا كان خطأً: ”يمكن لمستويين في الفضاء أن يتقاطعا في نقطة“.

**٢٠ مسألة مفتوحة:** اختر مجسمًا من واقع الحياة مثل كرسي أو طاولة، وارسم كلّاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي له.

مسائل  
مهارات التفكير العليا

**٢١ تحدّ:** حدد ما إذا كانت العبارات الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً:

للمنشور قاعدتان و ٤ جوانب. ٢١

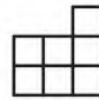
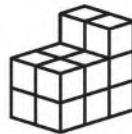
يوجد للهرم جوانب متوازية. ٢٢

**٢٣ أكتب** وضح لماذا لا يعطي (أحياناً) المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمجسم معلومات كافية لرسم الشكل؟ واذكر مثلاً يؤكّد ذلك.



## تدريب على اختبار

٢٥ أيُّ الأشكال التالية يمثل المنظر الجانبي لل مجسم أدناه؟



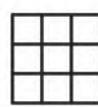
ج)



أ)



د)



ب)

٢٤ استقبلت العنود هديةً داخل صندوقٍ كما في الشكل:



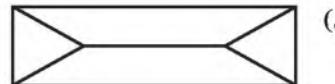
أيُّ الأشكال أدناه يمثل المنظر العلوي للصندوق؟



أ)



ب)



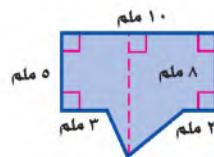
ج)



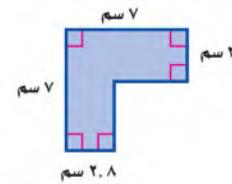
د)

## مراجعة تراكمية

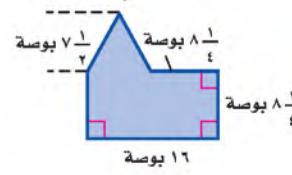
أوجد مساحة كل شكل مما يأتي ، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمر : (الدرس ٨ - ١)



٢٨



٢٧



٢٦

٢٩ **نماذج:** لدى محمد ١٠٠ مكعب صغير ، استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط؛ لتحديد أبعاد أكبر مكعب يمكن إنشاؤه باستعمال المكعبات الصغيرة. (الدرس ٨ - ٢)

## الاستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** أوجد مساحة كل من المثلثات الآتية:

٣٠ طول القاعدة : ٣ بوصات ، الارتفاع : ١٠ بوصات.

٣١ طول القاعدة : ٨ أقدام ، الارتفاع : ٧ أقدام.

٣٢ طول القاعدة : ٥ سم ، الارتفاع : ١١ سم.





## حجم المنشور والأسطوانة

٤ - ٨

### نشاط



حجم المنشور الرباعي المجاور يساوي ١٢ وحدة مكعبة.  
كَوْنَ ثَلَاثَةَ أَسْكَالَ لِلِّمَنْشُورِ الْرَّبَاعِيِّ حِجْمُ كُلِّهِ  
مِنْهَا ١٢ وحدة مكعبة.  
انسخ الجدول الآتي وأكمله:

الخطوة ١

الخطوة ٢

مساحة القاعدة (وحدة مربعة)	الارتفاع (وحدة)	العرض (وحدة)	الطول (وحدة)	المنشور
٤	٣	١	٤	أ
				ب
				ج
				د

### فكرة الدرس:

أجد حجم كل من المنشور  
والأسطوانة.

### المفردات

الحجم

الأسطوانة

مجسم مركب

١ صُفِّ العلاقة بين حجم المنشور (ح) وأبعاده الثلاثة: الطول (ل)، والعرض (ض)،  
والارتفاع (ع).

٢ صُفِّ العلاقة بين مساحة القاعدة (م) والارتفاع (ع) من جهة، وحجم المنشور (ح)  
من جهة أخرى.

**الحجم** هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المكعبة مثل  
الستمترات المكعبة (سم<sup>٣</sup>)، أو الأقدام المكعبة (قدم<sup>٣</sup>)، أو المترات المكعبة (م<sup>٣</sup>).

**حجم المنشور**

**مَفْهُومُ اسْاسِيٍّ**

**النَّمَادِجُ :**

**العَبِيرُ الْلُّفْظِيُّ :** حجم المنشور (ح) هو ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

**الرَّمُوزُ :** ح = م × ع

### مَثَالٌ

أَوْجَدْ حِجْمَ الِّمَنْشُورِ.

حجم المنشور.

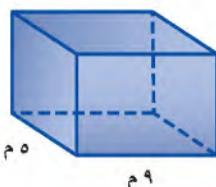
مساحة قاعدة المنشور (م = ل × ض).

ل = ٦,٥، ض = ٥، ع = ٤.

بسط.

ح = ٢٩٢,٥

فيكون حجم المنشور ٢٩٢,٥ م<sup>٣</sup>

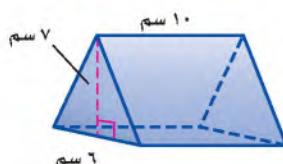


## إرشادات للدراسة

خطا شائعاً

تدبر أن قاعدة المنشور  
الثلاثي تكونات على صورة  
مثلث.

في المثلث، فإن القاعدتان  
ليستا من أعلى الشكل  
وأسفله بل على جوانبه.



أوجد حجم المنشور الثلاثي المجاور.

حجم المنشور.

القاعدة مثلثة، لذلك  $m = \frac{1}{2} \times 6 \times 7$ .

ارتفاع المنشور = 10.

بسط.

$$ح = m \times ع$$

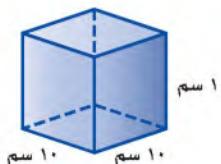
$$ح = \frac{1}{2} \times (7 \times 6) \times ع$$

$$ح = \frac{1}{2} \times (7 \times 6) \times 10$$

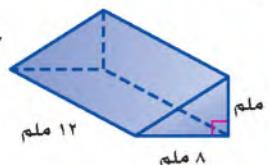
$$ح = 210$$

الحجم هو 210 سم<sup>3</sup>.

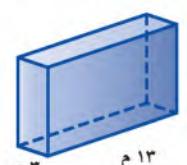
تحقق من فهمك: أوجد حجم كل منشور مما يأتي:



(ج)



(ب)



(أ)

الأسطوانة مجسم قاعدتها دائرتان متطابقتان ومتوازيتان متصلتان معًا بجانب منحنٍ.

ويمكن استعمال الصيغة  $ح = م \times ع$  لإيجاد حجم أسطوانة، والقاعدة هي دائرة.

مفهوم أساسى

## حجم الأسطوانة

النحوذ:



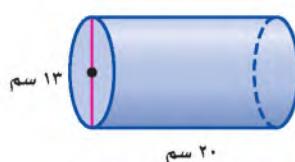
التعبير اللغطي: حجم الأسطوانة (ح) هو ناتج ضرب

مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

$$ح = م \times ع$$

الرموز:

## مثال إيجاد حجم الأسطوانة



أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقرّبًا الجواب

إلى أقرب جزء من عشرة.

بما أن القطر يساوي 13 سم، فإن نصف القطر  
يساوي 6,5 سم.

حجم الأسطوانة.

$$ح = ط \times ن^2 \times ع$$

عوّض عن نـ بـ 6,5 وعـ بـ 20.

بسط مستعملًا الآلة الحاسبة.

$$ح \approx 2654,6$$

الحجم يساوي 2654,6 سم<sup>3</sup> تقريبًا.

## إرشادات للدراسة

تقدير

للتتحقق من معقولية

جوابك، يمكنك تقدير

حجم الأسطوانة في المثال ٣

ليكون:

$20 \times 7 \times 3 = 420$  م<sup>3</sup> تقريبًا.

تحقق من فهمك:

أوجد حجم كلّ من الأسطوانات الآتية، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

د) نصف القطر 2 م، والارتفاع 5 سم.



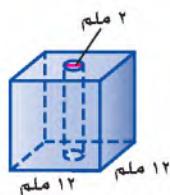
المجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى **مجسمًا مركبًا**، ولإيجاد حجم هذا المجسم، قسمه إلى مجسمات يسهل إيجاد أحجامها.

### إرشادات للدراسة

تقدير في المثال ٤، يمكنك التحقق من مقولية الجواب بتقدير الحجم:  $12 \times 12 \times 12 = 1728$  ملٕم<sup>٣</sup>. لاحظ أنه أكثُر بقليل من ١٦٩٠ ملٕم<sup>٣</sup>، إذن الجواب معقول.

### مثال

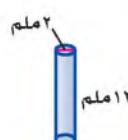
#### إيجاد حجم المجسم المركب



**براعة:** تستعمل مي خرزاً مكعب الشكل لصنع حلبي ، وكل خرزاً لها ثقب أسطواني في وسطها. أوجد حجم الخرزاً.

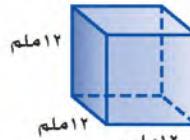
ت تكون الخرزاً من منشور رباعي وأسطوانة، أوجد حجم كل مجسم منها.

#### الأسطوانة



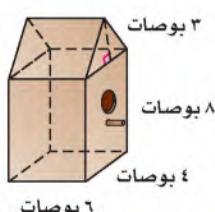
$$\begin{aligned} H &= 12 \text{ مل}^3 \\ 37,7 &= 12 \times (2 \times 1) \end{aligned}$$

#### المنشور الرباعي



$$\begin{aligned} H &= 12 \text{ مل}^3 \\ 1728 &= 12 \times (12 \times 12) \end{aligned}$$

$$\text{حجم الخرزا} = 37,7 - 1728 = 37,7 - 1728 = 1690 \text{ مل}^3.$$

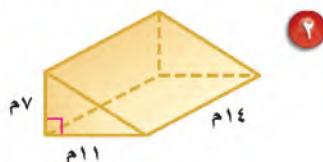


### تحقق من فهمك

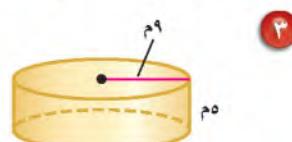
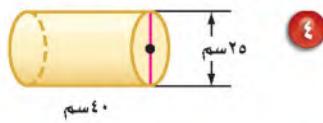
و) **طيور:** صمم نجار قفصاً للطيور الصغيرة كما في الشكل المجاور، أوجد حجم القفص.

### تأكد

أوجد حجم كل منشور مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



أوجد حجم كل أسطوانة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

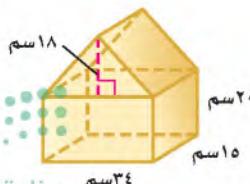


### المثالان ١، ٢

### المثال ٣

### المثال ٤

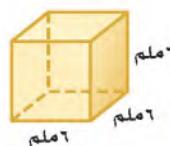
**ألعاب:** أهدي بيت الدمية المجاور لأنثى منال الصغرى. فما حجمها؟



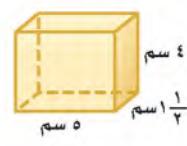
## تدريب وحل المسائل

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

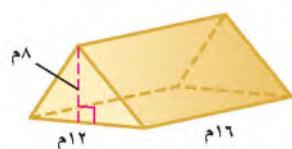
الإشارات للأسئلة	
الأسئلة	النقر الأمثلة
٢٠١	٩-٦ ١٣، ١٢
٣	١١، ١٠ ١٥، ١٤
٤	١٧، ١٦



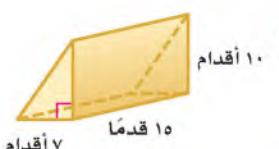
٧



٦



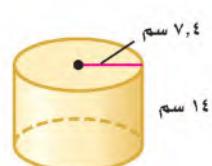
٩



٨



١١



١٠

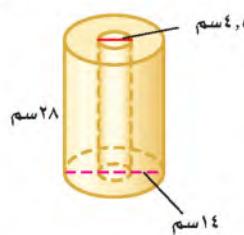
١٢ منشور رباعي: طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ١٧ سم.

١٣ منشور ثلاثي: ارتفاعه  $\frac{1}{2}$  م، وقاعدته مثلثة الشكل ارتفاعها ١٤ م، وطول قاعدتها ٥ م.

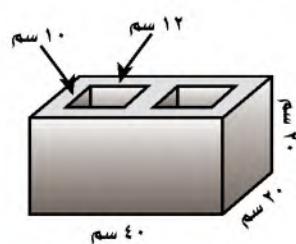
١٤ أسطوانة: نصف قطر قاعدتها ٢٥ ملم، وارتفاعها ٢٠ ملم.

١٥ أسطوانة: قطر قاعدتها ٧، ٢ بوصات، وارتفاعها ٥، ٨ بوصات.

١٧ **مناشف:** بين الشكل أدناه أبعاد لفة مناشف ورقية جديدة. فما حجمها؟



١٦ **صندوق:** أوجد حجم صندوق المجوهرات الموضح أدناه؟



١٨ **بناء:** طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



١٩ أوجد ارتفاع منشور رباعي طوله ٦,٨ م، وعرضه ١,٥ م، وحجمه ٩١,٨ م٣.

٢٠ أوجد ارتفاع أسطوانة طول نصف قطرها ٤ سم، وحجمها ٣٠١,٦ سم٣.

٢١ **تجارة:** اشتري تاجر كمية من السمسم حجمها ٢٥٠٠ بوصة مكعبة، ثم وزّعها في علب أبعادها  $٢ \times ٦ \times ٨$  بوصاتٍ، فإذا باع ٢٠ علبة منها، فكم يبقى من كمية السمسم؟

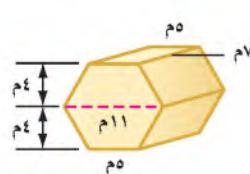


٢٢ **تغليف:** يبين الشكل المجاور علبة كرتونية، إذا قررت الشركة المصنعة استعمال تصميم جديد للعلبة بالحجم والارتفاع نفسه، ولكن بشكل أسطواني، فما طول قطر ٩ بوصات قاعدة الشكل الجديد الذي يمكن استعماله؟

٢٣ **برك:** قرر أحمد حفر بركة سباحة لأطفاله بطول ٢٠ قدمًا، وعرض ١١ قدمًا، وعمق ٢,٥ قدم، وسينقل التراب الناتج عن الحفر بعربة تتسع لـ ٩ أقدام مكعبة من التراب، فكم مرة تستعمل العربة لنقل التراب من الموقع؟



٢٤ **حدائق:** يعمل إبراهيم حوضاً لزراعة الخضروات بالقياسات المبينة. واستعمل لذلك أكياس تراب سعة الواحد منها ٥,٠ ياردة مكعبة، فكم كيساً يحتاجها لملء الحوض؟  
(إرشاد: ١ ياردة مكعبة =  $٣ \times ٣ \times ٣ = ٢٧$  قدمًا مكعب)



٢٥ **هندسة:** اشرح كيف يمكنك إيجاد حجم المنشور السداسي المجاور، ثم أوجد حجمه.

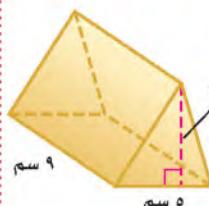
٢٦ افترض أن لديك بطاقة ملاحظات مستطيلة الشكل بُعداها  $٢١ \text{ سم} \times ٧ \text{ سم}$ ، إذا دوّرت البطاقة حول ضلعها الأطول، ثم حول ضلعها الأقصر كما في الشكل أدناه، فكُونت أسطوانتين مختلفتين. أي الأسطوانتين حجمها أكبر؟ فسر إجابتك.



تحدد للأسئلة (٢٧-٣٠) صفةٌ كيف يتأثر حجم كل مجسم مما يأتي بعد إجراء التغيير المذكور في أبعاده.

- ٢٧ مضاعفة أحد أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٢٨ مضاعفة بعدين من أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٢٩ مضاعفة جميع أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٣٠ مضاعفة نصف قطر قاعدة الأسطوانة.

**مسألة مفتوحة :** اختر مجسمًا أسطوانيًا، ثم أوجد حجمه، وتحقق من استعمال وحدات مناسبة، وفسّر إجابتك.



**اكتشف الخطأ :** أوجد كلٌ من زيد ولوي حجم المنشور المجاور، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟



$$\begin{aligned} 4 \times 3 &= h \\ 9 \times (6 \times 5) &= h \\ \frac{1}{2} &= h \\ 9 \times 135 &= h \\ 3 &= h \\ 3 \text{ سم} &= h \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} 4 \times 3 &= h \\ 6 \times (5 \times 9) &= h \\ 3 &= h \\ 3 \text{ سم} &= h \end{aligned}$$

لوي

زيد

**الكتاب** صيغتين يمكنك استعمالهما لإيجاد حجم المنشور المستطيلي (متوازي المستطيلات)، واذكر الصيغة التي تفضلها، وبين سبب ذلك.

### تدريب على اختبار

**إجابة قصيرة :** صندوق مصنوع من الكرتون أبعاده موضحة على الشكل أدناه. ما حجم الصندوق بالأقدام المكعبة؟



٣٤ أسطوانة طول قطعها ١٢ بوصة، وارتفاعها ٣ بوصة، قدر حجم الأسطوانة بالأقدام المكعبة؟  
(ارشاد: ١ قدم = ٣٦ بوصة)

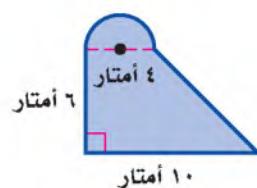
- أ) ١ قدم مكعبة
- ب) ٢ قدم مكعبة
- ج) ٣ أقدام مكعبة
- د) ٤ أقدام مكعبة

# مراجعة تراكمية

٣٦ ما عدد أحرف الهرم الثماني؟ (الدرس ٣ - ٨)



٣٧ **كرة السلة:** يبين الشكل المجاور منطقة مستطيلة الشكل من ملعب كرة سلة تحت المرمى تسمى المنطقة المحرّمة ، حيث لا يسمح للاعبين البقاء فيها من ملعب الخصم لأكثر من ٣ ثوان دون الاستحواذ على الكرة، كذلك يظهر في الشكل نصف دائرة تحوى خط الرمية الحرة وتسمى دائرة الرمية الحرة . أوجد مساحة هذين الجزأين . (الدرس ١ - ٨)



٣٨ أوجد مساحة الشكل المركب المجاور . (الدرس ١ - ٨)

٣٩ سقط ضفدع في حفرة عمقها ٨ أقدام ، إذا تمكن الضفدع من التسلق على حافة الحفرة ٣ أقدام نهار كل يوم ، ولكنه ينزلق إلى أسفل قدمين بالليل ، فكم يوماً يحتاج الضفدع حتى يخرج من الحفرة ؟ استعمل استراتيجية " حل مسألة أبسط ". (الدرس ٢ - ٨)

## الالستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي :

$$15 \times 7 \times \frac{1}{3} \quad ٤١$$

$$10 \times 6 \times \frac{1}{3} \quad ٤٠$$

$$20 \times 6 \times \frac{1}{3} \quad ٤٣$$

$$9 \times 4 \times \frac{1}{3} \quad ٤٢$$



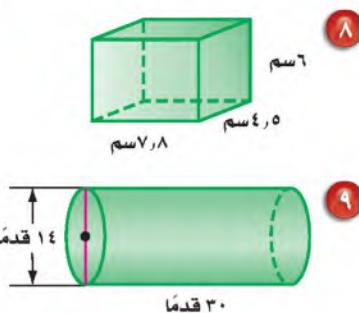
# اختبار منتصف الفصل

الفصل



الدروس من ١-٨ إلى ٤

أوجد حجم كل مجسم مما يلي ، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٤-٨)



١٠ اختيار من متعدد: ما حجم صندوق مكعب الشكل ، طول حرفه ١٥ بوصة؟ (الدرس ٤-٨)

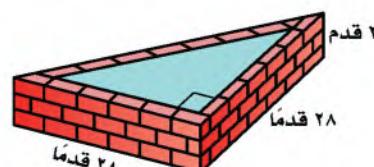
أ) ٢٢٥ بوصة مكعبة ج) ١٣٥٠ بوصة مكعبة

ب) ٩٠٠ بوصة مكعبة د) ٣٣٧٥ بوصة مكعبة

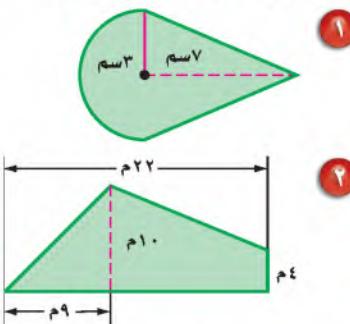
١١ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) حجمه ٨٨,٤ م<sup>٣</sup> ، ما عرض قاعدة المنشور إذا كان طولها ٦,٧ م وارتفاع المنشور ٨ م؟ مقرّبًا إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٤-٨)

١٢ شمع: قطر شمعة اسطوانية الشكل ١٠ سم ، وارتفاعها ٢١ سم ، إذا تم إذابتها وتحويلها إلى قطع متساوية كل منها على هيئة منشور أبعاده ٤ سم × ٦ سم × ٨ سم ، فكم عدد القطع الناتجة؟ (الدرس ٤-٨)

١٣ برك: بركة لأسماك الرينة على شكل منشور ثلاثي تقع في أحد المجمعات التجارية ، استعمل الشكل أدناه لإيجاد حجم البركة. (الدرس ٤-٨)



أوجد مساحة الشكلين الآتيين ، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٤-٨)



١٣ ما رقم الآحاد في العدد ٣٠٠؟

(استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط) (الدرس ٢-٨)

٤ حفلات: تُباع البالونات في أكياس سعة كل منها ١٥ بالونة أو ٣٥ بالونة ، وتحتاج ريم إلى ١٩٥ بالونة لتزيين مكان حفل ، فكم كيساً من كل نوع على ريم أن تشتري؟ (استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط). (الدرس ٢-٨)

٥ يمثل الشكل أدناه مخطط المجسم صنع من المكعبات ، فأي منظر لهذا المجسم يمثله الشكل أدناه : الأمامي أم الجانبي أم العلوي؟ (الدرس ٣-٨)



٦ ألعاب: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمكعب الألغاز المجاور. (الدرس ٣-٨)

٧ اختيار من متعدد: أرادت مهاررسم جميع أوجه منشور ثلاثي . فما الأشكال التي ستظهر في ورقتها؟ (الدرس ٢-٨)

- أ) مربعان ومثلثان.
- ب) مثلثان وثلاثة مستطيلات.
- ج) ثلاث مثلثات.
- د) مثلث ، وثلاثة مستطيلات.



## حجم الهرم والمخروط

٥ - ٨

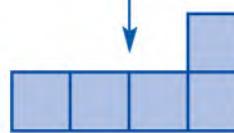
### نشاط

في هذا النشاط، سوف تستقصي العلاقة بين حجمي هرم ومنشور تتساوى فيهما مساحة القاعدة وطول الارتفاع.

اطو المربعات لتشكل مكعباً مفتوحاً من الأعلى وألصق حواضنها



الصقها معاً كما هو مبين



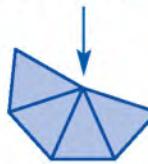
ارسم ٥ مربعات وقصها



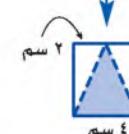
اطو المثلثات لتشكل هرماً رباعياً مفتوحاً وألصق حواضنها



الصقها معاً كما هو مبين



ارسم ٤ مثلثات متطابقة الساقين وقصها



١ قارن بين كلٌ من مساحتي القاعدتين والارتفاع في الشكلين.

٢ املأ الهرم بالرمل، وامسح أعلىه بمسطرة لتسوية السطح، ثم فرغ الرمل في المكعب، وكرر العملية حتى يمتليء المكعب. كم مرة قمت بتبغة الهرم لملء المكعب؟

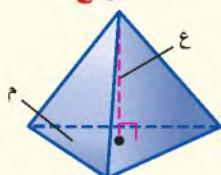
٣ ما الكسر الذي يُمثل الكمية التي تملأ المكعب من هرم واحد؟

حجم الهرم يساوي ثلث حجم المنشور المساوي له في مساحة القاعدة والارتفاع.

#### مفهوم أساسى

#### حجم الهرم

النموذج:



التعبير اللفظي: حجم الهرم (ح) يساوي ثلث ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

$$ح = \frac{1}{3} م ع$$

الرموز:



ارتفاع الهرم أو المخروط هو البعد العمودي بين الرأس والقاعدة.

#### فكرة الدرس:

أجد حجم كلٌ من الهرم والمخروط.

#### المفردات

المخروط

## إرشادات للدراسة

تقدير

يمكنك تقدير حجم الهرم

في المثال (١) ليكون

$$٨٨ = ١١ \times \frac{١}{٣} \times ٦ \times ٨$$

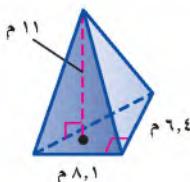
تقريباً.

بها أن  $٩٥ = ١١ \times \frac{١}{٣} \times ٦ \times ٨$  فربما إلى

$٨٨$ ، إذن الجواب معقول.

## مثال

### إيجاد حجم الهرم



أوجد حجم الهرم المجاور، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

حجم الهرم.

$$ح = \frac{١}{٣} ع$$

$$ح = \frac{١}{٣} \times ١١ \times ٦,٤ \times ٨,١$$

بسط.

$$ح = \frac{١}{٣} \times ١١ \times ٦,٤ \times ٨$$

$$ح = ٩٥,٠٤$$

فيكون الحجم  $٩٥$  م<sup>٣</sup> تقريباً.

### تحقق من فهمك:

أ) أوجد حجم هرم ارتفاعه ٥ م، وقاعدته مربع طول ضلعه ٢ م.

## مثال من واقع الحياة

**فن البناء:** برج الفيصلية يمثل هرم مقوس الحواف. واعتماداً على المعلومات المجاورة، احسب المساحة التقريرية لقاعدته، إذا كان حجم الهرم الذي يمثله  $١٣٣٥٠٠$  م<sup>٣</sup> تقريباً.



برج الفيصلية أحد أبرز معالم مدينة الرياض، ويبلغ ارتفاعه ٢٦٧ م، ويحتل المرتبة الأربعين ضمن أطول مباني العالم بارتفاع ثلاثين طابقاً، ويرتفع إلى أعلى شكل هرمي مقوس الحواف تعلوه كرة زجاجية.

حجم الهرم.

$$ح = \frac{١}{٣} ع$$

$$ح = ١٣٣٥٠٠ ع$$

$$\text{اضرب كل طرف في } \frac{٣}{٢٦٧}$$

بسط.

$$٢٦٧ = \frac{١}{٣} \times م \times ع$$

$$\frac{٢٦٧}{٢٦٧} \times \frac{٣}{٢٦٧} = ١٣٣٥٠٠ \times \frac{٣}{٢٦٧}$$

$$= ١٥٠٠$$

فيكون مساحة قاعدته  $١٥٠٠$  م<sup>٢</sup> تقريباً.

### تحقق من فهمك:

ب) **براعة:** صنع ماجد شمعة على شكل هرم، حجمها ٨٦٤ سم<sup>٣</sup>، ومساحة قاعدتها ١٤٤ سم<sup>٢</sup>، فما ارتفاعها؟

**المخروط** شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدة دائيرية، وسطح منحنٍ يصل القاعدة بالرأس. وعلاقة حجم المخروط بحجم الأسطوانة كعلاقة حجم الهرم بحجم المنشور.

## حجم المخروط

مفهوم أساسى

النموذج:



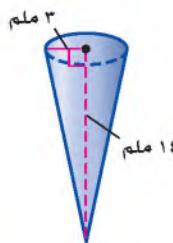
**التعبير اللفظي:** حجم المخروط (ح) الذي نصف قطر قاعدته (ن) يساوي ثلث ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

$$ح = \frac{١}{٣} م ع \quad \text{أو} \quad ح = \frac{١}{٣} ط ن ع$$

الرموز:

## مثال

### إيجاد حجم المخروط



أوجد حجم المخروط المجاور.

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

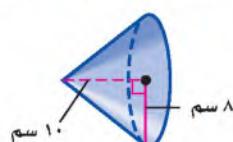
$$h = \frac{1}{3} \pi r^2 h = 14 \times \frac{1}{3} \times 14^2 \times 3$$

بسط، استعمل الآلة الحاسبة ( $\pi = 3.14$ ).

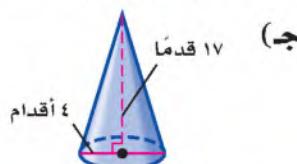
فيكون الحجم  $131.9$  مل<sup>3</sup> تقريباً.

### تحقق من فهمك

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



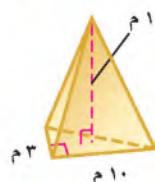
(د)



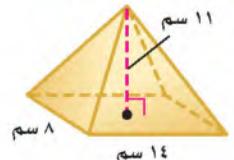
(ج)

## تأكد

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



(٢)

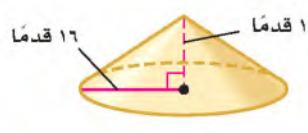


(١)

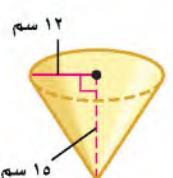
أوجد حجم هرم ارتفاعه ١٧ متراً، وقاعدته مربعة طول ضلعها ٢٢ متراً.

آثار: هرم (منقعر) هو أحد أهرامات مصر القديمة، ارتفاعه الحالي ٦٥،٥ م، وحجمه ٢٥٤٦٦٤ م<sup>3</sup> تقريباً، فما طول كل جانب من قاعدته المربعة؟

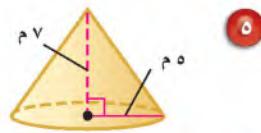
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



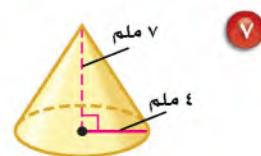
(٦)



(٨)



(٥)



(٧)

المثال ١

المثال ٢

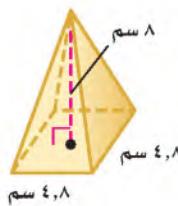
المثال ٣



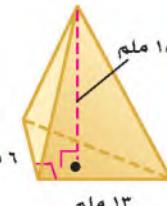
الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٢-١٠	
٢	١٧	
٣	١٦-١٣	

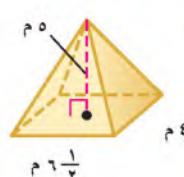
أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١١



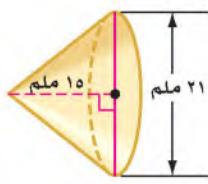
١٢



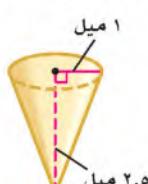
١٣

١٤ هرم ثلاثي: قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٧ سم، وارتفاعه  
الهرم ١٥ سم.

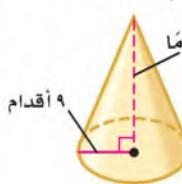
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١٥



١٦

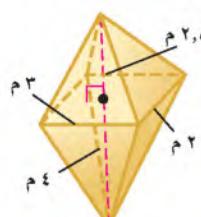


١٧

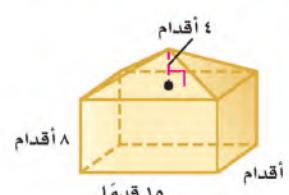
١٨ مخروط: قطر قاعدته ١٢ م، وارتفاعه ٥ م.

١٩ علوم: أُنشئ نموذج جبل بركاني؛ ليكون مشروعًا في مادة العلوم على شكل  
مخروط طول قطر قاعدته ٨ سم، فإذا كان حجم النموذج  $20\frac{1}{3}$  سم<sup>٣</sup> تقريرياً، فما  
ارتفاعه؟

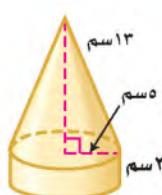
أوجد حجم كل مجسم، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



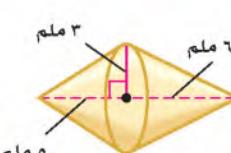
١٩



٢٠



٢١

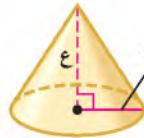


٢٢

٢٣ قبعات: يريد مهرج أن يملأ قبعته رملًا، استعمل  
الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعة من الرمل.

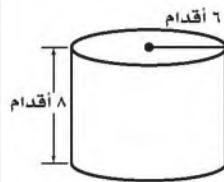


٢٣ تحدّ: ماذا يحدث لارتفاع مخروط عند ضرب نصف القطر في ثلاثة مع المحافظة على الحجم نفسه؟



٢٤ الحسن العددي: أيهما له تأثير أكبر في حجم المخروط: مضاعفة نصف قطره ، أم مضاعفة ارتفاعه؟ بُرّر إجابتك.

٢٥ **التعيّن** موقفاً من واقع الحياة يمكن أن يُحل بإيجاد حجم المخروط.

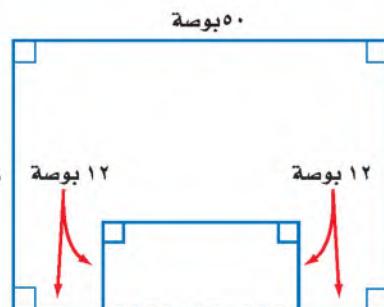


٢٦ ما حجم الأسطوانة المجاورة؟  
مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر.  
(أ) ٤٨ قدمًا مكعبه      (ج) ٢٨٨ قدمًا مكعبه  
(ب) ٣٠٥ قدمًا مكعبه      (د) ٩٠٤ قدمًا مكعبه

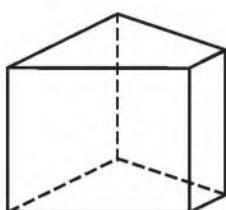
### تدريب على اختبار

٢٧ هرم قاعدته مستطيلة الشكل، بُعداها ١٨ بوصة  $\times$  ٣٠ بوصة، وارتفاعه ٣٦ بوصة. أي مما يأتي أقرب إلى حجم الهرم بالأقدام المكعب؟  
(إرشاد: ١ قدم = ١٢ بوصة)

(أ) ٢,٥ قدم مكعبه      (ج) ٤ أقدام مكعبه  
(ب) ٣ أقدام مكعبه      (د) ٥ أقدام مكعبه



٢٨ أثاث: يبيّن الشكل المجاور سطح طاولة . ما مساحة سطح الطاولة؟ (الدرس ٨ - ١)



٢٩ صابون: أوجد حجم علبة الصابون السائل في الشكل في المجاور. (الدرس ٨ - ٤)



### الالستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد محيط كل دائرة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

٣١ قطرها ٥,٥ أقدام

٣٢ نصف قطرها ٣,٨ سم

٣٣ قطرها ٩ بوصات

٣٤ نصف قطرها ٢ م



## معلم القياس

## مساحة سطح الأسطوانة

استكشاف

٦-٨

**المخططات:** هي أنماط من بعدين لأشكال ثلاثة الأبعاد. ولتكوين مخطط لمجسم ما، جُرِّب إلى أشكال متصلة، ويمكنك استعمال المخطط لإيجاد مساحة كل وجه لمجسم ثلاثي الأبعاد مثل الأسطوانة.

## نشاط



استعمل وعاءً أسطواني الشكل فارغاً له غطاء، وقس ارتفاع الوعاء، وسجّله.

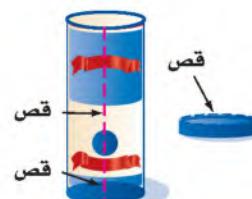
الخطوة ١

للون غطاء الوعاء وقادته باللون الأزرق، وصل بينهما بخط أحمر رأسي.

الخطوة ٢

ارفع الغطاء، وقم بقص الوعاء كما في الشكل أدناه، ثم ابسط الجانب المنحني للأسطوانة على سطح أفقى وأضف الغطاء والقاعدة ليتكون مخطط الأسطوانة.

الخطوة ٣



## فكرة الدرس:

أجد مساحة سطح الأسطوانة باستعمال النماذج والمخططات.

## المفردات:

المخطط

## حل النتائج

- ١ صِفِ الأجزاء المستوية التي تكون مخطط الوعاء الأسطواني.
- ٢ أوجد مساحة كل جزء منها، ومجموع تلك المساحات.
- ٣ أوجد قطر الجزء الأعلى للوعاء الأسطواني، واستعمله في إيجاد محيط ذلك الوجه.
- ٤ اضرب المحيط في ارتفاع الوعاء، فماذا تشكل هذه النتيجة؟
- ٥ اجمع النتيجة من سؤال ٤ إلى مجموع مساحة القاعدتين الدائرتين.
- ٦ قارن بين إجابتك عن التمرينين ٢ ، ٥ ، ٦.
- ٧ **خمن:** اكتب طريقة لإيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة عُلِّمَ قياس كُلّ من ارتفاعها وقطر إحدى قاعدتها.





## مساحة سطح المنشور والأسطوانة

### نشاط

الخطوة ١

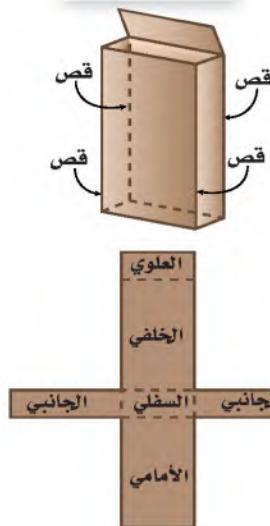
استعمل صندوقاً ذا غطاء كما في الشكل المجاور، وقس ارتفاعه ومحيط وجهه العلوي أو السفلي، وسجل ذلك.

الخطوة ٢

سمِّ الوجه العلوي والسفلي والأمامي والخلفي والجاني.

الخطوة ٣

افتح الغطاء وقص الصندوق في ٤ أحرف كما في الشكل، ثم افتح الصندوق ووضعه بشكل مستوٍ لتكوين مخططه، وقس أبعاد كل وجهٍ وسجلها.



١. أوجد مساحة كل وجه، ثم مجموع تلك المساحات.

٢. اضرب محيط قاعدة الصندوق في ارتفاعه. ماذا يمثل ناتج الضرب؟

٣. اجمع ما حصلت عليه في السؤال ٢ إلى مجموع مساحة القاعدتين.

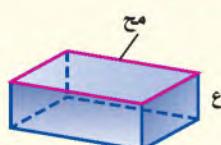
٤. قارن بين الإجابتين في ١ و ٣.

أوجدت في النشاط مساحة كل سطح (أو وجه) للصندوق. **الوجه الجاني** لمجسم هو أي سطح مستوٍ وليس القاعدة. **المساحة الجانبية لسطح** مجسم هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية له. أما **المساحة الكلية لسطح** مجسم فهي مجموع مساحات جميع أوجهه.

مفهوم أساسى

### المساحة الجانبية لسطح المنشور

**التعبير اللفظي:** المساحة الجانبية (ج) لسطح منشور **النموذج:**

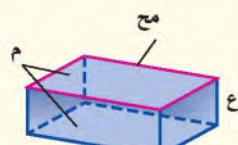


تساوي ناتج ضرب محيط القاعدة (مح) في الارتفاع (ع).

**الرموز:**  $ج = مح \times ع$

### المساحة الكلية لسطح المنشور

**التعبير اللفظي:** المساحة الكلية (ك) لسطح منشور **النموذج:**



هي مجموع المساحة الجانبية ومساحة القاعدتين.

**الرموز:**  $ك = ج + ٢م$  أو  $ك = مح \times ع + ٢م \times ع$

### فكرة الدرس:

أجد المساحة الجانبية والمساحة الكلية لسطح المنشور وأسطوانة.

### المفردات

**الوجه الجاني**

**المساحة الجانبية لسطح**

**المساحة الكلية لسطح**

## مثالان مساحة سطح المنشور

### إرشادات للدراسة

قاعدتا المنشور

الرباعي

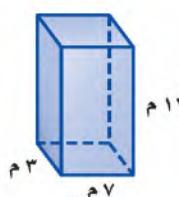
لأمثلة والتمارين في هنا

الكتاب افترض أن الوجهين

العلوي والسفلي للمنشور

المستطيلي (متوازي

المستطيلات) هما قاعدتا.



أوجد المساحة الجانبيّة والكلية لسطح المنشور الرباعي المجاور. قاعدته مستطيلان بُعداً كُلّ منهما ٣، ٧ م.

ابدأ بإيجاد المحيط والمساحة للقاعدتين.

مساحة القاعدة

$$\text{مح} = ٢ \times \text{الطول} + ٢ \times \text{العرض}$$

$$\text{مح} = ٢ \times (٣ + ٧) = ٢٠$$

$$\text{مح} = ٢ \times ٣ \times ٧ = ٤٢$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الجانبيّة والكلية للمنشور.

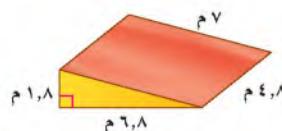
المساحة الكلية

$$\text{ك} = \text{مح} + ٤ \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{ك} = ٤٢ + ٢ \times ١٢ = ٢٤٠$$

$$\text{ك} = ٢ \times ١٢ \times ٧ = ٢٨٢$$

فتكون المساحة الجانبيّة ٢٤٠ م٢، والمساحة الكلية ٢٨٢ م٢.



١٠ تزلج مائي: يستعمل في منافسات التزلج على الماء منحدر مغطى بالشمع أو الزجاج الليفي، أوجد المساحة الكلية لسطح المنحدر.

$$\text{قدر: ك} = ٢ \times ٧ + ٥ \times (٧ + ٧ + ٢) = ٩٤ \text{ م}^2$$

قاعدتا المنشور مثلثان متطابقان، أطوال أضلاع كُلّ منهما ١، ٨، ٦، ٨، ٧، ١، ٨ م. أوجد محيط إحدى القاعدتين ومساحتها.

مساحة القاعدة

$$\text{مح} = \frac{١}{٢} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مح} = \frac{١}{٢} \times ٦,٨ \times (٦,٨ + ١,٨) = ١٥,٦$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الكلية.

المساحة الكلية للمنشور.

$$\text{مح} = ٦,١٢ \times ٤,٨ = ١٥,٦ \text{ م}^2$$

بسط.

قارن الإجابة بالمساحة المقدّرة.

$$\text{ك} = ١٥,٦ + ٤,٨ \times ٢ + ٤,٨ \times ٦,١٢ = ٨٧,١٢$$

$$\text{ك} = ٨٧,١٢ \text{ م}^2$$

$$\text{ك} = \text{مح} + ٤ \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{ك} = ٩٤ + ٤ \times ٤,٨ = ٨٧,١٢$$

$$\text{ك} = ٨٧,١٢ \text{ م}^2$$

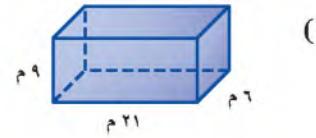
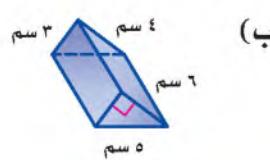
$$\text{ك} = ٨٧,١٢ \text{ م}^2$$



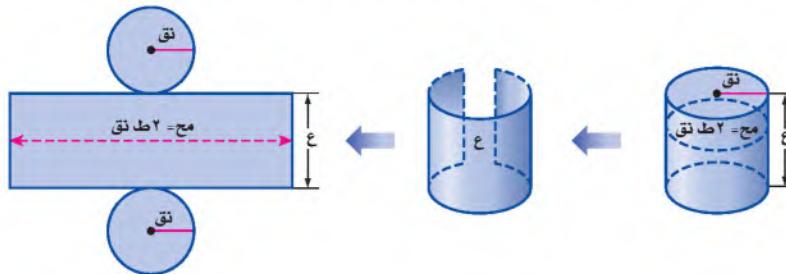
الربط بالحياة: تكون منافسات التزلج على الماء من ثلاثة أنواع: التزلج المتعرج، والقفز، والبراعة. وتشمل مستويات عمرية مختلفة أيضًا.

### تحقق من فهمك

أوجد المساحة الجانبيّة والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:



يمكنك إيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة، بإيجاد مساحة قاعدتها وإضافة مساحة السطح الجانبي المنحني. عند قصّ الأسطوانة يتكون مخططها من دائرتين ومستطيل.



المساحة	المخطط	النموذج
$2(\pi r^2) = 2\pi r^2$	دائرتان متطابقتان بنصف قطر $r$	القاعدتان الدائريتان
$2\pi r \times h = 2\pi rh$	مستطيل عرضه $2\pi r$ وطوله $h$	الغطاء الجانبي

كما في المنشور، استعمل قياسات الأسطوانة لإيجاد المساحة الجانبية والكلية لسطحها.

**مفهوم أساسى**

**المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة**

**النماذج:** المساحة الجانبية ( $J$ ) لسطح أسطوانة

**التعبير اللفظي:** المساحة الجانبية ( $J$ ) لسطح أسطوانة

أرتفاعها ( $h$ ) ونصف قطر قاعدتها ( $r$ )

هي ناتج ضرب محيط القاعدة ( $M$ )

في الارتفاع ( $h$ ).

**الرموز:**  $J = Mh$  أو  $J = 2\pi rh$

**المساحة الكلية لسطح الأسطوانة**

**النماذج:** المساحة الكلية ( $K$ ) لسطح أسطوانة أرتفاعها  $h$

**التعبير اللفظي:** المساحة الكلية ( $K$ ) لسطح أسطوانة أرتفاعها  $h$  ونصف قطر قاعدتها  $r$  هي مجموع المساحة الجانبية ومساحة القاعدتين.

**الرموز:**  $K = J + 2\pi r^2$  أو  $K = 2\pi rh + 2\pi r^2$

## إرشادات للدراسة

### أسطوانات

صيغ المساحة الجانبية

والكلية للاسطوانة تشبه

الصيغ المنشورة لها للمنشور.

ففي المنشور:

$J = M \times h$

وبما أن قاعدة الأسطوانة

دائريّة، فإن محطيها هو

محيط الدائرة ( $M = 2\pi r$ ).

وفي المنشور:  $K = J + M^2$

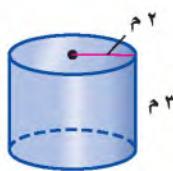
وبما أن قاعدة الأسطوانة

دائريّة، فإن مساحتها هي

مساحة الدائرة  $\pi r^2$ .

## مساحة سطح الأسطوانة

## مثالان



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة.

### المساحة الجانبية

$$J = 2\pi rh$$

$$J = 2\pi \times 2 \times 3$$

$$J = 37,7$$

$$J \approx 37,7$$



نق = 2 سم

**ملصقات:** أوجد مساحة الملصق على العلبة المبينة في الشكل المجاور.

بما أن الملصق يغطي السطح الجانبي، فإنك تحتاج فقط إلى إيجاد المساحة الجانبية للعلبة.

$$\text{ط} \approx 3, \text{ نق} = 2, \text{ ع} = 15.$$

قدُر: ج = 2 ط نق ع  

$$15 \times 3 \times 2 \approx 90$$

$$\text{ج} \approx 270 \text{ سم}^2$$

المساحة الجانبية للأسطوانة.

$$\text{نق} = 2, \text{ ع} = 15.$$

بسط.

$$\text{ج} = 2 \text{ ط نق ع}$$

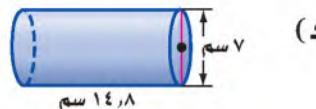
$$15 \times 3 \times 2 = 90$$

$$\text{ج} \approx 301,59$$

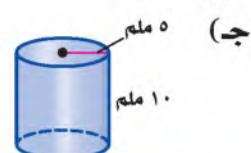
فتكون المساحة الجانبية  $301,59 \text{ سم}^2$  تقريرياً. قارن الجواب بالمساحة المقدّرة.

### تحقق من فهمك:

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل أسطوانة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



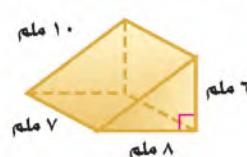
(د)



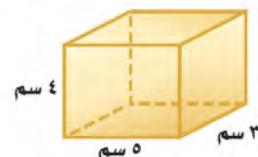
(ج)

### تأكد

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:

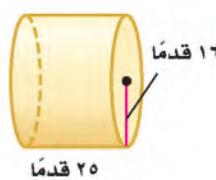


(٢)

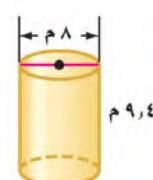


(١)

المثلان ٢، ١



(٤)



(٣)

المثال ٣



10 بوصة  
6 بوصات

**تغليف:** تغلف بعض علب العصير الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة ورقة تغليف علبة العصير.

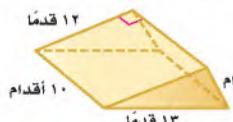
المثال ٤

## تدريب وحل المسائل

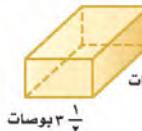
### الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
1	٧٤٦
2	١٢٤٩٤٨
٣	١١٤١٠
٤	١٣

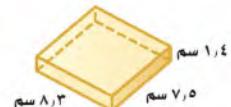
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



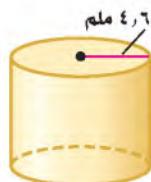
٨



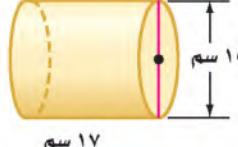
٧



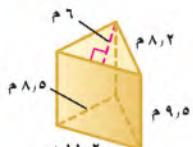
٦



١١



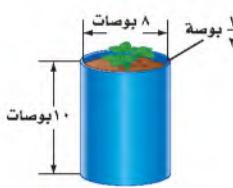
١٠



٩



١٢ **خيام:** يُفتح مصنع خياماً بلاستيكية كما في الشكل المجاور. فما مساحة قطعة البلاستيك التي تلزم لصنع خيمة؟



١٣ **فن:** اشتريت هناء وعاء النبات المجاور، فإذا كان طول قطره الداخلي ٨ بوصات، وارتفاعه ١٠ بوصات، وسمك الإناء  $\frac{1}{2}$  بوصة، وأرادت هناء طلاء قاعدة الوعاء وسطحه من الداخل والخارج، فكم بوصة مربعة من الإناء يجب أن تُطلَّ؟

١٤ **منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات):** طوله ١٢ سم، وعرضه ٤ سم، ومساحته الكلية تساوي ٥٧٦ سم٢، فما ارتفاعه؟



١٥ **تغليف:** صُمم وعاءان من الكرتون لأحد أنواع الحبوب كما في الشكل المجاور، فإذا كان الحجمان متساوين تقريرياً، فلماي الوعاءين يحتاج إلى كمية أقل من الكرتون؟ فسر إجابتك.

١٦ **تبرير:** حدد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة أم خاطئة. وإذا كانت خاطئة، فأعط مثلاً مصادراً: "إذا تساوى حجماً منشورين مستطيليين فإنه يكون لهما المساحة الكلية نفسها".

**مسائل مهارات التفكير العليا**

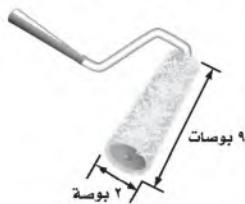
١٧ **تحد:** أي الحالتين تزداد عندها المساحة الكلية لسطح الأسطوانة بشكل أكبر: مضاعفة الارتفاع مرة أم مضاعفة نصف القطر مرتين؟ فسر إجابتك.



**الكتاب** ١٩ ما الفرق بين المساحة الجانبية والكلية للمنشور والمساحة الجانبية والكلية للأسطوانة.

### تدريب على اختبار

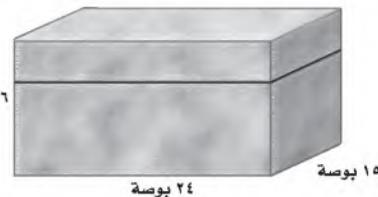
٢١ فرشاة دهان أسطوانية كما في الشكل أدناه.



كم بوصة مربعة مساحة الجزء الذي تغطيه دورة الفرشاة مرة واحدة من الدهان على الحائط، مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة؟

أ) ١١٣ بوصة مربعة ج) ٢٨,٣ بوصة مربعة  
ب) ٥٦,٥ بوصة مربعة د) ١٨,٠ بوصة مربعة

قام فيصل بطلاء الصندوق الموضح بالشكل أدناه من الخارج ، فكم المساحة السطحية التي سيقوم فيصل بدهانها بالبوصات المربعة؟



أ) ٣٣٠ بوصة مربعة ج) ١٩٦٨ بوصة مربعة  
ب) ٣٩٩ بوصة مربعة د) ٥٧٦٠ بوصة مربعة

## مراجعة تراكمية

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم ذلك: (الدرس ٨-٥)

٢٢ **هرم رباعي**: قاعدته على شكل مستطيل طوله ١٤ م، وعرضه ١٢ م، وارتفاع الهرم ٧ م.

٢٣ **مخروط**: قطر قاعدته ٢٢ سم ، وارتفاعه ٢٤ سم.

٢٤ **صحّة**: ثلاجة في مختبر مركز صحي أبعادها الداخلية ١٧ بوصة  $\times$  ٤٢ بوصة  $\times$  ١٨ بوصة ، إذا وصل إلى المختبر عينات حجمها يزيد على ٨ أقدام مكعبة لحفظها في الثلاجة، فهل تسع الثلاجة للعينات؟ فسر إجابتك. (الدرس ٨-٤)

## الاستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة** : أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:

$$23 \times 10 \times \frac{1}{2} \quad ٢٦$$

$$2,8 \times \frac{1}{2} \quad ٢٥$$

$$(20) \left(3 \frac{1}{2}\right) \quad ٢٨$$

$$16 \times 2,5 \times \frac{1}{2} \quad ٢٧$$

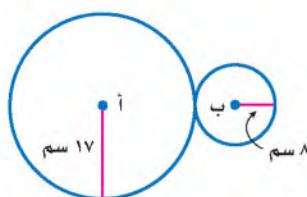




## معلم القياس مخطط المخروط

توسيع  
٦-٨

المخروط مجسم ذو قاعدة دائيرية واحدة، ويمثل سطحه الجانبي قطاعاً دائرياً من دائرة أكبر. محيط القاعدة الدائرية يساوي طول قوس القطاع الدائري، ومحيط قاعدته يمثل جزءاً من محيط الدائرة الأكبر.



استعمل الفرجار لرسم دائرتين  
متلقيتين من الخارج، نصف  
قطر إحداهما ١٧ سم ونصف  
قطر الأخرى ٨ سم.

الخطوة ١

**فكرة الدرس:**

أُنشئ مخططاً للمخروط.

### نشاط

فَكَرْ: ما الجزء من محيط الدائرة (أ) الذي يساوي محيط الدائرة (ب)؟  
افرض أن س هي نسبة محيط الدائرة الصغرى إلى الكبيرة.  
س (٣٤ ط) = ١٦ ط  
محيط الدائرة (أ) = ٣٤ ط.  
محيط الدائرة (ب) = ١٦ ط.  
اقسم الطرفين على ٣٤ ط.  
$$س \times \frac{١٦ ط}{٣٤ ط} = \frac{١٦ ط}{٣٤ ط}$$
  
س ≈ ٤٧ ،  
بسط.  
لذا تحتاج إلى ٤٧ ، ٠ من محيط الدائرة (أ).

الخطوة ٢

أُوجِدَ قياس الزاوية المركزية التي يجب أن تقطع من الدائرة (أ).  
 $٣٦٠ \times ٠,٤٧ \approx ١٧٠$

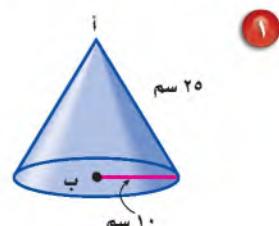
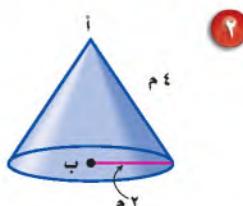
الخطوة ٣

اقطع زاوية مركزية قياسها  $170^\circ$  من الدائرة (أ)، واعمل مخروطاً.



### حل النتائج:

أُوجِدَ الزاوية المركزية لكل مخروط ممّا يأتي، ثم كُوّن مخططاً له:

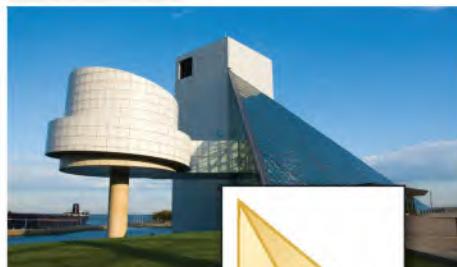




## مساحة سطح الهرم

٧ - ٨

### الاستعاء



**بناء:** المبني في الصورة المجاورة صُمم على شكل هرم.

١ ما عدد أوجه الهرم (باستثناء

القاعدة)؟ وما شكل كل وجه منها؟

٢ كيف يختلف الهرم عن المنشور؟

٣ كيف يمكنك إيجاد مساحة الزجاج المستعمل في هذا المبني؟

**الهرم المنتظم** هرم قاعدته مصلع منتظم، وأوجهه الجانبية مثلثات متطابقة وكل منها متطابق الساقين. وتلتقي هذه المثلثات عند أعلى الهرم في نقطة تُسمى قمة الهرم، وُيسمى ارتفاع كل وجه جانبي منها **الارتفاع الجانبي**.

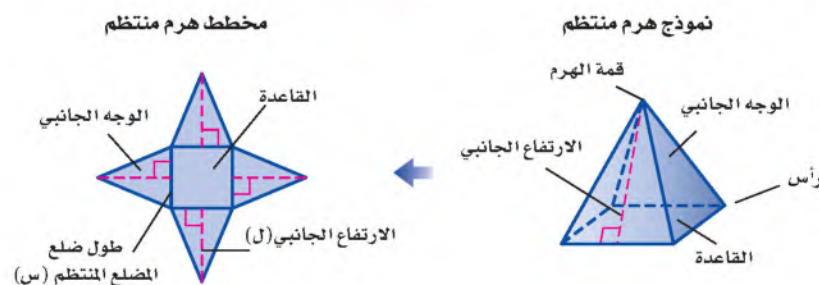
### فكرة الدرس:

أجد المساحة الجانبية  
والمساحة الكلية لسطح  
الهرم.

### المفردات

الهرم المنتظم

الارتفاع الجانبي



لإيجاد المساحة الجانبية لسطح الهرم المنتظم (ج)، انظر إلى المخطط. المساحة الجانبية لسطح الهرم هي مجموع مساحات أوجهه الجانبية. يتكون مخطط الهرم ذي القاعدة المربعة من مربع وأربعة مثلثات كما هو مبين في الشكل أعلاه.

مساحات الأوجه الجانبية.

$$ج = 4 \left( \frac{1}{2} س \times ل \right)$$

استعمل خصائص الضرب.

$$ج = \frac{1}{2} (4 س) ل$$

محيط القاعدة (مح = 4 س).

$$ج = \frac{1}{2} مح ل$$

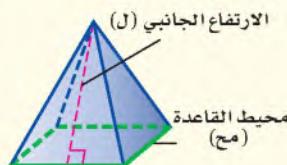
أما المساحة الكلية لسطح الهرم المنتظم، فتساوي المساحة الجانبية له مضافاً إليها مساحة القاعدة.



## المساحة الجانبية لسطح الهرم

مفهوم أساسى

النموذج:



التعبير اللغى: المساحة الجانبية (ج) لسطح الهرم

المتنظم هي نصف محيط القاعدة (مح)

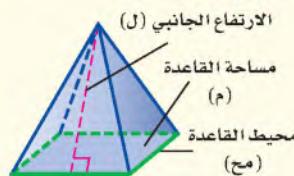
مضروبًا في الارتفاع الجانبى (L).

$$ج = \frac{1}{2} مح L$$

الرموز:

## المساحة الكلية لسطح الهرم

التعبير اللغى: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم النموذج:



النماذج: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم

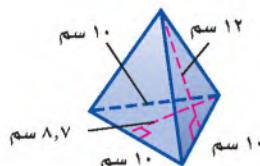
المتنظم هي مجموع المساحة

الجانبية (ج) ومساحة القاعدة (م).

$$ك = ج + م \text{ أو } ك = \frac{1}{2} مح L + م$$

الرموز:

## مثال مساحة سطح الهرم



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الهرم

الثلاثي في الشكل المجاور.

$$ك = ج + م = \frac{1}{2} مح L$$

$$ك = 43,5 + 180 = \frac{1}{2} \times 12 \times 30 \times 10 = 180$$

$$ك = 223,5$$

المساحة الجانبية لسطح الهرم 180 سم<sup>2</sup>، والمساحة الكلية له 223,5 سم<sup>2</sup>.

## تحقق من فهمك:

أ) أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي 18 م، وطول ضلع قاعدته المربعة 11 م.

## مثال من واقع الحياة مساحة سطح الهرم

فن العمارة: استعمل المعلومات إلى اليمين لإيجاد المساحة الجانبية لهرم

خفرع إذا علمت أن ارتفاعه الجانبي 178 م.

مساحة الهرم الجانبية.

$$ج = \frac{1}{2} مح L$$

$$ج = \frac{1}{2} \times 178 \times 860 = 178 \times 430 = 76540$$

بسط.

فتكون المساحة الجانبية لهرم خفرع 76540 م<sup>2</sup>.

## تحقق من فهمك:

ب) أوجد المساحة الكلية لسطح هرم خفرع.



الربط بالحياة:

يبلغ ارتفاع هرم خفرع في مصر،

143 م، وطول ضلع قاعدته

المربعة 215 م.

المصدر: كتاب الأهرامات

المصرية؛ مكتبة الأنجلو

المصرية؛ ٢٠١٢م



وزارة التعليم

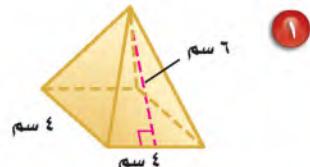
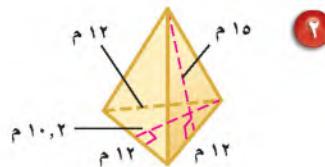
Ministry of Education

١٤٤٧ - ٢٠٢٥

الدرس ٨ - ٧ : مساحة سطح الهرم

## تأكد

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:

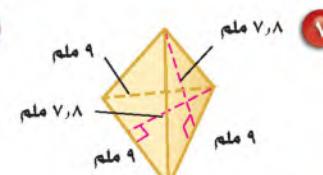
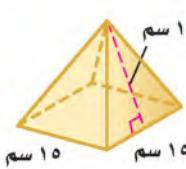
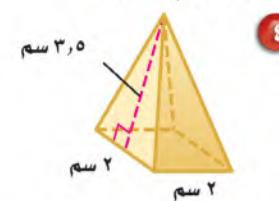
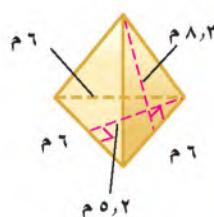


**أهرامات:** هرم أريانا في ممفيس في الولايات المتحدة هرم رباعي منتظم، طول قاعدة كل وجه له ٦٠٠ قدم، وارتفاعه ٤٧٧ قدمًا، أوجد المساحة الجانبية له.

المثال ١

## تدريب وحل المسائل

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:

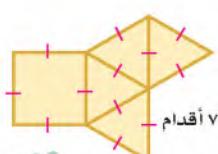


الإرشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٤
٢	١١ - ١٠

**أسقف:** سقف خشبي على شكل هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٦ قدمًا، وقاعدته مربع طول ضلعه ٤٠ قدمًا، ما مساحة الخشب الذي تحتاج إليه لتعطية السقف؟

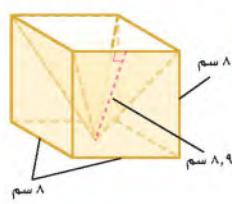
**مخطط:** هرم رباعي منتظم مساحته الجانبية  $25, 207, 107$  سم<sup>2</sup> وطول ارتفاعه الجانبي ٢٥ سم، أوجد طول ضلع من قاعدته.

**فن العمارة:** يبلغ الارتفاع الجانبي لهرم الشمس في المكسيك  $132, 5$  م، وطول ضلع قاعدته المربعة  $223, 5$  م، أوجد مساحته الجانبية.

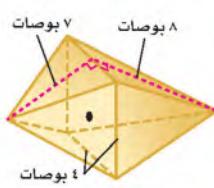


**مخطط:** يمثل الشكل المجاور مخططاً لهرم منتظم، احسب المساحة الكلية للهرم.

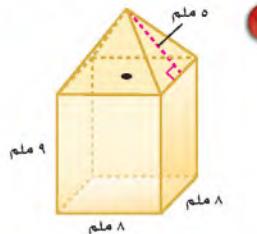
أوجد المساحة الجانبية والكلية لكل مجسم مما يأتي مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



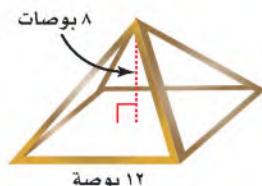
١٦



١٥



١٤

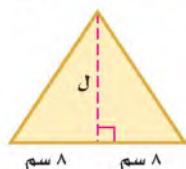


١٧ **مصابح مكتبى:** اشتري عمر مصباحاً مكتبياً على شكل

هرم منتظم، احسب المساحة الجانبية للمصباح.

(إرشاد: استعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد الارتفاع الجانبي).

منظر جانبي للهرم



٢٠-١٨ **تحدد:** استعمل الشكل المجاور لحل الأسئلة

علمًا بأن الارتفاع الكلى له ٢٠ سم.

١٨ أوجد ارتفاع الهرم (ع).

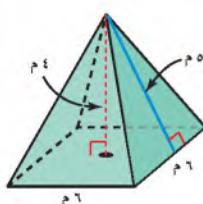
١٩ استعمل ارتفاع الهرم لإيجاد ارتفاع  
الجانبى (ل).

**مسائل**

**مهارات التفكير العليا**



٢٠ أي الشكلين مساحة سطحه أكبر؛ الهرم أم المنشور؟ بّرّ إجابتك.



٢١ **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من حمد ونوف المساحة الكلية للهرم المنتظم المجاور ، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك.



٢٠  
٢١  
$$\text{حمد: } \frac{1}{2} \times 4 \times 6 + 4 \times 6 \times 5 + 4 \times 5 = 84$$

$$\text{نوف: } \frac{1}{2} \times 4 \times 6 + 4 \times 6 \times 5 + 4 \times 5 = 96$$



نوف

حمد

٢٢ **مسألة مفتوحة:** هرم قاعدته مربعة، طول ضلعها ٣ سم، وطول ارتفاعه  
الجانبى ٤ سم، فما الأبعاد الممكنة لمنشور مستطيلي له مساحة سطح الهرم نفسها؟

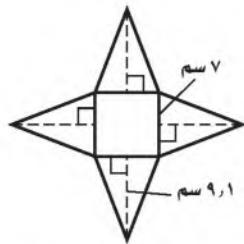
٢٣ **تحدد:** أوجد المساحة الكلية للهرم الرباعي المنتظم الذي حجمه ٤٠٠ سم<sup>٣</sup> ،  
وطول ضلع قاعدته ١٠ سم.

٢٤ **الكتاب:** كيف يمكنك استعمال ارتفاع هرم لإيجاد طول ارتفاعه الجانبي؟





٢٦ تمثل الشبكة أدناه هرماً رباعياً منتظمًا، مقرّبًا إلى أقرب عدد صحيح؟ ما المساحة الجانبية لسطح الهرم في الهرم؟



أ) ٣٢ سم<sup>٢</sup>  
ب) ٤٩ سم<sup>٢</sup>  
ج) ١٢٧ سم<sup>٢</sup>  
د) ١٧٦ سم<sup>٢</sup>

٢٥ ما أفضل تقدير للمساحة الجانبية لسطح الهرم في الشكل أدناه؟



أ) ١٠٧ أقدام مربعة  
ب) ١٨٠ أقدام مربعة  
ج) ٤٢٩ أقدام مربعة  
د) ٦٠٧ أقدام مربعة

## مراجعة تراكمية

٢٧ **تغليف:** أوجد المساحة الجانبية لسطح العلبة أسطوانية قطرها ٣ بوصات ، وارتفاعها ٥ بوصات. (الدرس ٨ - ٦)

٢٨ **جبال:** قام سعد بإنشاء نموذج جبل من الطين على شكل مخروط، إذا كان ارتفاع الجبل ٤ أقدام، ونصف قطر قاعدته قدمان ، فما حجم المادة الطينية الالازمة لإنشاء الجبل؟ قرب إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك. (الدرس ٨ - ٥)

أوجد حجم كل مما يأتي، مقرّبًا الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٨ - ٤)

٢٩ هرم رباعي مساحة قاعدته  $168 \text{ م}^2$ ، وارتفاعه ٧ م.

٣٠ مخروط قطره ٢٢ سم، وارتفاعه ٢٤ سم.

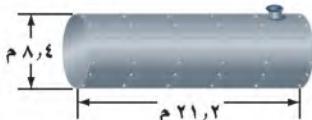


# الفصل ٨ اختبار الفصل

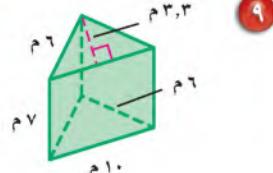
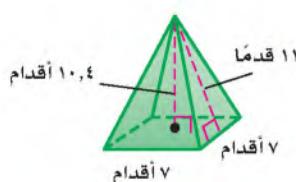


٧ **هندسة:** حدد نوع الشكل، واذكر عدد أوجهه وشكلها، ثم عدد أحرفه ورؤوسه.

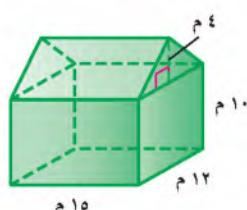
٨ **وقود:** صهريج (خزان) وقود أسطواني الشكل كما في الشكل أدناه. احسب حجم الصهريج؟ مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



أوجد حجم كل مجسم ومساحة سطحه الكلية، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

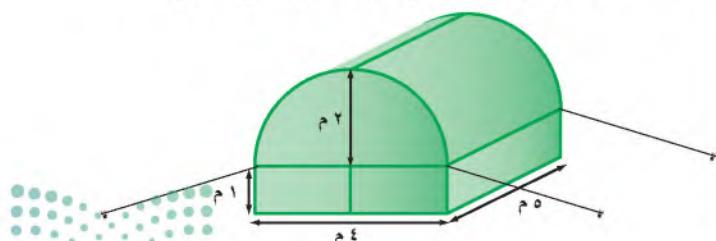


٩ **اختيار من متعدد:** أوجد حجم المجسم أدناه.



أ)  $2160 \text{ م}^3$   
ب)  $2020 \text{ م}^3$   
ج)  $3600 \text{ م}^3$   
د)  $7200 \text{ م}^3$

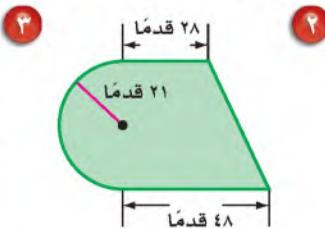
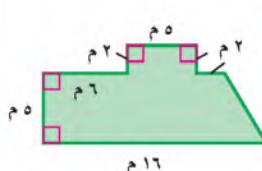
١٠ **خيام:** احسب مساحة سطح الخيمة في الشكل أدناه، مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.



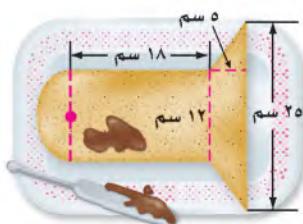
١ **اختيار من متعدد:** ركض فارس حول مضمار دائري مرتين، فإذا كان نصف قطر المضمار ٢٥ م، فما المسافة التي ركضها الفارس؟

أ) ٣١٤ م  
ب) ١٥٧ م  
ج) ٧٨.٥ م  
د) ٥٠ م

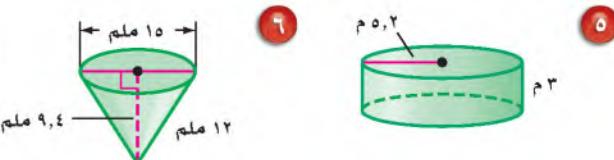
أوجد مساحة كل شكل فيما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١  **قالب حلوى:** صنعت مها قالب حلوى على شكل مصباح كهربائي كما في الشكل أدناه وتريد تزيينه. فإذا كان الوعاء الواحد من مادة التزيين يغطي  $250 \text{ سم}^2$  من قالب الحلوى، فكم وعاءً تحتاج لتزين قالب كاملاً؟



أوجد حجم كل مجسم، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



# الاختبار التراكمي (٨)

الفصل



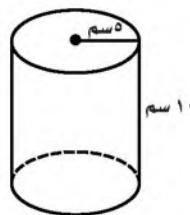
القسم ١ اختيار من متعدد

٤ ما المساحة السطحية لصندوق حوض الغسيل في الشكل أدناه؟



أ) ٢٠٠ بوصة مربعة      ج) ٤٠٠ بوصة مربعة  
ب) ٢٢٤ بوصة مربعة      د) ٤٤٨ بوصة مربعة

٥ ما حجم الأسطوانة في الشكل أدناه؟



أ) ١٠٠ سم٣  
ب) ١٥٧ سم٣  
ج) ٣١٤ سم٣  
د) ٧٨٥ سم٣

٦ ما حجم المخروط القائم الذي قطر قاعدته ٨ بوصات، وارتفاعه ١٢ بوصة؟ قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

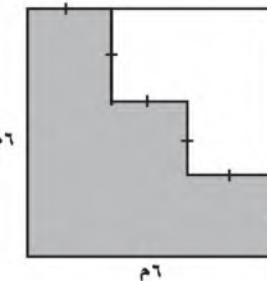
أ) ٢٠١ بوصة مكعبة  
ب) ٤٨١ بوصة مكعبة  
ج) ٦٠٣ بوصات مكعبة  
د) ٨٠٤ بوصات مكعبة

٧ ما المساحة الجانبية للأسطوانة التي قطرها ١٠ م، وارتفاعها ١٤ م؟

أ) ١٠٠ ط  
ج) ٥٠ ط  
د) ٤٠ ط  
ب) ٩٠ ط

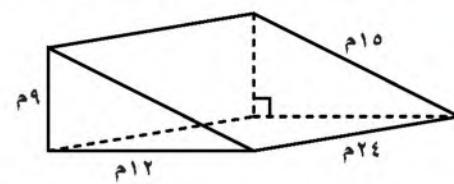
اختر الإجابة الصحيحة:

١ ما مساحة الجزء المظلل من الشكل أدناه؟



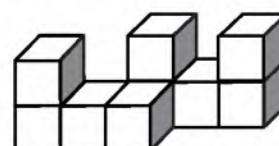
أ) ٢٠ م٢  
ب) ٢٤ م٢  
ج) ٢٦ م٢  
د) ٣٠ م٢

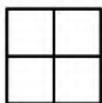
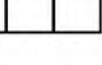
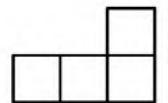
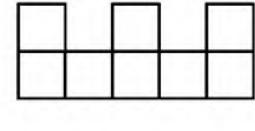
٢ ما حجم المنشور الثلاثي في الشكل أدناه؟



أ) ٨١٠ م٣  
ب) ٢٥٩٢ م٣  
ج) ١٢٩٦ م٣  
د) ٩٧٢ م٣

٣ أيٌ مما يأتي يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟

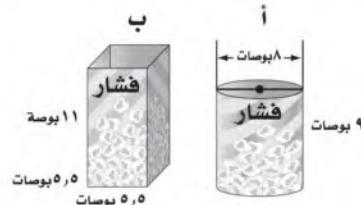


أ)   
ب)   
ج)   
د) 

١١ أوجد حجم الهرم الرباعي الممتظم الذي طول ضلع قاعدته ٧ بوصات، وارتفاعه ٤ بوصات، مقرّباً إجابتكم إلى أقرب جزءٍ من عشرة.

### الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:  
١٢ يباع الفشار في شكلين من العلب المبيّنة أدناه، ويرغب صاحب محل أن يختار أحد الشكلين لاستعماله في بيع الفشار.



أ) أي العلبتين تسع لأكبر كمية من الفشار؟ فسر إجابتكم.  
ب) أي العلبتين تحتاج إلى كمية أقل من الكرتون لصناعتها؟ فسر إجابتكم.

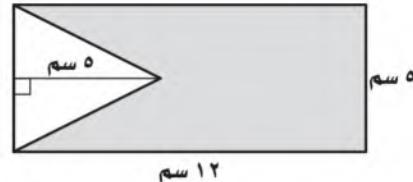


### أتدرب

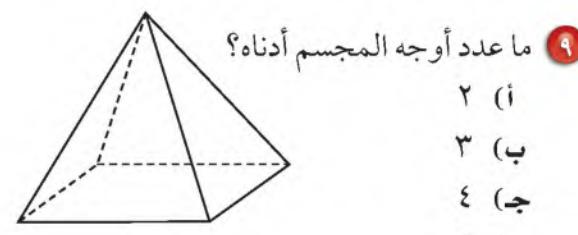
من خلال الإجابة عن الأسئلة، حتى أعزّز ما تعلّمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالميٌّ.

٨ تم قصُّ مثلث متطابق الضلعين من مستطيل كما في الشكل أدناه. ما مساحة الجزء المتبقّي من المستطيل؟



أ) ٦٠ سم٢  
ب) ٣٥ سم٢  
ج) ٤٧,٥ سم٢  
د) ٥٥ سم٢

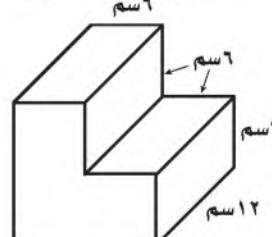


٩ ما عدد أوجه المجسم أدناه؟  
أ) ٢  
ب) ٣  
ج) ٤  
د) ٥

### الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

١٠ رُتّب قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكُوّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجّب عن السؤال ....

فراجع الدرس ....

١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٦-٨	٥-٨	٤-٨	٣-٨	١-٨	٦-٨	٥-٨	٤-٨	٥-٨	٣-٨	٤-٨	١-٨

# الجبر: المعادلات والمتباينات

## الفكرة العامة

- استعمل المعادلات الخطية لتمثيل المسائل وتحليلها وحلها.
- أحل معادلات ومتباينات خطية بسيطة بأعداد نسبية.

### المفردات الرئيسية:

العبارات المتكافئة. ص (١٣٨)

الحدود المتشابهة. ص (١٣٩)

معادلة ذات خطوتين. ص (١٤٤)

## الربط بالحياة:

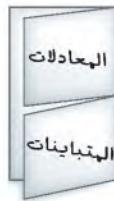
**البحر الميت**: ينخفض مستوى ارتفاع مياه البحر الميت في الأردن بمعدل ٨٠ سم سنويًا. يمكنك كتابة معادلة لوصف التغير في ارتفاع مياه البحر الميت لأي عدد محدد من السنوات.

## المطويات

### مُنظّم أفكار

**الجبر، المعادلات والمتباينات**: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقة A3 كما يأتي:

٤ سم كل قسم كما في الشكل أدناه.



٣ افتح الورقة، وقصّها كما هو موضح أدناه؛ للحصول على قسمين.



٢ اطوي الورقة مرة أخرى من أعلى إلى أسفل.



١ اطوي الورقة نصفين عرضيًّا.





# التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

## مراجعة للسريعة

## اختبار للريح

### مثال ١ :

بيان ما إذا كانت العبارة:  $2 < 1$  صحيحة أم خاطئة :

عين النقطتين على خط الأعداد.



بما أن - ٢ تقع عن يسار ١ ، فإن  $2 < 1$ ؛ لذا فالعبارة خاطئة.

### مثال ٢ :

أكتب معادلة جبرية للجملة اللفظية الآتية:  
أضيف العدد ٣ إلى مثلي عدد ما، فأصبح الناتج - ٥  
ليكن س ممثلاً العدد.

$$5 - \underline{\underline{s}} \quad \underline{\underline{\text{أصبح}}} \quad \underline{\underline{\text{أضيف للعدد}}} \quad \underline{\underline{3}} \quad \underline{\underline{\text{مثلاً عدد ما}}} \quad \underline{\underline{s}}$$

لذا فالمعادلة هي:  $2 + 3 = -5$

### مثال ٣ :

حُل المعادلة الآتية:

$$\begin{array}{rcl} 44 & = & 7 - k \\ \text{اكتب المعادلة.} & & \\ \text{أضاف 7 إلى كل طرف.} & & \\ & & \underline{\underline{7 +}} \quad \underline{\underline{= 7 +}} \\ & & \underline{\underline{k}} \quad \underline{\underline{= 51}} \end{array}$$

بيان ما إذا كانت كل عبارة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة:

(مهارة سابقة)

$$3 - > 3 \quad 1 \quad 4 < 10 \quad 1$$

$$0 < 1 - \quad 2 \quad 7 - > 8 - \quad 3$$

**طقس:** وصلت درجة الحرارة في أحد أيام الشتاء في مدينة تبوك -٩°س ، وفي حائل -٦°س ، فأئم المديين كانوا درجة حرارتها أعلى؟ ووضح إجابتك. (مهارة سابقة)

أكتب معادلة جبرية لكل جملة لفظية فيما يأتي:

(مهارة سابقة)

أضيف عدد ما إلى العدد ١٠ فأصبح الناتج - ٨

الفرق بين - ٥ و ٣ س يساوي ٣٢

نقص عدد ما بمقدار ٤ فبقى ٢٦

**نقد:** مع صلاح مبلغ من النقود، يقل عن مثلي ما مع أخيه مالك بمقدار ريالين. فإذا كان مع مالك ٥٠ ريالاً، فكم ريالاً مع صلاح؟ (مهارة سابقة)

حُل كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

$$9 + 8 = m \quad 11 \quad 9 - 8 = 10 \quad 10$$

$$10 - 6 = z \quad 13 \quad 15 = 1 + 4 \quad 12$$

$$42 - 6 = b \quad 15 \quad 18 = 3 - \quad 14$$

$$\frac{r}{7} = 12 \quad 17 \quad 8 = \frac{9}{4} \quad 16$$



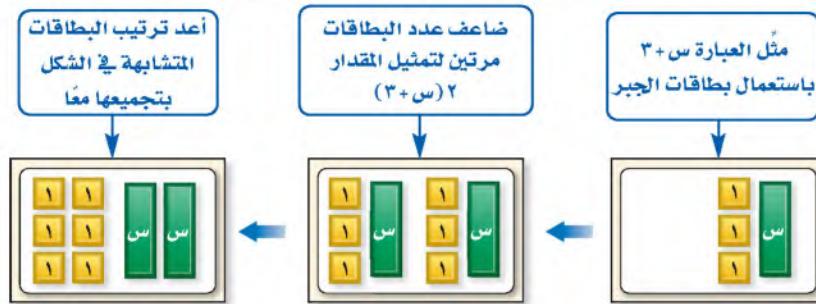


## تبسيط العبارات الجبرية

١-٩

### نشاط

يمكنك استعمال بطاقات الجبر؛ لإعادة كتابة العبارة الجبرية  $2(s+3)$ .



- ١ اختر قيمتين موجبتين وقيمة سالبة لـ  $s$ ، ثم أوجد قيمة  $2(s+3)$ .  
وقيمة  $2s+6$  عند تلك القيم. ماذا تلاحظ؟
- ٢ استعمل بطاقات الجبر في إعادة كتابة العبارة  $3(s-2)$ .

[إرشاد: استعمل بطاقة واحدة خضراء  $s$  وبطاقتين حمراوين  $2$  لتمثيل  $s-2$ .]

تعلمت سابقاً أنه يمكن إعادة كتابة عبارة مثل  $3(7+2)$  باستعمال خاصية التوزيع ثم التبسيط، وذلك على النحو الآتي:

خاصية التوزيع

$$3(7+2) = (7+2)3$$

بالضرب والجمع

$$27 = 21 + 6$$

تُستعمل خاصية التوزيع أيضاً في تبسيط العبارات الجبرية، مثل  $2(s+3)$ .

خاصية التوزيع

$$2(s+3) = 2(s) + 2(3)$$

بالضرب

$$6 = 2s + 6$$

وُتُسمى العبارتان  $2(s+3)$ ،  $2s+6$  عبارتين متكافئتين؛ لأنهما كانتا س

فالعباراتان لهما القيمة نفسها.

### كتابة عبارات تتضمن عملية جمع

### مثالان

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$(s+2)(5)$$

$$4(s+7)$$

$$(s+2)(2) = s \times 2 + 2 \times s$$

$$4(s+4) = 4(s) + 4(4)$$

$$= 5s + 10 \quad \text{بالضرب}$$

$$= 4s + 28 \quad \text{بسط}$$

### تحقق من فهمك

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$(6)(a+4) \quad (8)(n+3) \quad (8)(s+1)$$

## كتابة عبارات تتضمن عملية طرح

### مثالان

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

٦ (ب - ٥)

اكتب ب - ٥ على صورة ب + (٥ - )

خاصية التوزيع

بسط

تعريف الطرح

$$6(b - 5) = [b + (5 - )]$$

$$6(b - 5) =$$

$$6b + (-)$$

$$6b =$$

$$30 -$$

اكتب س - ٨ على صورة س + (-٨).

خاصية التوزيع

بسط

$$2(s - 8)$$

$$2(s - 8) = [s + (-8)]$$

$$2(s - 8) =$$

$$2s + (-)$$

$$2s =$$

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

د) ٣ (ص - ١٠)      ه) ٧ (و - ٤)      و) (ن - ٢) (٩ - )

### إرشادات للدراسة

مراجعة

يمكنك مراجعة ضرب الأعداد  
الصحيحة الذي درسته سابقاً.

### تحقق من فهمك

تجزئ إشارتا الجمع والطرح العبارات الجبرية إلى أجزاء يسمى كل منها **حداً**، والعامل العددي لحد يشتمل على متغير يسمى **معامل المتغير**.



تشتمل **الحدود المتشابهة** على المتغيرات نفسها بالقوى نفسها. فمثلاً  $3s^2 - 7s^2$  حدان متشابهان. وكذلك  $8s^2$  ص  $12s^2$  ص  $10s^2$  ص  $22s^2$  ص غير متشابهين، والحد الذي لا يشتمل على متغير يسمى ثابتاً، والحدود الثابتة متشابهة.

### لغة الرياضيات

المعاملات

معامل -٤ س هو -٤

معامل س هو ١.

## تحديد أجزاء عبارة جبرية

### مثال

عين الحدود، والحدود المتشابهة منها، والمعاملات، والثوابت في العبارة:

٦ ن - ٧ ن - ٤ + ن.

٦ ن - ٧ ن - ٤ + ن = ٦ ن + (-٧ ن) + (-٤) + ن      تعريف الطرح

= ٦ ن + (-٧ ن) + (-٤) + ١      خاصية العنصر المحايد (ن = ١)

• الحدود: ٦ ن، -٧ ن، -٤، ن      • الحدود المتشابهة هي: ٦ ن، -٧ ن، ن

• المعاملات: ٦، -٧، ١      • الثوابت: -٤

### تحقق من فهمك

عين الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في كلٌ من العبارتين

الآتىتين:

$$z) ٩ ص - ٤ - ١١ ص + ٧$$

$$ح) ٣ س + ١٠ - ٢ - ٣ س$$



تكون العبارة الجبرية في أبسط صورة إذا لم تتضمن حدوداً متشابهةً أو أقواساً. ويمكنك استعمال خاصية التوزيع لتجمیع الحدود المتشابهة، وهو ما يسمى **تبسيط العبارة**.

### مثالان تبسيط عبارات جبرية

خاصية العنصر المحايد	$4s + s = 4s$
خاصية التوزيع، والتبسيط	$(4s + 7s) = 11s$
تعريف الطرح	$7s - 3s = 4s$
خاصية الإبدال	$7s - 3s = 4s$
خاصية التوزيع	$7s - 3s = 4s$
بسط	$7s - 3s = 4s$
$s = s$	$4 = 4$

### الإرشادات للدراسة

العبارات المتكافئة  
للتتحقق منها إذا كانت  
 $4s + s = 5s$ ،  $5s = 5s$   
عوض عن  $s$  بأي قيمة،  
ولاحظ ما إذا كانت النواتج  
متتساوية.

### تحقق من فهمك:

بسط كل عبارة مما يأتي:  
ك)  $2m - 3n + 11 - 8z$       ي)  $6z - 3n + 3m$       ط)  $4z - z$

### مثال من واقع الحياة

**معارض:** اشتريت من معرض الرياض الدولي للكتاب عدداً من القصص بسعر ١٢ ريالاً للقصة الواحدة، وعدداً مماثلاً من الأقراص التعليمية بسعر ٧,٥ ريالات للقصص الواحد، اكتب عبارة لتمثيل المبلغ الكلي الذي صرفته في أبسط صورة.



الربط بالحياة: .....  
في عام ٢٠١٨م ضم معرض الكتاب الدولي في الرياض أكثر من ٣٤٠ ألف عنوان عرضتها ٧٥٠ دار نشر تمثل أكثر من ٣٠ دولة.

**العبارة**  $12s + 7.5s$  **المتغير**  $s$  **التعبير اللفظي** ١٢ ريالاً لكل قصة و ٧,٥ ريالات لكل قرص تعليمي.

ليكن  $s$  يمثل عدد القصص أو عدد الأقراص التعليمية.

$$12s + 7.5s$$

خاصية التوزيع

$$12s + 7.5s = (12 + 7.5)s$$

بسط

$$12s + 7.5s = 19.5s$$

إذن العبارة  $19.5s$  تمثل المبلغ الكلي الذي صرفته.

### تحقق من فهمك:

**ل) نقود:** إذا كان معي مبلغ من النقود، ومع شقيقك مبلغ يقل عنه بـ ٥٠ ريالاً، فاكتب عبارة تعبّر عن المجموع الكلي للمبلغين في أبسط صورة.





**لجان** ٤٢: أنت عضو في لجنة، وزميلك عضو في عدد من اللجان يقل عنك بمقدار لجتين.

**أعمار** ٤٣: بلغ عمر أحمد اليوم ص سنة، ويصغره أخوه علي بمقدار ٥ سنوات.

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

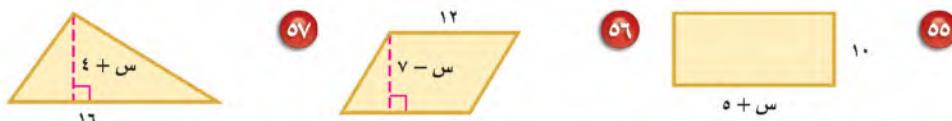
$$44 \quad 45 \quad 46 \quad 47 \quad 48 \quad 49 \quad 50 \quad 51 \quad 52 \quad 53 \quad 54$$
$$4(س - ص) - 4(3س + 5) - 6(21 - 8س)$$

$$55 \quad 56 \quad 57 \quad 58 \quad 59 \quad 60 \quad 61 \quad 62 \quad 63 \quad 64$$
$$5(س - ص) - 6(2ب + 5ج) - 7(ن - 2ب) - 10(ب + 3ج)$$

**جبر**: اكتب جملة لفظية من واقع الحياة لكل عبارة جبرية مما يأتي:

$$54 \quad 55 \quad 56 \quad 57 \quad 58 \quad 59 \quad 60 \quad 61 \quad 62 \quad 63 \quad 64$$
$$9(س + 7) - 14(6 - 5س) + 15(س + 3)$$

**قياس**: اكتب عبارتين جبريتين متكافتين؛ لتمثيل مساحة كل شكل مما يأتي:



**مدرسة** ٥٨: إذا أمضيت م دقيقة في الدراسة يوم الإثنين، و ١٥ دقيقة يوم الثلاثاء زيادة على يوم الإثنين، و ٣٠ دقيقة يوم الأربعاء أقل من يوم الثلاثاء، ويوم الخميس مثلثي عدد دقائق يوم الإثنين، ويوم الجمعة أقل بـ ٢٠ دقيقة من يوم الخميس، فاكتب عبارة في أبسط صورة لتمثيل عدد الدقائق التي قضيتها في الدراسة في الأيام الخمسة.

**مسألة مفتوحة** ٥٩: اكتب عبارة بثلاثة حدود، أبسط صورة لها هي: ٤ س - ٧، عين المعاملات والثوابت فيها.

مسائل  
مهارات التفكير العليا

**اكتشف المختلف** ٦٠: عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى.  
ووضّح إجابتك.

$$65 \quad 66 \quad 67 \quad 68$$
$$4س - 2 \quad 9 - 4س + 7 \quad 4(س - 2) \quad س - 2 + 3س$$

**تحدد** ٦١: بسط العبارة:  $8س^2 - 2س + 12س - 3$ . وتحقق من صحة إجابتك  
عندما  $س = 2$ .

**اكتبي** ٦٢: هل العبارة الآتية صحيحة:  $2(س - 1) + 3(س - 1) = 5(س - 1)$ ?  
إذا كانت كذلك، فاستعمل خصائص العمليات في توضيح إجابتك، وإذا كانت خطأً، فأعط مثلاً مضاداً.



## تدريب على اختبار

٦٤ أي العبارات الآتية تكافئ  $5 + 5 + 5$ ؟

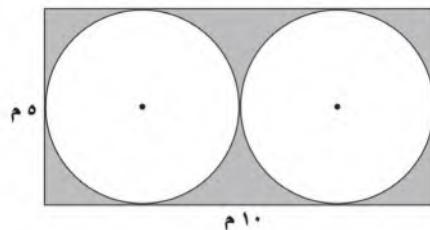
- أ)  $5 \times 3$
- ب)  $5(3 + 1)$
- ج)  $3(5 + 1)$
- د)  $3 + 5 + 5$

٦٣ ما الخاصية المستعملة في العبارة أدناه؟

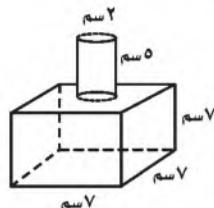
$$4(8 + 4) = 4 \times 8 + 4 \times 4$$

- أ) خاصية التجميع على الجمع.
- ب) خاصية الإبدال على الجمع.
- ج) خاصية التوزيع.
- د) خاصية الانعكاس.

## مراجعة تراكمية

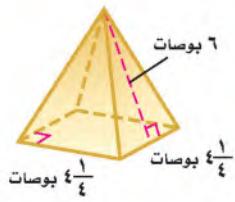


٦٥ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٨ - ١)



٦٦ أوجد المساحة الجانبية والكلية للمجسم المجاور مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٨ - ٦)

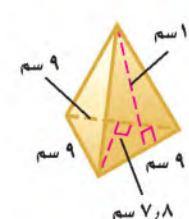
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة، إذا لزم الأمر. (الدرس ٨ - ٧)



٦٩



٧٠



٧١

## الالستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$9 - 5 = 4 \quad ٧١$$

$$2 = 8 + 6 \quad ٧٢$$

$$15 - \frac{1}{3} = 14 \quad ٧٣$$

$$32 = 4 - 3 \quad ٧٤$$





## حل معادلات ذات خطوتين

٢ - ٩

### الستعدين



**حلوى:** اشتري زيد ٣ أكياس من الحلوي، وكيساً واحداً من البسكويت، ودفع ٧ ريالاتٍ ثمناً لها جميعاً.

١ وَضَّحَ كَيْفَ يُمْكِنُكَ استعمال استراتيجية الحل عَكْسِيًّا لإِيَجادِ ثَمَنِ كُلِّ كَيْسٍ مِّنْ أَكِيَاسِ الْحَلْوَى الَّتِي أَشْتَرَهَا زَيْد.

٢ أَوْجَدَ ثَمَنِ كُلِّ كَيْسٍ مِّنْ الْحَلْوَى.

### فكرة الدرس:

أحل معادلات ذات خطوتين.

### المفردات

معادلة ذات خطوتين

يمكن حل هذه المسألة أيضاً من خلال حل معادلة ذات خطوتين هي:  $3s + 1 = 7$ ، حيث يمثل المتغير  $s$  ثمن الكيس الواحد من أكياس الحلوي.

تحتوي المعادلة ذات الخطوتين على عمليتين، ففي المعادلة  $3s + 1 = 7$ ، ضربت  $s$  في (٣) ثم أضيف (١) إلى الناتج. ولحل هذه المعادلات حل كل عملية بالترتيب المعاكس.

### مثالان

#### حل معادلات ذات خطوتين

١ حل المعادلة:  $3s + 1 = 7$

##### استعمال الرموز

##### الطريقة ٢

استعمل خاصية الطرح:

$$\begin{array}{rcl} \text{اكتب المعادلة} & 7 = 1 + 3s \\ \text{اطرح 1 من كل طرف} & 1 - 1 = 1 - 1 \\ & 6 = 3s \end{array}$$

استعمل خاصية القسمة:

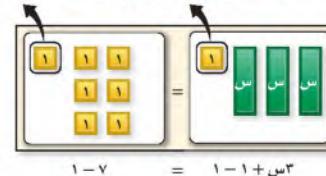
$$\begin{array}{rcl} 3s = 6 \\ \hline s = 2 \end{array}$$

اقسم كل طرف على ٣

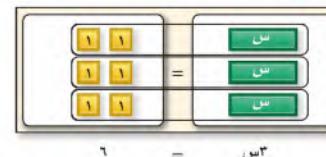
بسط

##### استعمال التمادج

احذف بطاقة واحدة من كل لوحة.



ثم وَرَّعَ الْبَطَاقَاتِ الْمُتَبَقِّيَّةِ فِي ثَلَاثِ مَجْمُوعَاتٍ مُّتَسَاوِيَّةٍ.



هَنَالِكَ بَطَاقَاتٌ فِي كُلِّ مَجْمُوعَةٍ؛ لِذَلِكَ  $s = 2$

وباستعمال أيٍّ مِّنَ الطَّرِيقَتَيْنِ يَكُونُ النَّاتِجُ ٢



١ حل المعادلة:  $25 = \frac{1}{4}n - 3$

الطريقة ٢ الأسلوب الأفقي

$$\begin{aligned} 25 &= \frac{1}{4}n - 3 \\ 3 + 25 &= \frac{1}{4}n - 3 + 3 \\ 28 &= \frac{1}{4}n \\ 28 \times 4 &= \frac{1}{4}n \times 4 \\ 112 &= n \end{aligned}$$

الطريقة ١ الأسلوب الرأسي

$$\begin{aligned} \text{اكتب المعادلة.} \\ 3 - \frac{1}{4}n = 25 \\ \text{أضف 3 إلى كل طرف.} \\ 3 + 3 - \frac{1}{4}n = 25 + 3 \\ \text{بسط.} \\ 28 = \frac{1}{4}n \\ \text{اضرب كل طرف في 4.} \\ 28 \times 4 = \frac{1}{4}n \times 4 \\ 112 = n \end{aligned}$$

فيكون الحل هو 112

✓ آخر طريقتك

٢ حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

أ)  $9 + \frac{1}{2}s = 10$       ب)  $20 = 2 + n - 1$       ج)  $s - 5 = 20 + n$

قد تشتمل بعض المعادلات ذات الخطوتين على حد معامله سالب.

معادلات بمعاملات سالبة

مثال

٣ حل المعادلة:  $6 - 3s = 21$

اكتب المعادلة

$$6 - 3s$$

أعد كتابة الطرف الأيمن كعملية جمع

$$6 + (-3s)$$

اطرح 6 من كل طرف

$$6 - 21 = 6 - (-3s)$$

بسط

$$10 = -3s$$

اقسم كل طرف على -3

$$\frac{10}{-3} = \frac{-3s}{-3}$$

$$s = -\frac{10}{3}$$

اكتب المعادلة

$$6 - 3s = 21$$

عرض عن س بـ (5 -)

$$6 - 3(5 -) = 21$$

اضرب، ثم حول عملية الطرح لجمع النظير

$$6 - 15 + 6 = 21$$

العبارة صحيحة

$$\checkmark 21 = 21$$

إرشادات للدراسة

خطأ شائع

من الأخطاء الشائعة قسمة طرفي المعادلة على 3 بدلا من -3. تذكر أنك تقسم على معامل المتغير، وهو في هذه المعادلة عدد سالب.

✓ تحقق من فهمك:

٤ حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

د)  $10 - \frac{2}{3}b = 52$       هـ)  $19 - 3s = 2 + s$       و)  $\frac{n}{3} - 2 = 18$

من الضروري تجميع الحدود المتشابهة قبل حل المعادلة.

### تجميع الحدود المتشابهة أولاً

### مثال

٤ حل المعادلة:  $-2x + 5 = 11$ , ثم تحقق من صحة الحل.

اكتب المعادلة  $-2x + 5 = 11$

خاصية العنصر المحايد ( $x = x$ )  $11 = 11$

جمع الحدود المتشابهة:  $-2x + 1 = -x$

أضف ٥ إلى كل طرف  $5 + 11 = 5 - x$

بسط  $-x = 16$

$-x = 1$ , اقسم كل طرف على -١  $\frac{-x}{-1} = \frac{16}{-1}$

بسط  $x = -16$

فيكون الحل هو -١٦.

تحقق:  $-2x + 5 = 11$

اعرض عن س بـ (١٦ -)

اضرب  $11 = 5 - (16 - 32)$

العبارة صحيحة  $\checkmark 11 = 11$

### تحقق من فهمك:

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

١)  $4s + 4 = 45$  ٢)  $10 - 3 = 13 - s$  ٣)  $s - 6 = 5 + \frac{5}{2}$  و

### تأكد

#### الأمثلة ٣ - ١

حل كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

١)  $3 + \frac{s}{4} = 10$  ٢)  $11 - 9 = 2 - m$  ٣)  $6s + 5 = 29$

٤)  $3 = 4 - \frac{3}{2}s$  ٥)  $37 - 3 = 5s - 7$  ٦)  $\frac{2}{3}s - 5 = 7$

٧) **الكترونيات:** اشتري خالد جهازاً إلكترونياً بمبلغ ٨١٦ ريالاً، بحيث يدفع ٥ ريالاً شهرياً، إذا كان متبقىاً عليه ٣٥٧ ريالاً، حل المعادلة  $357 = 816 - 5s$ ، لإيجاد عدد الدفعات الشهرية التي دفعها خالد.

#### المثال ٣

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

٨)  $16 - 10k = 1$  ٩)  $11 = 5 + 4 - 4s$

#### المثال ٤



## تدريب وحل المسائل

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$5 - 6b = 17 - 17 \quad (13)$$

$$17 + 2b = 11 \quad (12)$$

$$21 = 9 + 52 \quad (11)$$

$$3 - \frac{5s}{8} = 5 \quad (16)$$

$$4 + \frac{m}{3} = 13 \quad (15)$$

$$19 - 2 = 3 \quad (14)$$

$$28 = 15 - \frac{9s}{8} \quad (19)$$

$$11 - 7 = \frac{1}{2}s - 3 \quad (18)$$

$$35 = 8s - 3 \quad (17)$$

**هدايا:** أهدى لعمr بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلماً بـ ١٠ ريالات، وعددًا من الكتب، بسعر ٨ ريالات للكتاب الواحد. حل المعادلة  $8k + 10 + 50 = 10 + 8k$  لإيجاد عدد الكتب التي يستطيع شراءها.

إرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
٢٠١	٢٠، ١٦-١١
٣	١٩-١٧
٤	٢٣-٢١

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$13 - 19 = 21 - 15 \quad (23)$$

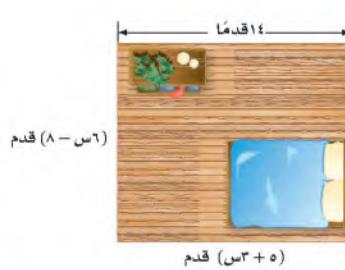
$$9 - 3s + 8s = 28 - 7m \quad (22)$$

$$21 = 28 - 7m \quad (21)$$

$$12 = \frac{1}{5}a \quad (26)$$

$$54 = 6(2w - 2) \quad (25)$$

$$20 = 4(s + 2) \quad (24)$$



**تزين المنزل:** ي يريد عماد شراء سجادة جديدة

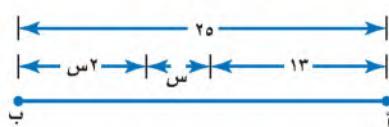
للغرفة المجاورة. احسب مساحة السجادة.

**حيوانات:** حل المعادلة:  $4s + 12 = 171$  ،

لإيجاد قيمة  $s$  التي تمثل عدد الحيوانات في حديقة الحيوان، وهل هذا ممكن؟ ووضح إجابتك.

**هندسة:** اكتب معادلة لتمثيل طول  $AB$

في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة  $s$ .



**اكتشف الخطأ:** حل كل من مهند وإياد المعادلة  $6s + 3 = 18$  على النحو الآتي، فأيهما على صواب؟ ووضح إجابتك.



$$\begin{aligned} 18 &= 3 + 6s \\ \frac{18}{6} &= 3 + \frac{6s}{6} \\ 3 &= 3 + 6s \\ 3 - 3 &= 3 - 3 + 6s \\ 0 &= 6s \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 18 &= 3 + 6s \\ 3 - 18 &= 3 - 3 + 6s \\ 15 &= 6s \\ \frac{15}{6} &= \frac{6s}{6} \\ 2.5 &= s \end{aligned}$$



**مسائل**  
**مهارات التفكير العليا**

**تحدد:** حل المعادلة:  $(s + 5)^2 = 49$ . (إرشاد: للالمعادلة حلان).



**اكتتب** ووضح كيف يمكنك استعمال استراتيجية «الحل عكسيًا» في حل معادلة ذات خطوتين.

## تدريب على اختبار



٣٤ ما قيمة  $m$  في المعادلة  $6 - 4 + m = 32$ ؟

- أ) ٦
- ب)  $\frac{2}{3}$
- ج)  $2\frac{1}{3}$
- د) -٦

٣٥ أي قيمة  $x$  الآتية تجعل المعادلة  $\frac{x}{4} - 7 = 3$  صحيحة؟

- أ) ٣
- ب) ١٦
- ج) ٤٠
- د) ٨٤

## مراجعة تراكمية

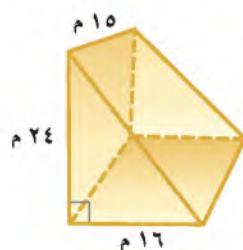
استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ٩ - ١)

$$٣٦ - 3(s + 5)$$

$$٣٧ (٦ + a) - 6$$

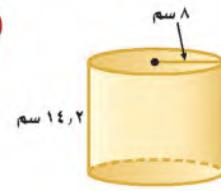
$$٣٨ - 8(y - 7)$$

$$٣٩ (x - 8) - 4$$



٤٠ أوجد حجم المنشور المجاور. (الدرس ٨ - ٤)

٤١ أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٨ - ٦)



## الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

٤٢ أضيف العدد ٥ إلى عدد ما، فكان الناتج ١٧

٤٣ ناتج قسمة عدد على ٢ يساوي -٢





## كتابة معادلات ذات خطوتين

٣ - ٩

### استعد

المبلغ المدفوع	الدفعات
$400 = (0)20 + 400$	٠
$420 = (1)20 + 400$	١
$440 = (2)20 + 400$	٢
$460 = (3)20 + 400$	٣
⋮	⋮

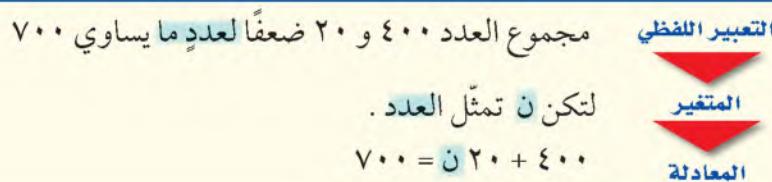
**رياضة:** يرغب حاتم في المشاركة في مركز رياضي مدة أسبوعين، وبتكلفة قدرها ٧٠٠ ريال، على أن يدفع ٤٠٠ ريال مقدماً والباقي على دفعات يومية بمقادير ٢٠ ريالاً.

١ إذا كانت  $n$  تمثل عدد الدفعات، فاكتب عبارة تمثل تكلفة الاشتراك في المركز الرياضي.

٢ اكتب معادلة لإيجاد عدد الدفعات المطلوبة للمشاركة في المركز، ثم حلها.

٣ ما نوع المعادلة التي كتبتها في (٢)؟ ووضح إجابتك.

تعلمت سابقاً كيف تكتب مسألة على صورة معادلة في خطوة واحدة. بعض المسائل تتحول إلى معادلة ذات خطوتين.



### أمثلة تحويل جمل إلى معادلات

حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

المعادلة	الجملة
$23 - 8 = 3n$	أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي ٢٣.
$13 = 2n + 7$	يزيد العدد ثلاثة عشر على مثلي عدد ما بمقدار ٧
$5 = \frac{n}{4} - 1$	ناتج قسمة عدد على ٤ مطروحاً منه واحد يساوي ٥

### تحقق من فهمك:

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- يزيد العدد خمسة عشر بمقدار ٣ على ستة أمثال عدد.
- أضيف العدد ١٠ إلى ناتج قسمة عدد على ٦، فكان الناتج ٥
- الفرق بين ١٢ ومثلي عدد ما يساوي ١٨

### فكرة الدرس:

أكتب معادلات ذات خطوتين لحل مسائل تمثل مواقف حياتية.

## مثالان من واقع الحياة

**أثقال**: اشتري مدرب منصة أثقال بمبلغ ١٧٥٠ ريالاً، وعددًا من الأثقال بقيمة ٥ ريالاً لكل منها. فإذا كانت التكلفة الكلية ٢٩٠٠ ريال، فما عدد الأثقال التي اشتراها؟

ثمن المنصة زائد ٥٠ ريالاً لكل ثقل يساوي ٢٩٠٠ ريال.

لتكن  $s$  تمثل عدد الأثقال.

$$2900 = 1750 + 50s$$

التعبير اللفظي

المتغير

المعادلة



الربط بالحياة: كيف يستعمل مدرب اللياقة الرياضيات؟

يسعد مدرب اللياقة الرياضيات لمساعدته على إعداد جداول التدريب.

$$\begin{aligned} &\text{اكتب المعادلة} & 2900 + 50s &= 1750 \\ &\text{اطرح } 1750 \text{ من كل طرف} & 1750 - 1750 &= 2900 - 50s \\ &\text{بسط} & 0 &= 2900 - 50s \\ &\text{اقسم كل طرف على } 50 & \frac{0}{50} &= \frac{2900 - 50s}{50} \\ & & 0 &= 58 - s \\ & & s &= 58 \end{aligned}$$

إذن تم شراء ٥٨ ثقالاً.

**غداء**: تناولت وزميلك طعاماً بمبلغ ٩٠ ريالاً، وكانت تكلفة وجبتك تزيد بمقدار ١٠ ريالات على وجبة زميلك، فما تكلفة وجبة زميلك؟

تكلفة وجبة زميلك زائد وجبتك تساوي ٩٠ ريالاً.

لتكن  $s$  تمثل تكلفة وجبة زميلك.

$$90 = s + 10 + s$$

التعبير اللفظي

المتغير

المعادلة

## ارشادات للدراسة

مراجعة  
يمكنك مراجعة كتابة  
المعادلات التي درستها  
سابقاً.

$$\begin{aligned} &\text{اكتب المعادلة} & 90 &= s + s + 10 \\ &\text{اجمع الحدود المتشابهة} & 90 &= 2s + 10 \\ &\text{اطرح } 10 \text{ من كل طرف} & 90 - 10 &= 2s + 10 - 10 \\ &\text{بسط} & 80 &= 2s \\ &\text{اقسم كل طرف على } 2 & \frac{80}{2} &= s \\ & & 40 &= s \end{aligned}$$

تكلفة وجبة زميلك تساوي ٤٠ ريالاً.

## تحقق من فهمك

د) **أرصاد جوية**: افترض أن درجة الحرارة الحالية  $35^{\circ}\text{C}$ ، ويُتوقع أن ترتفع بمقدار درجتين في كل ساعة من الساعات القادمة، فبعد كم ساعة تصبح درجة الحرارة  $43^{\circ}\text{C}$ ؟

هـ) **قياس**: محيط مستطيل  $40$  سنتيمتراً، ويقل عرضه عن طوله بمقدار  $8$  سنتيمترات. اكتب معادلة لإيجاد بُعدِي المستطيل، ثم حلّها.



## تأكد

### الأمثلة ٣-١

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- ١ أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧
- ٢ أصغر من مثلي عدد بمقدار سبعة يساوي -١
- ٣ ناتج قسمة عدد على خمسة، مطروحاً منه عشرة يساوي ٣

للسؤالين ٤، ٥، اكتب معادلة وحلّها.

**رسوم:** يتطلب تجديد رخصة القيادة دفع رسم مقداره ٤٠٠ ريال، بالإضافة إلى رسم مخالففة عن كل سنة تأخير. فإذا كان مجموع ما دفعه صالح ٦٠٠ ريال بعد تأخير مدة ستة شهور، فما قيمة رسم المخالففة السنوية؟

### المثال ٤

**تسوق:** اشتري علاء حقيقة وآلة حاسبة بـ ١٢١ ريالاً. فإذا كان المبلغ الذي دفعه ثمناً للحقيقة يزيد بمقدار ٤٥ ريالاً على ثمن الحاسبة، فما ثمن الحاسبة؟

### المثال ٥

## تدريب وحل المسائل

### الإرشادات للأسئلة

الإرشادات للأسئلة	للأسئلة	انظر الأمثلة
	٣-١	٩-٦
	٤	١١-١٠
	٥	١٢

حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

- ٦ أصغر من خمسة أمثال عدد ما بمقدار أربعة يساوي ١١
- ٧ أكبر من مثلي عدد بمقدار خمسة عشر يساوي ٩
- ٨ يزيد على أربعة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي ١٢
- ٩ ناتج طرح ستة من سبعة أمثال عدد يساوي -٢٠

للأسئلة ١٠ - ١٣، اكتب معادلة لكل مسألة وحلّها.

**كتب:** اشتريت مجلة وثلاثة كتب متساوية الثمن، ودفعت ١٥٧ ريالاً ثمناً لها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدها ٧ ريالات، فما ثمن الكتاب الواحد؟

**مكالمات هاتفية:** بلغت فاتورة الهاتف النقال لسعد بحسب الإعلان الموضح جانباً خلال شهر واحد ١٣٩,٨ ريالاً. أوجد عدد الدقائق التي استغرقها سعد في المكالمات.

**الкуبة المشرفة:** طول محيط باب الكعبة ٩,٨ م، ويزيد طوله عن عرضه ١,٥ م، اكتب معادلة لإيجاد بُعد باب الكعبة، ثم حلّها.

**هندسة:** أوجد قيمة س في متوازي الأضلاع المرسوم إلى اليسار.



### الربط بالحياة.....

يقع باب الكعبة المشرفة في الجهة الشرقية منها بعمق نصف متر تقريباً داخل الجدار. وباب الكعبة الحالي أمر بصنعه وزخرفته الملك خالد رحمة الله بأحدث الطرق الفنية.

**حيوانات:** استعمل المعلومات عن يمين الصفحة لحل الأسئلة ١٤ - ١٦ :

١٤ تقل السرعة القصوى للصقر عن ثلاثة أمثال سرعة الفهد القصوى بمقدار ٢٠ ميلًا في الساعة. فما سرعة الفهد؟

١٥ تستطيع سمكة الزعنفة الشراعية السباحة بسرعة تقل عن **خمس** سرعة الصقر بمقدار ميل واحد في الساعة. أوجد سرعة السمكة.

١٦ يمكن أن تصل سرعة الصقر إلى ما يزيد على سبعة أمثال أسرع إنسان بمقدار ١٤ ميلًا، فكم تبلغ سرعة أسرع إنسان تقريبًا؟

**جبر:** إذا كانت:  $n + 2n + 4$  تمثل ثلاثة أعداد زوجية متتالية، وكان مجموعها ٣٦، فما هذه الأعداد؟

**ادخار:** للسؤالين ١٨، ١٩ استعمل المعلومات الآتية: يريد كل من ماهر وسيف ادخار مبلغ ٦٠٠٠ ريال للرحلة الصيفية، فإذا كان لدى ماهر مبلغ ١٥٠٠ ريال، ويستطيع أن يوفر ٧٥ ريالًا في اليوم لقاء عمله، بينما لم يكن لدى سيف شيء، لكنه يستطيع أن يوفر ١٢٠ ريالًا في اليوم لقاء عمله.

١٨ **خمن:** أيهما سيحتاج إلى وقت أطول لتوفير المبلغ المطلوب للرحلة؟  
١٩ اكتب معادلين للتحقق من تخمينك، وحلّهما.

للسؤالين ٢٠، ٢١ اكتب مسألة يمكن حلها باستعمال المعادلة.

$$25 = 2s - 6 \quad 21$$

$$70 = 2s + 4 \quad 20$$

**مسألة مفتوحة:** العدد الذي يجعل الجملة: «يقل العدد ١٢ عن أربعة أمثال عدد بمقدار ٨» جملة صحيحة هو ٥، اكتب جملة أخرى يكون العدد المجهول فيها هو ٥



الربط بالحياة . . . . .



يمكن أن تصل سرعة الصقر الجوال (الشاحين) إلى ١٧٥ ميلًا في الساعة.

٢٣ **تحدد:** إذا كان مجموع أعمار ثلاثة أشقاء ٢٧ سنة، وكان عمر أكبرهم مثلّى عمر الأصغر، وعمر الأوسط يزيد على عمر الأصغر بمقدار ٣ سنوات. فاكتب معادلة لإيجاد أعمار هؤلاء الأشقاء، ثم حلّها.

٢٤ **اختر طريقة:** يبيع سعد كل ٣ علب عصير بمبلغ ٦,٥ ريالات، فإذا كان ربحه فيها هو ٥,٠ ريال، فأيُّ الطرق الآتية يمكنك استعمالها لإيجاد ثمن شراء سعد للعلبة الواحدة؟ فسر اختيارك، ثم أوجد ثمن شراء كل علبة.

**مسائل مهارات التفكير العليا**

الورقة والقلم

التقدير

الحساب الذهني

٢٥ **التعيّن:** مسألة لفظية من الواقع تتطلب كتابة معادلة ذات خطوتين لحلّها، ثم اكتب هذه المعادلة وحلّها.



## تدريب على اختبار



١٧ توفر سمر نقوداً لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستتوفر ٨ ريالات أسبوعياً، والمعادلة  $س + 13 = 45$  تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

- أ) ٤
- ب) ٦
- ج) ٧
- د) ٨

١٨ لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتحت خط إدارة الشركة لزيادة عددهم بمقابل ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصبح عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت ش تمثل عدد الأشهر اللازمة، فأي المعادلات الآتية تمثل الموقف؟

- أ)  $6 ش + 72 ش = 144$
- ب)  $144 = 72 + 2 ش$
- ج)  $2(6 ش + 72) = 144$
- د)  $6 ش = 72 + 144$

## مراجعة تراكمية

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة الحل: (الدرس ٩ - ٢)

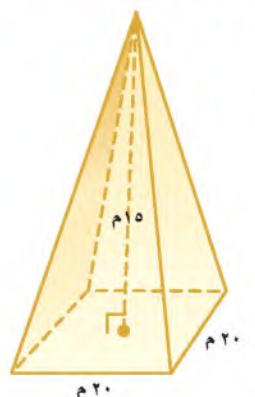
$$9 + 4 - 15 = 1 - ر \quad ٣١$$

$$١ + \frac{ن}{٨} = ٦ - ٣٠$$

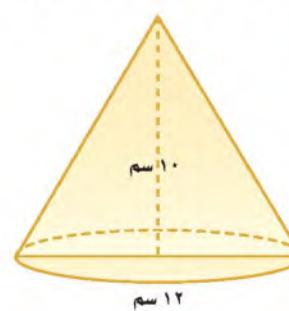
$$٢٧ = ١٣ + ٧ - ب \quad ٣٩$$

$$٥ س + ٢ = ١٧ \quad ٣٨$$

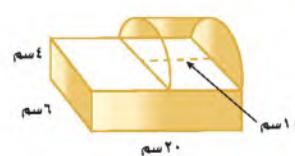
أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرراً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك: (الدرس ٨ - ٥)



٣٣



٣٤



أوجد حجم المجسم المجاور. (الدرس ٨ - ٤) ٣٤

## الالىتعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: بسط كل عبارة مما يأتي:

$$٦ + ١٥ - ٦ - ١٥ \quad ٣٨$$

$$٣ + ٣ - ٨ - ر \quad ٣٩$$

$$٥ + ٧ + ن - ٥ - ن \quad ٣٣$$

$$٢ س - ٨ س + ٢ س \quad ٣٥$$





## معلم الجبر

## معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

استكشاف

٤ - ٩

يمكنك استعمال بطاقات الجبر لحل المعادلات التي تشتمل على متغيرات في طرفيها.

## نشاط

١ استعمال بطاقات الجبر لحل:  $3s + 1 = s + 5$ .

مثل المعادلة.

احذف عدداً متساوياً من بطاقات  $s$  من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات  $s$  في أحد الطرفين فقط.

احذف عدداً متساوياً من بطاقات العدد (١) من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات  $s$  وحدها في أحد الطرفين.

وزّع البطاقات المتبقية في مجموعتين متساويتين.

وبهذا تكون قيمة  $s = 2$ ، وبما أن:  $2^2 = 4$ ، فالحل صحيح.

## تحقق من فهمك

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة مما يأتي:

أ)  $s + 2 = 7$       ب)  $2s + 4 = 7$       ج)  $2s - 5 = s - 7$   
 د)  $2s - 2 = 8 + s$       هـ)  $4s = s - 6$

## حل النتائج

١) بيّن أيّ خصائص التساوي تستعملها للتخلص من العدد نفسه من بطاقات الجبر من كل طرف على لوحة المعادلة.

## فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها باستعمال بطاقات الجبر.



## نشاط

استعمل بطاقات الجبر لحل:  $s - 4 = 2s + 2$

مثل المعادلة.

$$2s + 2 = s - 4$$

احذف عدداً متساوياً من بطاقات  $s$  من كل طرف إلى أن تصبح بطاقة  $s$  واحدة في أحد الطرفين.

$$s - s - 4 = 2s + 2$$

عزل بطاقات  $s$ ، لا يمكن حذف بطاقة العدد (1) من كل طرف؛ لذا أضف بطاقتين من العدد (1) إلى كل طرف.

$$(2-) + 2 + 2 = s + 4$$

احذف الأزواج الصفرية من الطرف الأيسر للالمعادلة، فيبقى 6 أزواج من البطاقة (1-) على الطرف الآخر تقابل بطاقة واحدة  $s$ .

$$s = 6$$

وبهذا  $s = -6$ ، وبما أن:  $-6 = 2 - 4 = 2 - (2 - 6)$  فالحل صحيح.

### تحقق من فهمك:

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة فيما يأتي:

ز)  $s + 6 = 3s - 5$

ح)  $3s + 2 = 2s - 4$

ي)  $2s + 5 = 1s + 7$

ط)  $4s - 2 = 2s + 5$

ل)  $1s + 5 = 4s - 2$

ك)  $2s - 1 = s - 5$

## حل النتائج

وضّح لماذا يمكنك حذف بطاقة  $s$  واحدة من كل طرف في لوحة المعادلة.

حل المعادلة  $s + 4 = 3s - 4$  بحذف بطاقات العدد (1) أولاً، ثم حذف بطاقات  $s$  أولاً. هل يؤثر حذف البطاقات التي تحمل العدد (1) أو بطاقات  $s$  أولاً؟ هل إحدى الطريقتين أكثر ملاءمة للحل؟ وضّح ذلك.

خمن: في مجموعة بطاقات الجبر، تمثل  $-s$  بالبطاقة  $s$ ، وضّح كيف يمكنك



استعمال بطاقة  $(-s)$  وبطاقات الجبر الأخرى لحل المعادلة:

$$-3s + 4 = 2s - 1$$



## حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

٤ - ٩

### اللقاء

#### فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها.

مبيعات هاني	مبيعات حمزة	الزمن (يوم)
$٠ = (٠)٥$	$٨ = (٠)٤ + ٨$	$٠$
$٥ = (١)٥$	$١٢ = (١)٤ + ٨$	$١$
$١٠ = (٢)٥$	$١٦ = (٢)٤ + ٨$	$٢$
$١٥ = (٣)٥$	$٢٠ = (٣)٤ + ٨$	$٣$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$

**مبيعات:** يبيع كل من حمزة وهاني ربطات لتغليف الهدايا. فإذا باع حمزة  $٨$  رزم من الربطات قبل أن يبدأ هاني باليوم، ثم كان معدل ما باعه هاني  $٥$  رزم في اليوم الواحد، ومعدل ما باعه حمزة  $٤$  رزم في اليوم، فأجب عما يأتي:

- ١ انسخ الجدول أعلاه، ثم أكمل تعبئة الصفوف لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وحمزة.
- ٢ اكتب عبارة تمثل مبيعات حمزة بعد س يوماً.
- ٣ اكتب عبارة تمثل مبيعات هاني بعد س يوماً.
- ٤ أي يوم تتجاوز فيه مبيعات هاني مبيعات حمزة؟
- ٥ اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وحمزة.

تشتمل بعض المعادلات، مثل:  $٨ + ٤ س = ٥$  س على متغيرات في طرفي المعادلة. ولحل مثل هذه المعادلة، استعمل خاصية الجمع أو الطرح على المساواة لكتابة معادلة مكافئة بمتغيرات في طرف واحد، ثم حلّها.

### مما لان

#### معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

حل المعادلة  $٨ + ٤ س = ٥$  س، ثم تحقق من صحة الحل.

اكتب المعادلة

اطرح  $٤$  س من كل طرف

بسط بجمع الحدود

اطرح  $٤$  س من الطرف الأيسر لموازنة المعادلة.

$$٤ س + ٨ = ٥ س$$

$$٤ س - ٤ س = ٥ س - ٤ س$$

$$س = ٨$$

اطرح  $٤$  س من الطرف الأيمن لعزل المتغير.

الحل هو  $٨$

وللحاق من صحة الحل، عوّض عن س بـ  $٨$  في المعادلة الأصلية.

اكتب المعادلة الأصلية

عوّض عن س بـ  $٨$

الجملة صحيحة

$$\text{تحقق: } ٨ + ٤ س = ٥ س$$

$$(٨) + ٤ (٨) = ٥ (٨)$$

$$٤٠ = ٤٠$$



٧ حل المعادلة:  $6 - 1 = 4 - 5$

اكتب المعادلة الأصلية

اطرح ٤٥ من كل طرف

بسط

أضف ١ إلى كل طرف

بسط

اقسم كل طرف ذهنياً على ٢

$$6 - 1 = 4 - 5$$

$$6 - 1 = 4 - 5$$

$$5 - 1 = 2$$

$$1 + 5 - 1 = 2$$

$$2 = 2$$

$$n = 2$$

المثالان ٢٠، ١

$$\begin{array}{l}
 \text{١٠ س = ٣ س - ٢٨} \quad \text{٥} \\
 \text{٥ ن + ٩ = ٢ ن} \quad \text{٣} \\
 \text{٦ - ٤ ب - ٣ ب = ٢ ب + ٩} \quad \text{٤} \\
 \text{٧ ي - ٦ ي = ٨ ي + ١} \quad \text{٢}
 \end{array}$$

المثال ٢

**تأجير سيارات:** يتناصى مكتب لتأجير السيارات ٩٥ ريالاً كأجرة يومية على السيارة، بالإضافة إلى ٢٥ ريال عن كل كيلومتر زائد عن الحد اليومي. ويتناصى مكتب آخر ٨٠ ريالاً في اليوم، بالإضافة إلى ٤٠ ريال عن كل كيلومتر زائد. أوجد عدد الكيلومترات الزائدة المقطوعة في يوم واحد والتي تكون تكلفتها في المكتبين متساوية.

### تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة	
الأسئلة	النطاق الأمثل
١	١٠-٨
٢	١٦-١١
٣	١٩-١٧

١ حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\begin{array}{l}
 \text{١١ س = ٢٤ + ٨ س} \quad \text{٩} \\
 \text{١٢ = ١٠ + ٧ س} \quad \text{٨} \\
 \text{١٣ - ١٥ ب = ١٧ + ٦ ي} \quad \text{١٢} \\
 \text{١٤ = ١٣ + ٦ ب - ٣ س} \quad \text{١٥} \\
 \text{١٥ = ١١ - ٦ ب - ٣ س} \quad \text{١٦}
 \end{array}$$

٢ حدد المتغير لكل مسألة مما يأتي، ثم اكتب المعادلة، وحلّها:

١ أقل من ثلاثة أمثال عدد ما بمقدار ثمانية عشر يساوي مثلثي العدد.

٢ أكبر من أربعة أمثال عدد بمقدار أحد عشر يساوي هذا العدد مطروحاً منه سبعة.

**٣ ترفيه:** ثمن التذكرة العادي للدخول إلى مدينة ألعاب ٦ ريالات، وثمن التذكرة الذهبية ٣ ريالات لمن دفع ٣٠ ريالاً رسم اشتراك. فكم تذكرة ذهبية يجب شراؤها بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن التذاكر العادي المساوية لها في العدد؟

**٤ قياس:** اكتب معادلة وحلّها لإيجاد محيط المربع المجاور ومساحته.

$$\begin{array}{l}
 \text{١) } (س + ٨) \text{ وحدة} \\
 \text{٢) } (س - ٢) \text{ وحدة}
 \end{array}$$

مسائل

مهارات التفكير العليا

**٥ تحدي:** يدفع محل بيع الدرة مبلغ ٥٠٠ ريال بالإضافة إلى ٥٪ من قيمة المبيعات إيجاراً شهرياً للمكان. إذا كان المحل يبيع كوب الدرة الذي يكلّفه ٢,٧٥ ريالاً بـ ٥ ريالات، فاكتب معادلة وحلّها لإيجاد عدد الأكواب التي يلزمها بيعها ليوفر قيمة الإيجار.

**٦ تحدي:** أوجد مساحة المستطيل المجاور.

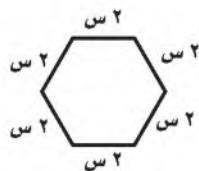
$$\begin{array}{l}
 \text{١) } (س + ١٧) \text{ وحدة} \\
 \text{٢) } (س + ٦) \text{ وحدة}
 \end{array}$$

**٧ أكتب** ووضح كيف تحل المعادلة:

$$٢ - ٤ س = ٦ س - ٨$$



٢٥ ما قيمة  $s$  التي تجعل محيطي المضلعين أدناه متساوين؟



- (أ) ١
- (ب) ٢
- (ج) ٣
- (د) ٤

٢٤ إذا كان عدد لاعبي فريق كرة القدم في نادٍ رياضي هو ٤٥ لاعباً، ويزيد بمعدل ٣ لاعبين سنويًا، وعدد لاعبي فريق ألعاب القوى في النادي نفسه ٢١ لاعباً، ويزيد بمقدار ٦ لاعبين سنويًا. أي المعادلات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد بعد كم سنة يتساوى عدد لاعبي الفريقين؟

- (أ)  $45s + 21 = 3s + 6$
- (ب)  $45s + 6s = 21 + 3s$
- (ج)  $3s + 45 = 6s + 21$
- (د)  $(3 + 45)s = (6 + 21)s$

## مراجعة تراكمية

٢٦ **قرطاسية:** زارت مها المكتبة واشترت كتاباً و٤ دفاتر من النوع نفسه، فكان ثمن مشترياتها ٤٩,٩٥ ريالاً، إذا كان ثمن الكتاب ١٨,٩٥ ريالاً، فما ثمن الدفتر الواحد؟ (الدرس ٩-٣)

بسط كل عبارة مما يأتي: (الدرس ٩-١)

٣٠  $9 - 3 - 4s + 9s$

٣١  $9 - 17 - 17$

٣٢  $3n + 3 - 8$

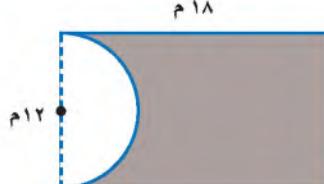
٣٣  $5s - 6 - s$

٣٤ حل كل معاًلة فيما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل: (الدرس ٩-٢)

٣٥  $19 = 5 + 9$

٣٦  $17 - 8 = 2 - 4$

٣٧ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٨-١)



## الالستعداد للدرس اللاحق

٣٨ **مهارة سابقة:** مع ياسر ١٣٥ ريالاً، يريد صرفها في حضور مباراة كرة قدم، فإذا كان ثمن التذكرة ٢٥

ريالاً، وثمن الوجبة ١٥,٥ ريالاً، وثمن العصير ٤,٤ ريالات، استعمل "استراتيجية الحل عكسياً"؛ لإيجاد عدد الأصدقاء الذين يمكن لياسر دعوتهم لحضور المباراة معه، إذا قام بالدفع عنه وعن أصدقاء المدعوين.





# استراتيجية حل المسألة

٥-٩

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية

"التخمين والتحقق"



## ال تخمين والتحقق



**محمد:** يشارك مجموعة من الأشخاص في دورة تدريبية، ويبلغ رسم الاشتراك في الدورة ٢٠٠ ريال للصغرى و٤٠٠ ريال للكبار، وبلغ ما تم جمعه من المشاركين ٦٦٠٠ ريال، وكان عددهم ٣٠ شخصاً.

**مهمتك :** **خمن وتحقق** لإيجاد عدد كل من الصغار والكبار المشاركين في الدورة.

**فهم**

يدفع الصغير ٢٠٠ ريال، ويدفع الكبير ٤٠٠ ريال.  
والعدد الكلي ٣٠ شخصاً.

**خط**

خمن، ثم تتحقق من صحة تخمينك.

**حل**

ابحث عن الحالة التي يكون فيها المجموع ٦٦٠٠ ريال. يشير ص في القائمة إلى عدد الصغار، ون إلى عدد الكبار.

التحقق	ص	٢٠٠	ن	٤٠٠
مرتفع	٤	$٤(٤٠٠ + ٢٦) = ٦٨٠٠$	٢٦	
منخفض	١	$١(٤٠٠ + ٢٩) = ٦٢٠٠$	٢٩	
منخفض	٢	$٢(٤٠٠ + ٢٨) = ٦٤٠٠$	٢٨	
صحيح	٣	$٣(٤٠٠ + ٢٧) = ٦٦٠٠$	٢٧	

إذن، هنالك ٢٧ صغاراً و ٣ كبار يشاركون في الدورة.

**تحقق**

مجموع ٢٧ و ٣ يساوي ٣٠، وبما أن:  $٦٦٠٠ = (٣)(٤٠٠ + ٢٧)$ ، فال تخمين صحيح.

## حل الاستراتيجية

في المسألة أعلاه، المبلغ المجموع من ٢٣ صغاراً و ٥ كبار يساوي أيضاً ٦٦٠٠ ريالاً. ووضح لماذا لا يكون هذا هو الجواب الصحيح؟

**الكتاب** مسألة يمكنك حلها بال تخمين والتحقق، ثم اكتب الخطوات المطلوبة لإيجاد الحل.





٩ **أقراص مرنة** : يريد سعد

وضع ٢٠ فرضاً مرنة في صندوق واحد. اكتب احتمالين لأبعاد الصندوق الذي يتسع لهذه الأقراص بلا فراغات.

١٠ **مجموع أعمار** : مجموع أعمار ثلاثة أشخاص ١٠٨ سنوات، إذا كان عمر أكبرهم يزيد ٨ سنوات على عمر الأصغر، فما أعمار هؤلاء الأشخاص؟

**تحليل جداول** : استعمل المعلومات الآتية لحل المسألتين ١١، ١٢:

شارك ١١٥ طالباً في إحدى المدارس في دورات تدريبية مهنية؛ حيث شارك ٧٠ طالباً في دورة تمريض، و٣٧ طالباً في دورة مهارات التفكير، و٦٣ طالباً في دورة الإلكترونيات، وشارك بعضهم في أكثر من دورة كما في الجدول الآتي:

عدد الطالب	الدورة
١٥	جميع الدورات
٢٠	التمريض والتفكير
٣٠	الإلكترونيات والتمريض
١٢	التفكير فقط

١١ **ما عدد الطلاب الذين شاركوا في دورة الإلكترونيات فقط؟**

١٢ **ما عدد الطلاب الذين لم يشاركوا في دورة التمريض؟**

١٣ **الحس العددي** : أوجد ناتج ضرب ما يأتي:

$$1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots, 1 - \frac{1}{4}, \frac{1}{2} - 1, \frac{1}{3} - 1, \dots$$

$$1 - \frac{1}{48}, \frac{1}{49} - 1, \dots, \frac{1}{50}$$

استعمل استراتيجية "التخمين والتحقق" لحل المسائل ٥-٣:

١٣ **نظريّة الأعداد** : ناتج مربع عدد يساوي ٥٧٦، فما العدد؟

١٤ **عملة** : مع حمد مبلغ ٢٢,٥ ريالاً مكوناً من الفئات الآتية:  $\frac{1}{2}$  ريال، ريال، ١٠ ريالات. فإذا كان عدد العملات التي معه ١٦ عملة، فما عدد كل فئة منها؟

١٥ **تسوق** : اشتريت منها هدايا لثمان من بنات إخوانها، فإذا اشتريت خواتم بسعر ٦ ريالات للخاتم الواحد، ودمى بسعر ٧ ريالات للدمية الواحدة، وأنفقت ٥٣ ريالاً، فما عدد الهدايا التي اشتريتها من كل نوع؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٦:

- من استراتيجيات حل المسألة
- الرسم
- إنشاء جدول
- التخمين والتحقق

١٦ **قياس** : إذا كان طول المستطيل المرسوم (L) أطول من عرضه (ض)، فاكتتب قائمة الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل بالأعداد الصحيحة، علماً بأن مساحته تساوي ٣٦ وحدة مربعة. وعيّن بعدي المستطيل الذي له أكبر محيط.

ض = ٣٦ وحدة مربعة

L

١٧ **أعداد** : ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

١٨ **صحيفة** : تبيّن القائمة المجاورة عدد أحرف أول ٢٠ كلمة في مقالة مكتوبة في إحدى الصحف اليومية. فأيّ عدد الأحرف أكثر تكراراً؟

الصحيفة اليومية			
الرقم	الكلمة	الحرف	الرقم
٣	٥	٧	٤
٤	٧	٦	٤
٥	٥	٣	٦
٨	٤	٥	٥
٦	٥	٧	٧

## المتباينات

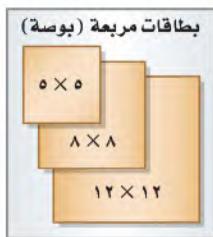
٦ - ٩

رابط الدرس الرقمي



www.len.edu.sa

خدمات البريد	
الكتلة القصوى	السعر
٥	٣٠
٦	٣٥
٧	٤٠
٨	٤٥
٩	٥٠
١٠	٥٥
١١	٦٠
١٢	٦٥
١٣	٧٠
١٤	٧٥
١٥	٨٠
١٦	٨٥
١٧	٩٠
١٨	٩٥
١٩	١٠٠
٢٠	١٠٥



**خدمة البريد:** ترغب هدى في إرسال بطاقات دعوة مربعة الشكل بالبريد، على أن تكون قياسات البطاقة  $5 \times 5$  بوصات بوصات أو أكبر. وستدفع رسوماً كتلة كل بطاقة بحسب البيان الموضح أعلاه.

- ١ حدد قياسات ثلاثة بطاقات يمكن لها استعمالها.
- ٢ كم ستبلغ تكلفة إرسال بطاقة كتلتها  $80$  جراماً؟

تُسمى الجملة الرياضية التي تشتمل على أحد الرموز: أكبر من ( $>$ ), أو أصغر من ( $<$ ). وعند استعمالها للمقارنة بين متغير وعدد، فإنها تصف مدى من القيم.

### مثالان كتابة متباينات باستعمال $<$ أو $>$

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ١ **أمتعة:** يجب أن تقل كتلة حقيقة  $ع$  **عمر:** يجب أن يكون عمرك أكبر من  $12$  سنة حتى تشارك في اللعب.
- ٢ السفر عن  $18$  كيلو جراماً.
- ٣ ليكن  $ع$  = عمر الفرد.
- ٤ و  $18 > 12$

### تحقق من فهمك: اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ١) **قيادة:** يجب أن يكون عمرك أكبر من  $18$  سنة حتى تقود السيارة.
- ٢) **رياضة:** يجب أن يكون عمر اللاعب في فريق الناشئين أصغر من  $17$  سنة.

يستعمل الرمزان  $\leq$  و  $\geq$  ليجمعوا بين الإشارتين  $<$  و  $>$  مع إشارة المساواة  $=$ .

### مثالان كتابة متباينات باستعمال $\leq$ أو $\geq$

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ١ **الطعام:** يجب أن يكون عمرك  $12$  سنة أو أقل لتطلب من قائمة الأطفال.
- ٢ ليكن  $س$  = عمر الفرد.
- ٣  $س \geq 12$

### تحقق من فهمك:

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ١) **الهوية:** يجب أن يكون عمرك  $10$  سنوات أو أكبر حتى يحق لك إصدار الهوية الوطنية.
- ٢) **سيارة:** يتسع خزان الوقود لـ  $60$  لترًا على الأكثـر.

### فكرة الدرس:

أكتب المتباينات وأمثلها.

### المفردات:

المتباينة

المتباينات					
أكبر من أو يساوي	أصغر من أو يساوي	أقل من أو يساوي	أكبر من	أصغر من	التعبير اللفظي
أكبر من أو يساوي	أصغر من أو يساوي	أقل من أو يساوي	أكبر من	أقل من	الرموز
على الأقل	على الأثر	على الأثر	<	>	
$\leq$	$\geq$				

المتباينات التي تشتمل على متغيرات هي جمل مفتوحة، وعند كتابة عدد ما مكان المتغير، فإنها تكون إما صحيحة وإما خاطئة.

### تحقق من صحة متباينة

### مثلاً

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة:

$$3 - 7 \geq 10 \quad 1$$

$$5 < 2 + 8, \quad 2$$

$$10 - 7 \geq 10 \quad \text{اكتب المتباينة}$$

$$8 < 2 + 1 \quad 1$$

$$10 > 7 - (3 - 10) \quad \text{عرض عن س ب } (3 - 10)$$

$$8 > 2 + 5 \quad 5$$

$$10 \geq 10 \quad \text{بسط}$$

$$8 \neq 7 \quad 7$$

$$\text{بما أن } 10 > 10 \text{ خاطئة، } 10 = 10 \quad \text{بما أن } 7 \text{ ليس أكبر من } 8, \text{ فإن } 7 > 8$$

$$\text{صحيحة، فإن } 10 \geq 10 \text{ صحيحة.} \quad \text{بما أن } 7 \text{ ليس من } 8.$$

### إرشادات للدراسة

رموز

تقرأ العبارة  $8 \neq 7$  :

7 ليس أكبر من 8.

### تحقق من فهمك:

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة.

$$h) \quad n - 6 > 15, \quad n = 18 \quad w) \quad b \leq 24, \quad b = 8 \quad z) \quad 2 - > 5, \quad b = 7, \quad s = 1$$

يمكن تمثيل المتباينات على خط الأعداد، ولأنه يصعب إظهار جميع القيم التي تجعل المتباينة صحيحة، يتم وضع دائرة مفتوحة أو مغلقة للدلالة على بداية القيم، ثم سهم إلى اليمين أو اليسار لإظهار الاتجاه.

### تمثيل المتباينات بيانياً

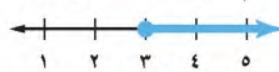
### مثلاً

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$n \leq 3 \quad 8$$

$$3 > n \quad 7$$

ضع دائرة مظللة على العدد 3، ثم ارسم سهماً باتجاه اليمين.



الدائرة المظللة تعني أن العدد 3 ضمن الحل.

ضع دائرة غير مظللة على العدد 3، ثم ارسم سهماً باتجاه اليسار.



الدائرة غير المظللة تعني أن العدد 3 ليس ضمن الحل.

### تحقق من فهمك:

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$h) \quad s < 2 \quad w) \quad s > 1 \quad z) \quad s \geq 5$$



## الأمثلة ٤-١

اكتب متباعدة لكل جملة فيما يأتي:

١ **قيادة السيارات:** يجب أن لا تتجاوز سرعة سيارتك ١٢٠ كلم/ساعة.

٢ **ألعاب:** يعرض محل لعب إلكترونية للذين تزيد أعمارهم على ٦ سنوات.

يبين ما إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة:

$$٣ \quad ١٥ = ن + ١ \quad ٤ \quad ٤٢ \leq ٦٠ \quad ٥ \quad ٢٠ = س > ٩ \quad ٦ \quad ١١ > س - ٥$$

مثّل بيانيًّا كل متباعدة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$٧ \quad ٩ > أ \quad ٨ \quad ب \geq ٢ \quad ٩ \quad س \leq ٤ \quad ٦ \quad ن < ٠$$

المثالان ٦، ٥

المثالان ٨، ٧

## تدريب وحل المسائل

اكتب متباعدة لكل جملة فيما يأتي:

٩ **عطور:** لا تزيد تكلفة بعض أنواع العطور على ٥٠ ريالاً.

١٠ **تسوق:** يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٠٠ ريال لتحصل على خصم.

١١ **تبرع:** يمكنك التبرع بالدم إذا كان خُضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل.

يبين ما إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة:

$$١٢ \quad ٩ = أ > ٢٠ \quad ١٣ \quad ٨ = ك < ٦ \quad ١٤ \quad ٩ = ١٥ - ك \quad ١٥ \quad ص < ٢١ \quad ١٦ \quad س = ٣ - ص$$

$$١٧ \quad س = ٩ < ١٦ \quad ١٨ \quad ٢ - س \geq ٣٢ \quad ١٩ \quad س < ٦ \quad ٢٠ \quad ص > ٨ \quad ٢١ \quad ب \leq ٧ \quad ٢٢ \quad ١ \geq ن$$

مثّل بيانيًّا كل متباعدة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$٢٣ \quad ٩ < س < ٦ \quad ٢٤ \quad ٨ < ص < ٢ \quad ٢٥ \quad ب \leq ٧ \quad ٢٦ \quad ١ \geq ن$$

## الأسئلة للأمثلة

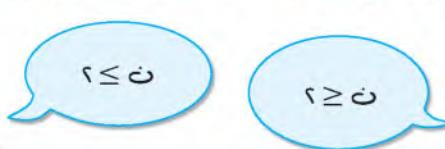
الأسئلة	الإجابة
٤-١	١٢-١٠
٦، ٥	١٨-١٣
٨، ٧	٢٢-١٩



الربط بالحياة: يعتبر خضاب الدم (الهيموجلوبين) المكون الأساسي في خلايا الدم الحمراء حيث يعمل على نقل الأكسجين من الرئتين إلى جميع أنسجة الجسم المختلفة.

## مسائل مهارات التفكير العليا

٣ **اكتشف الخطأ:** كتب كل من ياسر وعزم المتباعدة التي تعبّر عن الجملة ” ساعتان على الأقل لحل الواجبات“، فما هيما على صواب؟ وضح إجابتك.



عزم



ياسر

٤ **تحدد:** إذا كانت: س = ٣، فهل المتباعدة الآتية صائبة أم خاطئة؟ بره إجابتك.

$$\frac{١٠٨}{١٢} + س \leq ١٥ - ٤ س + ٩$$



## الطبع

٥ إذا كانت  $A > B$ ,  $B > C$ , ما العلاقة الصحيحة بين  $A$  و  $C$ ؟

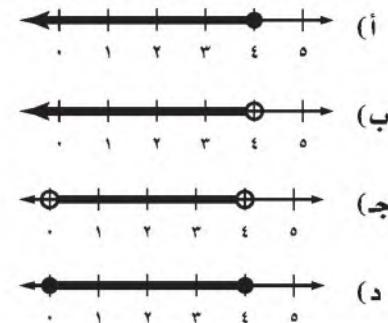
وضح ذلك، وأعطِ أمثلة تستخدم كلاً من القيم الموجبة والسلبية لـ  $A$ ,  $B$ ,  $C$ .



٢٧ أيُّ المتباينات الآتية تعبّر عن الجملة: "للاشتراك يشترط ألاً يقل عمر العضو عن ١٨ سنة"؟

- أ)  $18 < ع$
- ب)  $18 \leq ع$
- ج)  $18 > ع$
- د)  $18 \geq ع$

٢٨ لا يستطيع حمزة السباحة في البركة أكثر من ٤ ساعات هذا اليوم، أيُّ التمثيلات البيانية الآتية تمثل الزمن الذي يمكن أن يقضيه حمزة في البركة؟



## مراجعة تراكمية

٢٩ **عمره:** سافر ١٦ صديقاً في رحلة عمرة إلى مكة المكرمة، ثم توجّهوا إلى الفندق، فوجدوا به نوعين من الغرف: غرف سعتها ٣ أسرّة، وغرف سعتها ٥ أسرّة، فكم غرفة بالضبط تكفيهم لاستئجارها؟ (الدرس ٩ - ٥)

٣٠ **سيارات:** يقدم أحد معارض تأجير السيارات عرضين للمساءجرين؛ الأول: ٦٠ ريالاً يومياً، إضافة إلى ٢٥ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني: ٤٥ ريالاً إضافة إلى ٤٥، ٠ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة. اكتب معادلة وحلّها لإيجاد عند كم كيلومتراً ستكون التكلفة نفسها بكلتا العرضين. (الدرس ٩ - ٤)

### الالستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** حلّ كلاً من المعادلات الآتية:

$$7 - ن = 4 \quad ٣١$$

$$ص + ١٥ = ٣١ \quad ٣٠$$

$$١٢ - س = ٣ \quad ٣٣$$

$$٢٥ = ٨ - أ \quad ٣٢$$





الاسم	العملات النقدية
أحمد	٥٠ ٦٠ (ورقة)، ١٠ ٦٠ (ورقان)، ١ ٦٠ (قطع)
خالد	١٠ ٦٠ (٥ أوراق)، ١ ٦٠ (قطعان)

## حل المtbodyيات

٧ - ٩

### الستعدين

**أوراق نقدية** : وضع كل من أحمد و خالد ما في جيوبهم من نقود على الطاولة.

- ١ اكتب مtbodyية تقارن بين نقود أحمد و خالد.
- ٢ إذا حصل كل منهما على ١٠ ريالات إضافية، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٣ إذا اشتري كل منهما بقيمة ريالين ، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٤ إذا تبرع كل منهما بنصف مالديه عبر المنصات الرسمية للتبرع، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٥ إذا تضاعف مالديهما ثلاثة مرات، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.

تبين الأمثلة أعلاه خصائص المtbodyية، وهذه الخصائص صحيحة عندما  $A \geq B$ .

### فكرة الدرس:

أحل مtbodyيات باستعمال خصائص الجمع أو الطرح أو الضرب أو القسمة.

#### مفهوم أساسى

#### خصائص المtbodyية (الجمع والطرح)

**التبير اللغزى** : عند جمع (أو طرح) العدد نفسه لطرفى مtbodyية، فإنها تبقى صحيحة.

لأى ثلاثة أعداد  $A$  ،  $B$  ،  $C$  :

- إذا كان  $A < B$  ، فإن  $A + C < B + C$  ،  $A - C > B - C$
- إذا كان  $A > B$  ، فإن  $A + C > B + C$  ،  $A - C > B - C$

#### الأمثلة :

$$\begin{array}{rcl} 8 > 3 & & 3 - < 2 \\ 4 - 8 > 4 - 3 & & 5 + 3 - < 5 + 2 \\ \checkmark \quad 4 > 1 - & & \checkmark \quad 2 < 7 \end{array}$$

يُقصد بحل المtbodyية إيجاد قيمة المتغير التي تجعل المtbodyية صحيحة.

#### حل المtbodyيات بالجمع والطرح

#### مثالان

حل المtbodyتين الآتىتين، ثم تحقق من صحة الحل.

$$n - 15 > 8 -$$

اكتب المtbodyية

$$n - 15 > 8 -$$

أضف 8 للطرفين

$$8 + 15 > 8 + 8$$

بسط

$$23 > n$$

إذن الحل هو:  $n < 23$

#### ارشادات للدراسة

تحقق من صحة الحل

يمكنك التحقق من صحة الحل في المثال ١ بتعويض أعداد أصغر من ٢٣ في المtbodyية والتحقق من صحة الناتج.



$$7 + L \leq 4$$

$$4 \leq 7 + L$$

$$7 - 7 \leq L + 4 \quad \text{اطرح 7 من الطرفين}$$

$$L \leq 11 \quad \text{بسط}$$

$$L \geq -11 \quad \text{إذن الحل هو: } L$$

**تحقق:** عُوض عن  $L$  في المتباينة الأصلية  $-11 \leq L \leq 4$ , ثم بعد أصغر منه.

### تحقق من فهمك

حُلّ المتباينات الآتية، ثم تحقق من صحة الحل.

$$1) \quad 3 + t > 1, 5 \quad 2) \quad n + \frac{1}{4} \leq 12 \quad 3) \quad \text{ص-}5 > \text{ص-}2$$

مفهوم أساسى

### خصائص المتباينة (الضرب والقسمة)

**التعبير اللفظي:** عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد موجب، فإنها تبقى صحيحة.

**الرموز:** لأيّ ثلاثة أعداد  $A, B, C$ , حيث  $C > 0$ :

$$\bullet \quad \text{إذا كان } A > B, \text{ فإن } A \cdot C > B \cdot C, \quad A > B$$

$$\bullet \quad \text{إذا كان } A > B, \text{ فإن } A \cdot C > B \cdot C, \quad A > B$$

$$10 < 2 \quad 8 > 5$$

$$\frac{10}{2} < \frac{2}{1} \quad 4 > 5$$

$$\checkmark \quad 5 < 1 \quad \checkmark \quad 32 > 20$$

**الأمثلة:**

### مثالان حل المتباينات بالقسمة والضرب

حُلّ المتباينات الآتية، ومثل الحل بيانياً:

$$7y < 42$$

$$7y < 42 \quad \text{اكتب المتباينة}$$

$$\frac{42}{7} < \frac{7y}{7} \quad \text{اقسم الطرفين على 7}$$

$$y < 6 \quad \text{بسط}$$

$$\text{إذن الحل هو: } y < 6$$



$$8 \geq \frac{1}{3}s$$

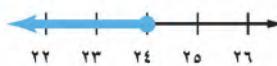
اكتب المتباينة

$$s \geq \frac{1}{3}$$

٣) (٨) اضرب الطرفين في  $\frac{1}{3}$

$$s \geq 24$$

إذن، الحل هو  $s \geq 24$



تحقق من فهمك:

حل المتباينات الآتية، ومثل الحل بيانياً:

$$d) 13 \leq 45 \quad e) 16 < \frac{n}{4} \quad f) 9 \geq 81$$

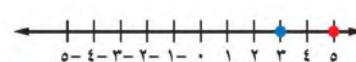
ماذا يحدث للمتباينة إذا ضرب طرفاها أو قسماً على عدد سالب؟

اضرب كل عدد في ١- :



بما أن  $-3 < 3$  إلى يمين  $-5$ ، فإن  $-3 > 5$

مثل ٣، ٥ على خط الأعداد:



بما أن  $3 < 5$  إلى يسار  $5$ ، فإن  $3 > 5$

لاحظ أن الأعداد التي تم مقارنتها قد تغيرت مواقعها بعد ضربها في عدد سالب؛ أي أن ترتيبها قد انعكس. وتبين هذه الأمثلة الخصائص الآتية للمتباينة، وهي صحيحة عندما  $a < b, a \geq b$ :

مفهوم أساسى

### خصائص المتباينة (الضرب والقسمة)

**التعبير اللغطي:** عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب، فإن إشارة المتباينة تتغير حتى تبقى صحيحة.

**الرموز:**

لأي ثلاثة أعداد  $a, b, c$ ، حيث  $c < 0$ :

• إذا كان  $a < b$ ، فإن  $a/c > b/c$ ،  $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$

• إذا كان  $a > b$ ، فإن  $a/c < b/c$ ،  $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$

$$9 > 3$$

$$5 < 8$$

**الأمثلة:**

$$\frac{9}{3} < \frac{3}{3} \quad (5) > 1- \quad (8) > 1- \quad \text{اعكس إشارة المتباينة}$$

$$\checkmark \quad 3- < 1$$

$$\checkmark \quad 5- > 8-$$

### إرشادات للدراسة

خطا شائخ

لا تعكس إشارة المتباينة لأنها تشمل على إشارة سالب مثل  $s < 4-$ ، بل اعكسها فقط عند ضرب المتباينة أو قسمتها على عدد سالب.

## مثالان

الضرب أو القسمة على أعداد سالبة

حُلَّ المُتَبَايِنَتَيْنِ الْآتَيْتَيْنِ، وَمَثَلُ الْحَلِّ بِيَانِيًّا:

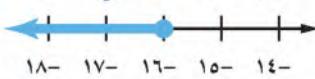
$$8 \leq \frac{1}{2}$$

اكتُبِ المُتَبَايِنَة.

$$8 \leq \frac{1}{2}$$

أ) اضرب في  $(-2)$ ، واعكس إشارة المُتَبَايِنَة.

$16 \geq 1$



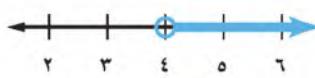
$$n < 24 - 6$$

اكتُبِ المُتَبَايِنَة.

$$n < 24 - 6$$

ب) اقسم على  $(-6)$ ، واعكس إشارة المُتَبَايِنَة.

$n > 4$



### تحقق من فهمك

حُلَّ المُتَبَايِنَاتِ الْآتَيَةِ، وَمَثَلُ الْحَلِّ بِيَانِيًّا:

$$x - 3 \geq -5$$

$$y - 5 \leq -30$$

$$z > 14 - 7$$

### تأكد

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَة، وَمَثَلُ الْحَلِّ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

$$n + 12 \geq 4$$

$$b + 5 < 9$$

المثالان ٢،١

$$s - 12 < 3$$

$$s - 4 > 10$$

المثالان ٤،٣

$$6 \leq \frac{5}{4}$$

$$c > \frac{3}{9}$$

المثالان ٤،٣

$$j - 7 \geq 6 - 5$$

$$c < 4 - 3$$

المثالان ٦،٥

$$7 > \frac{5}{2}$$

### تدريب وحل المسائل

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَة، وَمَثَلُ الْحَلِّ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صِحَّةِ الْحَلِّ:

$$n + 10 \leq -2$$

$$s + 5 \geq 18$$

الإرشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
٢،١	١٦ - ١١
٤،٣	٢١ - ١٧
٦،٥	٢٨ - ٢٢

$$h - 3 \geq 5$$

$$0, 5 - \geq 0, 8 +$$

$$d - \frac{1}{3} \geq \frac{1}{2}$$

$$b - 4, 8 < 6$$

٤٥ ≥ ٩٦

10 > 20

$$-73 < 12 -$$

۸۴- ≤ ۵۱۴

۲۱

$$250 \geq 100 - 10$$

9 < , 3 -

٢٠١٤

٢٥

۱۲->۷۲-

$$10 < \frac{1}{x}$$

$$V - > \frac{1}{2}$$

كت متسانة لـ **مايكل** **أولسن** و **جيمس** **لوك**:

٢٨ أكير من: عدد ما يخمسة ساوي على الأقا.

٢٩ الفرق بين عدد ما والعدد ١١، أصغر من ٨

٣٠ ناتج قسمة عدد ما على - ٥ ، وإضافة أربعة إليه يساوي ٧ على الأكثر .

٣١ ناتج قسمة عدد ما على ٣، وطرح اثنين منه يساوى -١٢ على الأقل.

**كرة سلة:** يبلغ عmad من العمر 15 سنة، ويفكر في الانضمام إلى فريق كرة السلة الممتاز. اكتب متباعدة وحلها لتحديد بعد كم سنة يمكنه الانضمام إلى الفريق.

**عمل:** يتضمن سالم ٦٢,٥ ريالاً عن كل ساعة عمل، ويرغب في ادخال مبلغ يكفي لشراء طاولة ثمنها ٥٠٠ ريال. اكتب متباعدة وحلها لإيجاد عدد الساعات التي يجب عليه أن يعملها حتى يتمكن من شراء الطاولة.

تحدد: بين ما إذا كانت كل معادلة أو متباعدة فيما يأتي لها حل واحد، أو أكثر، أو ليس لها حل:

مسائل  
عمادات التفكير العلمي

$$1 + \omega < \omega^{\textcolor{red}{33}} \quad 9 < \xi + \omega^{\textcolor{red}{34}} \quad 9 = \xi + \omega^{\textcolor{red}{35}} \quad 9 = \omega - \omega^{\textcolor{red}{36}}$$

**مسألة مفتوحة:** اكتب مباديتين مختلفتين، على أن يكون حل كل منها س < 9، بحيث تحل إحداهما باستعمال خصائص الجمع، وتحل الأخرى باستعمال خصائص الطرح.

**اكتشف الخطأ:** حلّت كلّ من أسماء وسميّة المتباينة أدناه، فأيّهما على

$\frac{49 - س}{7} \geq 49 - س$	$\frac{49 - س}{7} \leq 49 - س$
--------------------------------	--------------------------------

صواب؟ اشرح.

## ٤٠ اكتبي مسألة لفظية يكون حلها: ص < ٢٠٠



٤٢ إذا كانت  $s = 4 > 31$ ، فإن  $s$  يمكن أن تكون أيّاً من القيم الآتية:

ج) ١٧      ا) ٤٥      ب) ١٨      د) ١٦

٤١ **إجابة قصيرة:** مع أسامة ١٨٠ ريالاً، إذا اشتري قميصاً رياضياً بـ ٥٥ ريالاً، فاكتب متباعدة تمثل كم بقي مع أسامة من النقود يمكنه صرفها في شراء باقي الملابس الرياضية.

## مراجعة تراكمية

اكتب متباعدة لكل جملة مما يأتي: (الدرس ٦ - ٩)

٤٣ **سرعة:** قد تصل سرعة الفهد إلى ١٤٠ كيلومتراً في الساعة.

٤٤ **خبرة:** مطلوب موظف استقبال بخبرة لا تقل عن ثلاط سنوات.

٤٥ **بيان:** بين ما إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة: (الدرس ٦ - ٩)

$$46 \quad 7 = k, k < 34, n = 11 \quad 47 \quad 8 = s, s < 21, s < 13 + 13$$

٤٨ **قياس:** رُتّب ثلاثة صناديق متشابهة أحدها فوق الآخر، إذا كانت أبعاد كل صندوق منها هو: ١٢ بوصة  $\times$  ١٣ بوصة  $\times$  ١٠ بوصة، فما حجم المجسم الناتج؟ (الدرس ٨ - ٤)

٤٩ **تذاكر:** إذا كان ثمن التذكرة للعب أي لعبة في مدينة ألعاب هو ٦ ريالات، و٣ ريالات للأعضاء الذين يدفعون اشتراكاً قدره ٣٠ ريالاً شهرياً، فاكتب معادلة وحلها؛ لإيجاد كم تذكرة للأعضاء المشتركين يجب شراؤها، بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن العدد نفسه من التذاكر العادية.

٥٠ **صحة:** اكتب متباعدة تمثل الجملة: "تزيد عدد دقات قلبك على ١٠٠٠٠٠ مرة في اليوم". (الدرس ٦ - ٩)

٥١ **تأجير سيارات:** يقدم محل لتأجير السيارات عرضين لزبائنه، يتضمن الأول أجرة يومية مقدارها ٦٠ ريالاً مضافاً إليها ٤٠ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني ٤٠ ريالاً مضافاً إليها ٦٠ ريال عن كل كيلومتر. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الكيلومترات التي تتساوى عندها قيمة العرضين في اليوم الواحد. (الدرس ٤ - ٩)



# اختبار الفصل

٩

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل مقدار مما يأتي:

$$١ - ٧ (س - ١٠) + ٢ (ص + ٥) \quad ١$$

بسط كل مقدار مما يأتي:

$$٢ - ٦ - ١٥ + ١٩ \quad ٢$$

$$٣ - ٦ + ١٧ س \quad ٣$$

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$٤ - ٦ = ١٨ + \frac{٥}{٢} \quad ٤$$

$$٥ - ٦ = ٢٣ - ٣ ب + ٥ ب \quad ٥$$

$$٦ - ٣ = ٢ - ٣ + ٥ ص \quad ٦$$

$$٧ - ٣ = ٢ - ٣ + ٥ ص \quad ٧$$

$$٨ - ٣ = ٢ - ٣ + ٥ ص \quad ٨$$

$$٩ - ٣ = ٢ - ٣ + ٥ ص \quad ٩$$

١١ **تزلج:** يتناهى مركز للتزلج ٦ ريالات عن كل مرة دخول، ويبلغ الاشتراك للأعضاء ٢٤ ريالاً تُدفع مرة واحدة، بالإضافة إلى ريالين عن كل مرة دخول. اكتب معادلة، وحلها لإيجاد عدد المرات التي يمكنك الدخول فيها، على أن تكون التكلفة متساوية سواء بصورة فردية أو باشتراك عضوية؟

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

$$١٢ - ٢٦ = ٥ + ٤ س \quad ١٢$$

$$١٣ - ١٨ = ٣ - ٣ د \quad ١٣$$

$$١٤ - ٤٥ = ٤٥ - ٨ ص \quad ١٤$$

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$١٥ - ٢٦ = ٥ + ٤ س \quad ١٥$$

$$١٦ - ١٨ = ٣ - ٣ د \quad ١٦$$

$$١٧ - ٤٥ = ٤٥ - ٨ ص \quad ١٧$$

١٨ **اختيار من متعدد:** في المتابينة:  $س + ٥٠٠٠ \geq ٨٠٠٠$  ريال، تشير س إلى أجرة أحد العاملين، فأيُّ الجمل الآتية أكثر ملاءمة لوصف أجرة العامل؟

(أ) أقل من ٢٥٠٠٠  $\text{بـ}$   
 (ب) أكبر من ٢٥٠٠٠  $\text{بـ}$   
 (ج) ٢٥٠٠٠  $\text{بـ}$  على الأقل  
 (د) ٢٥٠٠٠  $\text{بـ}$  على الأكثر

للسؤالين ١٩، ٢٠ اكتب متابينة، ومثلها بيانياً على خط الأعداد.

١٩ **حواسيب:** يتسع قرص مدمج إلى ٧، ٤ جيجابايت من البيانات على الأكثر.

٢٠ **ألعاب:** يجب أن تحصل على عدد من النقاط يزيد على ٥٥٤٠ نقطة، حتى تحطم الرقم السابق.

حل كل متابينة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$١١ - ٤ < \frac{٧}{٩} \quad ١١$$

$$١٢ - ٥٢ < ١٥ + ٤٥ \quad ١٢$$

١٣ **اختيار من متعدد:** يبلغ محيط المستطيل المرسوم ٤٤ سنتيمتراً، فما مساحة المستطيل؟

$$(س + ٧) س = ٤٤ \quad ١٣$$

س س

(أ) ٢٢ سم<sup>٢</sup>  
 (ب) ١٢٠ سم<sup>٢</sup>  
 (ج) ٣٩٢ سم<sup>٢</sup>  
 (د) ٤٤٠ سم<sup>٢</sup>



## الاختبار التراكمي (٩)

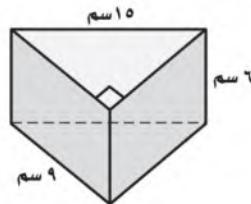
القسم ١ اختيار من متعدد

٥ ما قيمة س الممكنة، إذا كانت مساحة شبه المنحرف في الشكل أدناه أقل من ٢٥٦ قدمًا مربعة؟



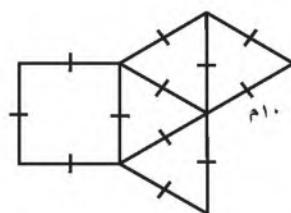
(أ) ١٤  
(ب) ١٥  
(ج) ١٦  
(د) ١٧

٦ ما حجم المنشور المجاور؟



(أ) ٨١٠ سم٣  
(ب) ٤٠٥ سم٣  
(ج) ٦٤٨ سم٣  
(د) ٣٢٤ سم٣

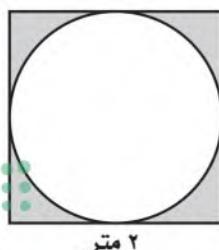
٧ يمثل الشكل أدناه مخططاً لهرم منتظم، فما مساحة الهرم الكلية؟



(أ) ١٢٠ م٢  
(ب) ٢٠٠ م٢  
(ج) ٢٧٣ م٢  
(د) ٤٣٣ م٢

٨ لوحة خشبية مربعة الشكل طول ضلعه متراً، إذا قصّ نجار دائرةً منه كما هو مبيّن في الشكل أدناه، فما مساحة الجزء المتبقّي؟

(إرشاد: مساحة الدائرة: ط نق٢، ط ≈ ٣,١٤)



(أ) ٨,٥٦  
(ب) ٠,٨٦  
(ج) ٢,٢٨  
(د) ٣,١٤

اختر الإجابة الصحيحة

١ ما الخاصية المستعملة في العبارة الآتية:

$$(س - ٢) = ٥ - س$$

(أ) خاصية التجميع على الجمع  
(ب) خاصية الإبدال على الجمع  
(ج) خاصية التوزيع  
(د) خاصية الانعكاس

٢ يبعي مزارع الطماطم في صناديق، كتلة كل صندوق ٤٠ كجم، ومعدل كتلة حبة الطماطم الواحدة ٢٠ كجم، وكتلة الصندوق الكلية وهو مملوء بالطماطم ١٠ كجم، ما عدد الحبات التي يمكن وضعها في الصندوق الواحد؟

(أ) ٥٠  
(ب) ٤٨  
(ج) ٢٥  
(د) ١٦,٧

٣ المعادلة التي تمثل الجملة: "أقل من أربعة أمثال عدد ما بمقدار ٩ يساوي ١٢" هي:

(أ) ٤ ن - ٩ = ١٢  
(ب) ٩ - ٤ ن = ١٢  
(ج) ٤ ن - (١٢ - ٩) = ٤  
(د) ٩ - ٤ ن = ٤ ن

٤ ما المتباينة التي يمثلها الشكل أدناه؟



(أ) س > ١  
(ب) س ≥ ١  
(ج) س < ١  
(د) س ≤ ١

١٤ مجموع كتلة خمسة أشخاص هو ٥٠٠ كجم، إذا تساوت كتلتَي شخصين منهم، وكانت كتل الأشخاص الثلاثة الآخرين هي: ٨٢ كجم، ٩٦ كجم، ١١٠ كجم، فاكتب متباينة وحلها لإيجاد الكتلة الممكنة لكلٍ من الشخصين.

### الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:  
 ١٥ يرحب كلٌ من إبراهيم و محمد في المشاركة في رحلة، فإذا كان لدى إبراهيم ١٠ ريالات و يدّخر ٧ ريالات أسبوعياً من مصروفه، في حين أنَّ محمدًا يدّخر ١٢ ريالاً أسبوعياً، فأجب عما يأتي:  
 أ) اكتب معادلة لإيجاد عدد الأسابيع التي يصبح عندها لدى كُلّ منهما المبلغ نفسه.  
 ب) أوجد عدد هذه الأسابيع.



### أتدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة، حتى أعزّز ما تعلّمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالميًا.



١٦ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات)، طوله ٧,٥ سم، وعرضه ١,٤ سم، وحجمه ٨٦,٤ سم٣، فما ارتفاعه؟

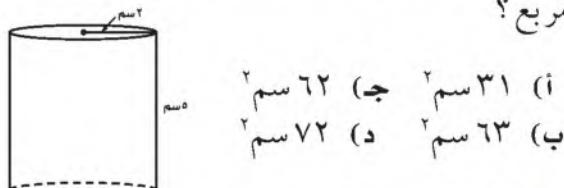
(قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة)

أ) ٤٦٢,٩  
 ج) ١,١  
 ب) ٩٠٧,٢  
 د) ٨,٢

١٧ أي العبارات الآتية يكفيه ٢ أب + ٤ أج؟

أ) ٦ أب ج  
 ج) ٢ أ(ب + ج)  
 ب) أب + أج  
 د) ١٢ أ(ب + ٢ ج)

١٨ ما مساحة المُلصق الورقي اللازم لغطية السطح الجانبي للأسطوانة الموضحة إلى أقرب سنتيمتر مربع؟



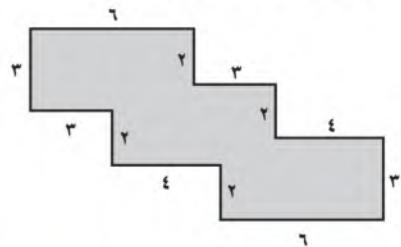
١٩ حل المعادلة: ٥ - س - ٤ = ٣٤ هو:

أ) ٧  
 ج) ٦  
 ب) ٦  
 د) ٧

### الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

٢٠ إذا علمت أن جميع الزوايا في الشكل أدناه قوائم، فما مساحتها بالوحدات المربعة؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال ....

فراجع الدرس ....

١٥	١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-٩	٧-٩	١-٨	٢-٩	٦-٨	١-٩	٤-٨	١-٨	٧-٨	٤-٨	٧-٩	٦-٩	٣-٩	٢-٩	١-٩

## الفكرة العامة

- أفهم الميل لأمثل المسائل، وأحللها وأحللها.
- استعمل الأسس والقوى والجذور.

المفردات الرئيسية:

الدالة الخطية ص (١٩١)  
الميل ص (١٩٧)  
ثابت التغير ص (٢٠٣)

## الربط بالحياة:



**القطار الدوار**: يقطع قطار دوار في مدينة الألعاب مسافة ٢٨٠ مترًا في ١٠٨ ثوانٍ. ويمكنك استعمال الدالة الخطية  $٥٠٨ = ٢٨٠t$  لإيجاد معدل سرعة هذا القطار.

## المطويات

## منظمه أفكار

**الجبر: الدوال الخطية**: اعمل هذه المطوية الآتية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابداً بسبع أوراق A4 كما يأتي:

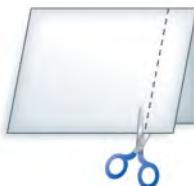
٢ كرر ذلك مع باقي الأوراق. وثبتها معاً لتشكل كتيباً، واتكتب عليها عناوين الدروس.



٢ أقص الشريط الذي قصصته من الأسفل، واتكتب عنوان الفصل على الوجه الأمامي.



١ اطوي الورقة من المنتصف عرضياً، ثم قص شريطها على مسافة ٢ سم من الحافة اليمنى.





# النتهيأة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

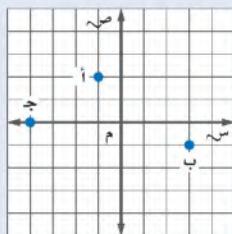
## مراجعة للمراجعة

## اختبار للريح

مثال ١ :

مثل النقاط (١، ٢)، (٣، ١)، (٤، ٠) على المستوى الإحداثي.

مبتدئاً من نقطة الأصل.  
العدد الأول في كل زوج  
مرتب هو الإحداثي السيني،  
والعدد الثاني هو الإحداثي  
الصادي.



مثال ٢ :

احسب قيمة  $s$  - ١ إذا كانت  $s = ٤$ .

$$6s - 1 = 6 - 1$$

اعرض عن  $s$  بـ  
اضرب ٦ في ٤  
بسط

$$1 - 24 =$$

$$23 =$$

مثل كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي: (مهارة سابقة)

١ (٤ - ٣، ٢ - ١) ٢

٣ (٣ - ٤، ٢ - ٠) ٤

مشي: سار محمد ٤ كلم جنوباً و ٢ كلم غرباً، ثم توقف.  
إذا كانت نقطة بداية سيره هي نقطة الأصل، فمثل  
النقطة التي تمثل مكان وقوفه. (مهارة سابقة)

مثال ٣ :

حُلّ المعادلة:  $18 + m = ٧$

$$7 = m + 18$$

$$\underline{18 -} = \underline{18 -}$$

$$11 - = m$$

أكتب المعادلة

اطرح ١٨ من كل طرف بسط

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما  $s = ٦$ : (مهارة سابقة)

٦  $s + 5$  ٧

٨  $2s + 9$  ٩

١٠  $4s - 8$  ١١

ربح: يمثل المقدار ٤٨ س - ٨٧٥ الربح الأسبوعي  
لشركة ما بآلاف الريالات، حيث تمثل  $s$  عدد  
الوحدات المبيعة. أوجد الربح الأسبوعي للشركة إذا  
باعت ٣٧ وحدة. (مهارة سابقة)

حُلّ كل معادلة فيما يأتي: (مهارة سابقة)

١٢  $3 - 8 = n + 9$  ١٣

١٤  $23 + r = 15 - 21$  ١٥



## الممتتابعات

١٠١

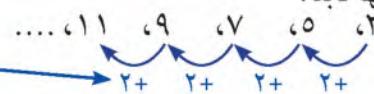
### نشاط

تأمل النمط الآتي:

٣ مثلثات	مثلثان	مثلث واحد	عدد المثلثات
٧ عيadan	٥ عيadan	٣ عيadan	عدد العيadan

١ أكمل النمط  $4, 5, 6$  مثلثات. كم عوّدًا تحتاج إليه في كل حالة؟  
 ٢ كم عوّدًا إضافيًّا تحتاج إليه لتكوين  $4$  مثلثات؟ وما العدد الكلي للعيadan المطلوبة لتكوين  $7$  مثلثات؟

عدد العيadan في النمط السابق تشكّل ممتتابة. **الممتتابة**: مجموعة مرتبة من الأعداد، ويسّمى كل عدد فيها **حدًّا**. **الممتتابة الحسابية**: هي ممتتابة يكون الفرق بين أي حدّين متتاليين فيها ثابتًا.



ويسمى الفرق أساس الممتتابة

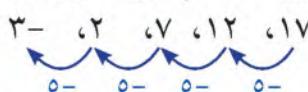
لإيجاد العدد التالي في الممتتابة الحسابية أضف أساس الممتتابة إلى الحد الأخير.

### تحديد الممتتابعات الحسابية

### مثال

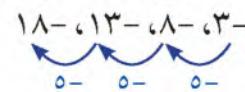
١. بين إذا كانت الممتتابة:  $17, 12, 7, 2, 3, \dots$  حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية.

لاحظ أن  $17 - 12 = 5$ ،  $12 - 7 = 5$ ،  $7 - 2 = 5$ ،  $2 - 3 = 5$  وهكذا.



بما أن الفرق بين كل حدّين متتاليين ثابت ويساوي  $-5$ ؛ لذا فالممتتابة حسابية أساسها  $-5$ . أكمل النمط لإيجاد الحدود الثلاثة التالية.

فتقون الحدود الثلاثة التالية هي:  $8, 13, 18$ .



تحقق من فهمك:

بين إذا كانت الممتتابة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها والحدود الثلاثة التالية.

أ)  $18, 14, 10, 6, 2, \dots$   
 ب)  $-4, -8, -12, -16, -20, \dots$

### فكرة الدرس:

أحدد الممتتابعات الحسابية.

أكتب عبارة جبرية لأجد

حدود الممتتابة الحسابية.

### المفردات

الممتتابة

الحد

الممتتابة الحسابية

أساس الممتتابة

الحد النوني



ويمكن كتابة المتتابعة باستعمال **حدها النوني**، الذي يربط بين رقم الحد وقيمه.

### تحديد المتتابعة الحسابية باستعمال الحد النوني

### مثال

١. **بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمَتَابِعَةُ الَّتِي حَدَّهَا النُّونِي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فَأَوْجَدِ أَسَاسَهَا.**

بكتابه بعض حدود المتتابعة من خلال التعويض بدلاً عن  $n$  في الحد النوني بأعداد تمثل رقم الحد ينتج:

$$\begin{aligned} \text{عندما } n = 1, \text{ الحد الأول يساوي } 4(1) - 1 = 3 \\ \text{عندما } n = 2, \text{ الحد الثاني يساوي } 4(2) - 1 = 7 \\ \text{عندما } n = 3, \text{ الحد الثالث يساوي } 4(3) - 1 = 11 \\ \text{عندما } n = 4, \text{ الحد الرابع يساوي } 4(4) - 1 = 15 \\ \text{لاحظ أن: } 3 - 7 = 4, 7 - 11 = 4, 11 - 15 = 4, \text{ وهكذا} \end{aligned}$$

وبما أن الفرق بين كل حددين متتاليين ثابت ويساوي 4 فالمتتابعة حسابية أساسها 4.

### تحقق من فهمك

٢. **بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمَتَابِعَةُ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فَأَوْجَدِ أَسَاسَهَا.**

هـ)  $n^2 + 2n$       دـ)  $n^2 - n$       جـ)  $6 - n$

ويمكن إيجاد الحد النوني للمتابعة الحسابية إذا علمت بعض حدودها.

### إيجاد الحد النوني للمتابعة الحسابية

### مثال

٣. **اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لمتابعة محيطات المربعات: ٤، ٨، ١٢، ١٦، ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.**

	٤	٣	٢	١	رقم الحد (n)
المحيط	١٦	١٢	٨	٤	

استعمل الجدول المجاور لتعرف المتتابعة.

الفرق الثابت (أساس المتتابعة) يساوي 4.

وكل حد يساوي 4 أمثال رقم الحد، فتكون العبارة التي يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني هي:  $4n$ .

وتكون الحدود الثلاثة التالية: ٤(٥) = ٢٠، ٤(٦) = ٢٤، ٤(٧) = ٢٨.

### لغة الرياضيات

وهكذا، تقرأ النقاط الثلاث التي تلي مجموعة أعداد "وهكذا".

### تحقق من فهمك

٤. **مَتَابِعَةٌ فِي مَا يَأْتِي، ثُمَّ أَوْجَدِ الْحَدُودُ الْثَلَاثَةُ التَّالِيَةُ:**

و)  $-2, -4, -6, -8, \dots$       ز)  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots$       ح)  $5, 10, 20, \dots$

## مثال من واقع الحياة

**رسالة نصية:** يبين الجدول الآتي تكلفة إرسال رسائل نصية في عرض مقدم من إحدى شركات النقال. فكم يكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية؟

الرسائل	التكلفة (ريال)
٥١	١٥,١٠
٥٢	١٥,٢٠
٥٣	١٥,٣٠
٥٤	١٥,٤٠

الرسائل	التكلفة (ريال)
٥١	١٥,١٠
٥٢	١٥,٢٠
٥٣	١٥,٣٠
٥٤	١٥,٤٠

بما أن الفرق الثابت في التكلفة هو ١٠، فإن الزيادة في تكلفة إرسال ن رسالة نصية هي ١٠، ن. قارن كل تكلفة بالقيمة ١٠، ن من كل عدد من الرسائل.

تكلفة كل رسالة تزيد ب ١٠ ريالات على ١٠، ن؛ لذا فالعبارة ١٠، ن + ١٠ هو

تكلفة ن رسالة نصية. ولإيجاد تكلفة إرسال ٦٠ رسالة. استعمل الرمز  $\Delta$  للتعبير عن التكلفة. ثم اكتب المعادلة وحلّها عندما  $N = 60$ .

أكتب المعادلة.

$T = 10N + 10$  عوّض ٦٠.

$T = 10(60) + 10 = 610$  بسط.

سيكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية ٦١٠ ريالاً.



**الربط بالحياة:** سجلت إحدى شركات الهاتف النقال في المملكة العربية السعودية حوالي ٥٠ مليون رسالة تهامة في الساعة الأولى من إعلان عيد الفطر المبارك لعام ١٤٣٠هـ، أي بمعدل ١٥٠٠٠ رسالة في الثانية.

**تحقق من فهمك:** اكتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية، ثم استعملها لإيجاد قيمة الحد عندن المعطاة.

ط)  $4, 9, 14, 19, \dots, 20$  ي = ١٢ ن = ٤ ن ... ٢٠

## مثال من اختبار

ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الحسابية الموضحة في الجدول الآتي؟

الترتيب	ن	٤	٣	٢	١	قيمة الحد
٦	٩	٧	٥	٣	٣	

أ)  $N + 2$       ب)  $2N + 1$       ج)  $2N - 1$       د)  $3N - 4$

**اقرأ:**

تحتاج إلى إيجاد عبارة لوصف حدود المتتابعة.

**حل:**

الفرق الثابت بين الحدود (الأساس) هو ٢ لكل زيادة واحدة في الترتيب؛ لذا فالعبارة تحتوي ٢ ن.

• احذف البديلين أ، د؛ لأنهما لا يحتويان ٢ ن.

• احذف البديل ب؛ لأن  $2(1) \neq 3$ .

• بما أن العبارة في البديل ج صحيحة لكل الحدود المدرجة؛ لذا فالجواب الصحيح هو (ج).

إرشادات للاختبارات

**احذف البديل**

أولاً: اختبرن = ١

لكل عبارة.

بما أن  $1(1) \neq 2$

فالبديل ب محدوف.

ثانياً: اختبر

$N = 2$ . بما أن

$2 + 2 \neq 5$

$2(2) \neq 5$

فالبديلان أ، د

محدوفان؛ لذا

فإن الإجابة الصحيحة

هي البديل ج.



## تحقق من فهمك ✓

ك) لنكن  $n$  تمثل موقع العدد في المتتابعة  $\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 1, \dots$ , أي عبارة يمكن استعمالها لإيجاد حدود المتتابعة؟

أ)  $n + \frac{1}{4}$       ب)  $2n$       ج)  $\frac{1}{4}n$       د)  $4n$

## تأكد ✓

بَيِّن ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

١  $2, 4, 6, 8, \dots$       ٢  $11, 7, 2, 8, \dots$       ٣  $11, 4, 1, 10, \dots$

بَيِّن ما إذا كانت المتتابعة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

٤  $4 - 2n$       ٥  $5 - 2n$       ٦  $6 - 7n$

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية فيها:

٧  $3, 5, 10, \dots$       ٨  $10, 15, 20, \dots$       ٩  $10, 5, \dots$       ١٠  $3, 6, 9, 12, \dots$

اكتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية، واستعملها لإيجاد قيمة الحد عند  $n$  المعطاة.

١١  $n = 3, 10, 17, 24, \dots$       ١٢  $n = 5, 19, 21, 23, 25, \dots$

١٣ اختيار من متعدد: ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الآتية؟

الترتيب	قيمة الحد
١	٦
٢	٧
٣	٨
٤	٩
٥	١٠

أ)  $n + 1$       ب)  $n + 5$       ج)  $2n$       د)  $6n$

### المثال ١

### المثال ٢

### المثال ٣

### المثال ٤

### المثال ٥

## تدريب وحل المسائل

بَيِّن ما إذا كانت كل متتابعة حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

١٤  $1, 10, 100, 1000, \dots$       ١٥  $189, 63, 21, 7, \dots$       ١٦  $6, 4, 2, 0, 2, \dots$

١٧  $1, 2, 4, 6, \dots$       ١٨  $1, 2, \frac{1}{3}, 7, 21, 63, \dots$       ١٩  $1, 5, 10, 17, \dots$

٢٠  $n^3 - 3$       ٢١  $n - 9$

### الشادات للأسئلة

الأسئلة	النطاق الأمثلة
١	١٨-١٣
٢	٢٢-١٩
٣	٢٨-٢٣
٤	٣٤-٣٩
٥	٤٢، ٤١

بَيِّن ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا، وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

٢٢  $n^3 - 3$       ٢٣  $n - 9$

٢٤  $n$



اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التنوبي لكل متتابعة فيما يأتي، ثم اكتب  
الحدود الثلاثة التالية فيها:

٢٤ ...، ٤٨، ٣٦، ٢٤، ١٢

٣٣ ...، ٨، ٦، ٤، ٢

٣٦ ...،  $\frac{1}{5}$ ،  $\frac{2}{5}$ ،  $\frac{1}{5}$ ،  $\frac{4}{5}$ ، ١

٣٥ ...،  $\frac{1}{3}$ ، ١،  $\frac{2}{3}$ ،  $\frac{1}{3}$

٣٨ ...، ١٠، ٧، ٤، ١

٣٧ ...، ١٧، ١٣، ٩، ٥

اكتب عبارة لإيجاد الحد التنوبي في كل متتابعة حسابية فيما يأتي، واستعملها لإيجاد  
قيمة الحد عندن المعطاة:

٣٠ ...، ٢٩، ٢٧، ٢٥، ٢٣

٣٩ ...، ٨، ٧، ٣

٣٣ ...، ٢٧، ١٩، ١١، ٥

٤١ ...، ٢١، ١٠، ٥

الاسبوع	٣٤
١	٨
٢	١٦
٣	٢٤
٤	٣٢
٥	٤

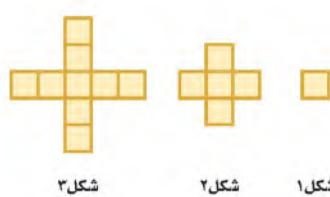
**رياضة :** للسؤالين ٣٣، ٣٤ استعمل الجدول المجاور.

٣٣ إذا أكمل عادل النمط المبين في الجدول، فكم

دقيقة سيمشي يومياً خلال الأسبوع الخامس؟

٣٤ هل يتناسب وقت مشي عادل مع عدد الأسابيع

التي مشى فيها؟ فسر إجابتك.



**هندسة :** للسؤالين ٣٥، ٣٦ استعمل الشكل المجاور.

٣٥ كم مربعاً سيكون في الشكل رقم ١٨؟

٣٦ هل يتناسب عدد المربعات في كل شكل مع رقم  
الشكل؟ فسر إجابتك.

**مسائل**

**مهارات التفكير العليا**

**مسألة مفتوحة :** اكتب متتابعة حسابية يكون أساسها  $\frac{1}{3}$ .

**تبيرير :** بَيِّن فيما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة  
أبداً. فسر إجابتك.

«المتتابعة التي يضاف فيها عدد إلى أي حد للحصول على الحد الذي يليه هي  
متتابعة حسابية».

الترتيب	٧	٥	٣	١
قيمة الحد	٢٦	٢٠	١٤	٨

**٣٩ تحد :** اكتب عبارة يمكن استعمالها  
لإيجاد الحد التنوبي للمتتابعة الموضحة  
في الجدول المجاور.

**الكتب** مسألة من الواقع تمثل متتابعة حسابية، ثم حلّها.





**٤٢ اختيار من متعدد:** تصف العبارة

١٢- ٤(ن - ١) نمطًا عددياً، فإذا كانت ن تمثل الحد النوني في المتتابعة، فأي أنماط الأعداد التالية تصفها العبارة؟

أ) ١٢-، ١٦-، ٢٠-، ٢٤-، ...  
 ب) ١٢-، ٨-، ٤-، ٠-، ...  
 ج) ١٢، ٨، ٤، ٠، ...  
 د) ١٢، ١٦، ٢٠، ٢٤، ...

**٤٣** ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة المبينة في الجدول الآتي؟

الترتيب	قيمة الحد
١	٠، ٦
٢	١، ٢
٣	١، ٨
٤	٢، ٤
٥	٣، ٠
ن	؟

أ)  $n - 4 = 0$       ج)  $\frac{3}{5}n$   
 ب)  $\frac{n}{5}$       د)  $n + 6 = 0$

## مراجعة تراكمية

**٤٤ هواتف:** يتقاضى سعود ٥٢٥ ريالاً يومياً، ويريد شراء هاتف ثمنه ٤٢٠ ريالاً من النقود التي يكسبها من عمله، اكتب متباينة وحلها لإيجاد عدد الأيام التي سيعملها ل يستطيع شراء الهاتف. (الدرس ٧-٩)

**٤٥ حل كل متباينة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:** (الدرس ٩-٧)

$$6s \geq 36 \quad ٤٤$$

$$12 + s < 33 \quad ٤٦$$

**٤٧ أكواب:** تباع الأكواب الورقية في علب سعتها ٤٠ كوبًا أو ٧٥ كوبًا، وتحتاج مشاعل إلى ٣٥٠ كوبًا لحفل تقيمه المدرسة، فكم علبة تحتاج من كل نوع من العلب؟ (الدرس ٨-٢)

## الاستعداد للدرس اللاحق

**٤٨ مهارة سابقة:** احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما  $s = 9$ :

$$8s - 2 = 5s + 7 \quad ٤٩$$

$$3s - 8 = 5s + 15 \quad ٥١$$





## الدواال

٢٠١٠

### الستعَد

ترفيه: افترض أنك تستطيع شراء القرص المدمج الواحد بـ ١٥ ريالاً.

١ أكمل الجدول المجاور.

٢ ما الثمن الكلي لشراء ٦ أقراص منها؟

٣ فسر كيف تجد ثمن ٩ أقراص.

يعتمد الثمن الكلي للأقراص على عددها؛ أي أن الثمن دالة لعدد الأقراص التي تم شراؤها. العلاقة التي تُعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة تُسمى دالة، ونكتب الدوال عادة في صورة معادلات.

المدخلة س أي عدد حقيقي.

$$د(س) = ١٥ س$$

تقرأ د(س) دالة في س،  
أو ببساطة المخرجة د(س).

ولإيجاد قيمة الدالة عند عدد ما، عَوْض عن المتغير س بذلك العدد في قاعدة الدالة.

### مثالان إيجاد قيمة الدالة

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$د(٩) \text{ إذا كان } د(س) = س - ٥$$

أكتب الدالة.

$$د(س) = س - ٥$$

عوض ٩ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$د(٩) = ٩ - ٥ = ٤$$

لذا،  $د(٩) = ٤$ .

$$د(-٣) \text{ إذا كان } د(س) = ٢ س + ٢$$

أكتب الدالة.

$$د(س) = ٢ س + ١$$

عوض -٣ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$د(-٣) = ٢(-٣) + ١ = -٥ + ١ = -٤$$

بسط.

$$د(-٣) = ٥ - ٦ = -١$$

لذا،  $د(-٣) = -١$ .

### تحقق من فهمك

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$أ) د(٢) \text{ إذا كان } د(س) = س - ٤$$

$$ب) د(٦) \text{ إذا كان } د(س) = ٢ س - ٨$$

### فكرة الدرس:

أكمل جداول الدوال.

### المفردات

الدالة

المجال

المدى

جدول الدالة



## إرشادات للدراسة

المدخلات والمخرجات  
يُسمى متغير المدخلات  
أيضاً "المتغير المستقل"  
لأنه يأخذ أي قيمة . ومتغير  
المخرجات "المتغير التابع" ،  
لأنه يعتمد على قيم  
المدخلات .

تُسمى مجموعة قيم المدخلات **المجال**، ومجموعة قيم المخرجات **المدى**. ويمكنك  
تنظيم المدخلات، والقاعدة، والمخرجات في **جدول الدالة**.

### إكمال جدول الدالة

### مثال

أكمل الجدول المجاور للدالة .  
 $d(s) = s + 5$  ، ثم اذكر مجال  
الدالة ومداها .  
عرض قيم  $s$  أو المدخلات، في  
قاعدة الدالة .

ثم بسط لإيجاد المخرجة .  
المجال =  $\{1, 0, -1, -2\}$   
المدى =  $\{6, 5, 4, 3\}$

### تحقق من فهمك :

أكمل جدول كل دالة فيما يأتي، ثم اذكر مجال الدالة ومداها:

$$ج) d(s) = s - 7 \quad د) d(s) = 4s \quad هـ) d(s) = 2s + 3$$

$d(s)$	$s$	$s + 2$	$s$	$d(s)$	$s$	$s - 7$	$d(s)$	$s$
	1	2			5	3	3	
	2	3			6	4	4	
	3	4			7	5	5	
	5							0

تكتب الدوال أحياناً باستعمال متغيرين، أحدهما  $s$  يمثل المدخلات، والآخر  $ص$   
يمثل المخرجات. ويمكن أن تكتب الدالة في المثال ٣ في صورة  $ص = s + 5$ .

### مثال

**حيوانات الأليفة :** يعطي الطبيب البيطري جرعات لعلاج الحيوانات الأليفة  
بحيث تكون الجرعة مكونة من ٥ ملجم دواء لكل كيلو جرام تقريراً من الكتلة . اكتب  
دالة تمثل كمية الدواء  $ك$  اللازمة للكتلة  $ج$  ، ثم حدد كم يلزم من الدواء لحيوان  
أليف كتلته ٤٠ كجم تقريراً .



الربط بالحياة : .....  
كيف يستخدم الطبيب البيطري  
الرياضيات؟

يحدد جرعات الدواء المناسبة  
للحيوان حسب كتلته .

كمية الدواء تساوي ٥ مرات عدد الكيلو جرامات .

التعبير اللفظي

$$ج = 5 \times ك$$

اكتب الدالة .

$$ج = 5ك$$

$$ك = 5(ج)$$

$$ك = 5(ج)$$

$$ك = 5(ج) = 5(40) = 200$$

إذن، على البيطري إعطاء الحيوان الأليف ٢٠٠ ملجم من الدواء .



## ✓ تحقق من فهمك:

و) **صيانة المنزل**: تتقاضى مؤسسة خدمة المنزل ١٠٠ ريالٌ لكل طلب خدمة، بالإضافة إلى ٥٠ ريالاً لكل ساعة عمل. اكتب دالة تمثل التكلفة  $\mathbf{ك}$  لطلب خدمة لمدة  $s$  ساعة عمل، ثم أوجد كم تكلف ٣ ساعات من العمل.

## تأكد ✓

**المثالان ٢، ١** أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\text{١) } D(s) = s - 6 \quad \text{٢) } D(s) = 4s + 1$$

أكمل جدول كل دالة فيما يأتي، ثم اذكر مجال كل دالة ومدتها:

$$\text{٣) } D(s) = 3s - 2 \quad \text{٤) } D(s) = 5s + 1 \quad \text{٥) } D(s) = 8 - s$$

$D(s)$	$s$	$D(s)$	$s$	$D(s)$	$s$
	٥			٢	
	٢			٠	
	١			٣	
	٤				٣
					١
					٢
					٤

**المثال**

**٦** **سفر**: تسير سيارة بسرعة ٨٨ كيلومتر في الساعة على طريق عام. اكتب دالة تمثل المسافة  $s$  التي يمكن أن تقطعها السيارة في  $t$  ساعة، وما المسافة التي تقطعها السيارة في ٥ ساعات إذا سارت بالمعدل نفسه؟

## تدريب وحل المسائل

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\text{٧) } D(s) = 5s + 13 \quad \text{٨) } D(s) = s + 9 \quad \text{٩) } D(s) = 3s - 5$$

$$\text{١٠) } D(s) = 2s - 4 \quad \text{١١) } D(s) = 15s + 12$$

$$\text{١٢) } D(s) = 4s - 1 \quad \text{١٣) } D(s) = 6s - 4 \quad \text{١٤) } D(s) = 5s - 2 \quad \text{١٥) } D(s) = 7s + 3$$

الإشارات للأسئلة	
الإشارات	للأسئلة
١٢-٧	٢، ١
١٨-١٣	٣
٢١	٤

أكمل جدول كل دالة فيما يأتي، ثم اذكر مجال كل دالة ومدتها:

$$\text{١٦) } D(s) = 5s - 2 \quad \text{١٧) } D(s) = 7s + 3 \quad \text{١٨) } D(s) = 4s - 6$$

$D(s)$	$s$	$D(s)$	$s$	$D(s)$	$s$
	٣			٢	
	٢			٠	
	١			٣	
	٦				٥
					١
					٢
					٧

أكمل جدول كل دالة فيما يأتي، ثم اذكر مجال كل دالة ومدتها:

$$18 \quad د(s) = 4s + 3$$

$$17 \quad د(s) = 7s - 9$$

$$16 \quad د(s) = s - 12$$

s	د(s)
	4
	2
	3
	5

s	د(s)
	5
	3
	2
	6

s	د(s)
	2
	1
	7
	12

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$19 \quad د(\frac{s}{6}) = 2s + \frac{1}{3}$$

٢١ **دراجات:** قطع عمر بدرجته مسافة ٢٠ كلم بعد ساعة واحدة من بدء الحركة. إذا استمر بسرعة معدلها ١٣ كلم في الساعة، فكم ساعة يحتاجها لقطع مسافة ١١١ كلم؟

٢٢ **قياس:** محيط المربع يساوي أربع أمثال طول ضلعه، اكتب دالة تمثل محيط المربع (مح) الذي طول ضلعه (ل)، ثم أوجد طول ضلع مربع محطيه ٧ سم؟

الضغط (نيوتن/بوصة مربعة)	العمق (قدم)
١٤,٧	٠
٢٩,٤	٣٣
٤٤,١	٦٦
٥٨,٨	٩٩
٧٣,٥	١٣٢

٢٣ **الغوص:** يبين الجدول المجاور ضغط الماء الذي يواجهه الغواص على أعماق مختلفة. اكتب دالة تمثل الضغط ض مقابل العمق مترًا. ما مقدار الضغط عند العمق ١٧٥ مترًا؟ قدر الجواب إلى أقرب جزء من مائة.

٢٤ **مسألة مفتوحة:** اكتب قاعدة دالة يكون فيها  $د(-3) = 8$ ، وأوجد قيمة الدالة عند الصفر، وعند قيم سالبة وأخرى موجبة للمتغير  $s$ .

**مسائل مهارات التفكير العليا**

٢٥ **تحدد:** اكتب قاعدة الدالة لكل جدول دالة فيما يأتي:

(أ) (ب) (ج) (د)

s	ص
-5	2
1	1
5	3
9	5

s	ص
-3	2
3	1
7	3
11	5

s	د(s)
-9	5
5	1
1	3
3	7

s	د(s)
-30	3
10	1
20	2
60	6

٢٦ **اكتُب** تُمثل المسافة  $f$  التي يتحركها جسم في الزمن  $t$  وبمعدل سرعة  $s$  بالدالة  $f = st$ . فَسِّرْ كيف يؤثر تغير المدخلة في تغير المخرجية.



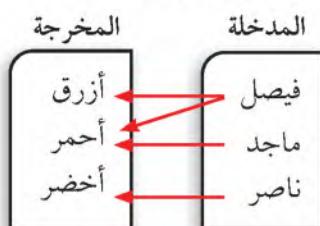


## معلم الجبر العلاقات والدوال

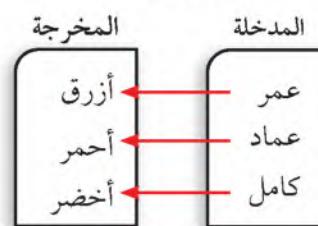
توسيع  
٢-١٠

تعبر العلاقة عن ربط مجموعة من العناصر تسمى مدخلات، بمجموعة أخرى تُسمى مخرجات. افرض أن ثلاثة طلاب اختاروا ألوانهم المفضلة من بين الأزرق والأحمر والأخضر. والمخططات الآتية تبين نتائج من التائج الممكنة لهذا الاختيار.

العلاقة ٢



العلاقة ١



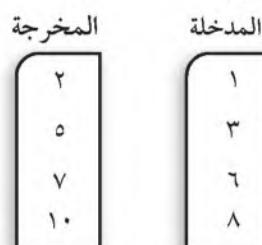
### فكرة الدرس:

أحدد ما إذا كانت علاقة ما دالة أم لا.

تذكر من الدرس السابق أن الدالة هي علاقة تُحدد مخرجية واحدة فقط لكل مدخلة. وفي المثال أعلاه تعد العلاقة الأولى دالة؛ لأن كل شخص اختار لوناً مفضلاً واحداً فقط. أما العلاقة الثانية فليست دالة؛ لأن فيصل اختار لونين مفضليين.

### نشاط

**الخطوة ١** انسخ مخطط العلاقة أدناه، وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات لتصبح دالة.



**الخطوة ٢** انسخ مخطط العلاقة من الخطوة الأولى. وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات على ألا تكون العلاقة دالة.

### حل النتائج

١ يمكن كتابة العلاقة في صورة مجموعة أزواج مرتبة، حيث تمثل المدخلة بالإحداثي السيني والمخرجية بالإحداثي الصادي، اكتب كل علاقة رسم مخططها في النشاط السابق في صورة أزواج مرتبة.

٢ بَيِّن لماذا لا تُعد كل علاقة دالة. وفسّر تبريرك بدلالة أزواج مرتبة.

٣ حدد ما إذا كانت كل علاقة فيما يأتي دالة أم لا، وفسّر ذلك:

{(١٨, ١), (١٥, ٩), (٣, ٦), (١٠, ٩)}

{(٧, ٥), (٦, ٥), (٦, ٠), (١٣, ٨), (١١, ١٠)}





## تمثيل الدوال الخطية

### الاستعاد

**الطيران:** تصل سرعة طائرة «الطائر الأسود» إلى  $36,6$  ميلًا في الدقيقة تقريبًا. إذا مثل المتغير  $s$  عدد دقائق الطيران بهذه السرعة، فإن قاعدة الدالة لمسافة المقطوعة هي  $s = 36,6s$ .

(المدخلة، المخرجية)	المخرجية	المدخلة	القاعدة
( $s$ ، $s$ )	$s$	$s$	$s = 36,6s$
( $36,6, 1$ )	$36,6$	$1$	$(1)36,6$
		$2$	$(2)36,6$
		$3$	
		$4$	

١ انسخ الجدول المجاور

للدالة وأكمله.

٢ مثل الأزواج المرتبة

$(s, s)$  في المستوى الإحداثي. ماذا تلاحظ؟

### فكرة الدرس:

أمثل الدوال الخطية بيانياً باستعمال الجداول.

### المفردات:

الدالة الخطية

يمكن تمثيل الدوال بالجداول والتمثيل البياني، والأزواج المرتبة، ويمكن التعبير عنها الفظياً.

### تمثيل الدالة

### مثال من واقع الحياة

١

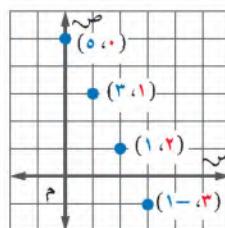
**لوازم مدرسية:** تبيع مكتبة علبة الأدوات الهندسية بـ  $5$  ريالين، ودفتر الملاحظات بـ  $2$  ريال واحد. وبذلك يكون ثمن  $s$  من علب الهندسة ودفتر الملاحظات هو  $2s + 5$ . ويريد سامي شراء بعض هذه الأنواع بـ  $5$  ريالات فقط. مثل المعادلة  $2s + 5 = 5$ . بيانياً، ثم أوجد كم يستطيع سامي أن يشتري من كل نوع؟

اكتب المعادلة.

$2s + 5 = 5$

اطرح  $2s$  من كل طرف ثم حل بالنسبة لـ  $s$ .  
 $2s - 2s + 5 = 5 - 2s$   
 $5 = 2s$  بسط.

تمثل المعادلة  $s = 5 - 2s$  دالة. اختر قيمة  $s$  وعوضها في المعادلة، ثم مثل الأزواج المرتبة.



$s$	$2s + 5$	$(s, 2s + 5)$
$0$	$5$	$(0, 5)$
$1$	$3$	$(1, 3)$
$2$	$1$	$(2, 1)$
$3$	$-1$	$(3, -1)$

وبما أنه لا يستطيع شراء كميات سالبة، فإنه يمكنه شراء  $5$  دفاتر ملاحظات فقط أو علبة هندسة و  $3$  دفاتر ملاحظات، أو علبة هندسة ودفتر ملاحظات واحد.

### تحقق من فهمي:

**أ) نقود:** مع أحمد  $27$  ريالاً من فئة  $5$  ريالات، أو  $1$  ريال، أو من كليهما فإذا كانت  $s$  تمثل عدد الأوراق من فئة  $5$  ريالات، و  $s$  تمثل عدد القطع من فئة  $1$  ريال، فمثل الدالة  $5s + s = 27$  بيانياً. ثم أوجد عدد العملات النقدية من كل فئة.

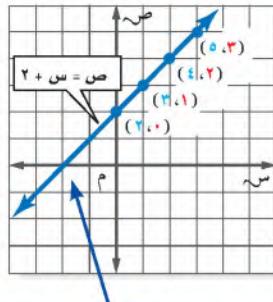


## مثال

### تمثيل الدالة

مثل الدالة  $s = s + 2$  بيانياً.

- اختر أي أربع قيم للمدخلة  $s$ ، ثم عوضها بدلاً من  $s$  لإيجاد قيم المخرجة  $s$ .
- مثل الأزواج المرتبة، وارسم خطًّا مستقيماً يمر بجميع النقاط.



s	s, s	s + 2	s
(0, 0)	0	2+0	0
(1, 1)	1	2+1	1
(2, 2)	2	2+2	2
(3, 3)	3	2+3	3

يمثل الخط المستقيم الدالة بيانياً. ويعد الزوج المناظر لأي نقطة على الخط حلًّا للمعادلة  $s = s + 2$ .

**تحقق:** يبدو أن الزوج المرتب (0, 2) حلًّا للمعادلة، تتحقق من ذلك بالتعويض.

$$s = s + 2 \quad \text{اكتب الدالة.}$$

$0 = 0 + 2$  عوض  $s$  بـ 0،  $s$  بـ صفر.

$$\checkmark \quad 0 = 0 \quad \text{بسط}$$

### تحقق من فهمك:

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

د)  $s = s + 1$

ج)  $s = -2s$

ب)  $s = s - 5$

### إرشادات للدراسة

حلول

حلول المعادلة هي الأزواج المرتبة التي تجعل المعادلة صحيحة.

تمثل النقطة التي يقطع عندها الخط محور السينات حالاً للمعادلة  $s = s + 2$ .

تُسمى المعادلة التي تُمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم **دالة خطية**. إذن،  $s = s + 2$  هي معادلة خطية.

### مراجعة المفردات:

العلاقة الخطية:

العلاقة الخطية هي تلك العلاقة التي تُمثل بيانياً بخط مستقيم.

(الدرس ٣-٣)

## تمثيل الدوال

### ملخص المفهوم

**التعابير اللغظية:** قيم  $s$  أقل بواحد من قيم  $s$  المناظرة لها.

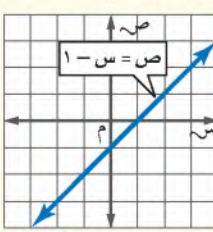
$$s = s - 1$$

**الرموز:**

**الأزواج المرتبة:** (1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 3)

**الجدول:**

s	s
1	0
0	1
1	2
2	3

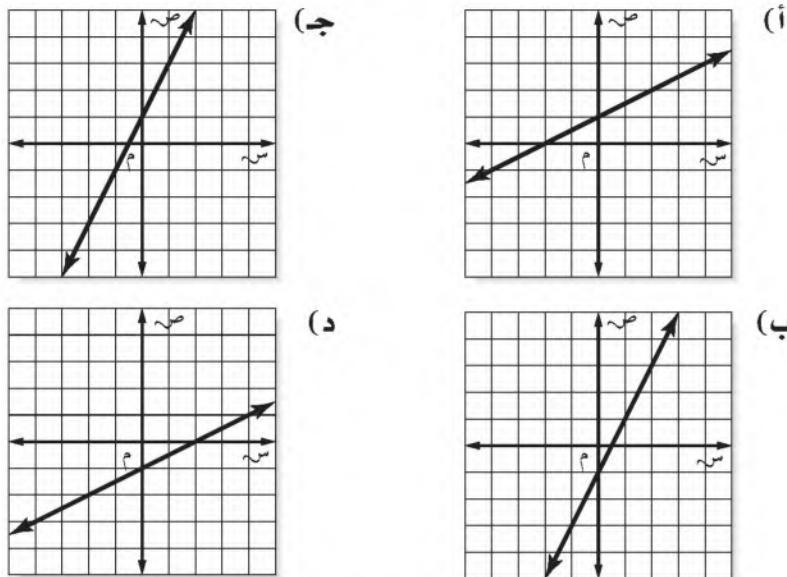


## مثال من اختبار

٣

أي مستقيم مما يأتي يُعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة  $(s, c)$  المبينة في الجدول الآتي؟

١	٠	١-	٢-	$s$
٣	١	١-	٣-	$c$



اقرأ :

عليك أن تقرر أي الأشكال الأربع أعلاه تمثل البيانات.

حل :

تمثل قيم الجدول الأزواج المرتبة  $(-3, 2), (-2, 1), (-1, 0), (0, 1), (1, 0), (2, -3)$ . وباختبار الأزواج المرتبة، فإن التمثيل البياني ج فقط هو الذي يحتوي كل هذه الأزواج المرتبة. فالإجابة الصحيحة هي ج.

إرشادات للاختبارات

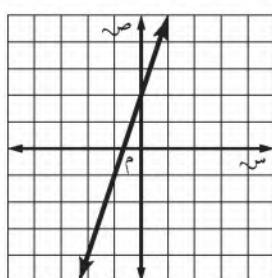
حذف البدائل

يمكن حذف البدائلين

ب، د عند اختيار الزوج

المرتب  $(1, 0)$  أولاً.

تحقق من فهمك:



هـ) إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة  $c = 3s + 2$ ، فأي جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا الخط فقط؟

٣	٠	$3-$	$6-$	$s$
٣	٢	$1-$	٠	$c$

٣	٢	٠	$1-$	$s$
٧	٤	$2-$	$5-$	$c$

٢	١	$1-$	$3-$	$s$
٨	٥	$1-$	$7-$	$c$

٨	٧	٥	$1-$	$s$
٢	$3-$	١	$1-$	$c$

## تأكد

١ **زهور:** تُباع كل ٤ من أزهار القرنفل في باقة، أما أزهار الأقحوان فتباع منفردة. مثل الدالة  $s + c = 15$  بيانياً لإيجاد عدد باقات أزهار القرنفل (س) وأزهار الأقحوان (ص) التي تحتوي ١٥ زهرة.

المثال ١

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

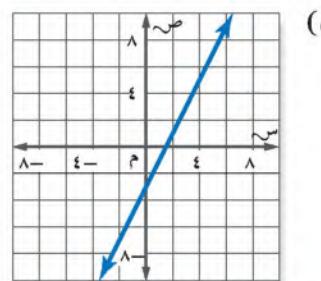
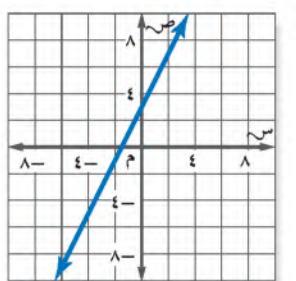
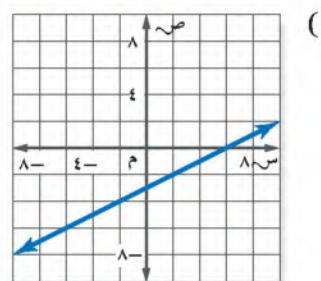
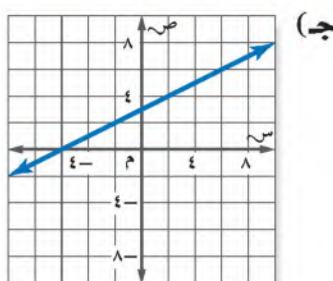
المثال ٢

$$c = s + 1 \quad ٤ \quad c = s - 2 \quad ٣ \quad c = 2s - 5 \quad ٢$$

٥ **اختيار من متعدد:** أي مستقيم مما يأتي يُعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة  $(s, c)$  الموضحة في الجدول الآتي؟

المثال ٣

s	٩	٢	٢-	٧-
c	١,٥	٢-	٤-	٦,٥-



## تدريب وحل المسائل

٦ **قرطاسية:** يُباع قلم الحبر بـ ٣ ريالات، وقلم الرصاص بـ ١ ريال واحد. مثل الدالة  $3s + c = 20$  بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (س) وأقلام الرصاص (ص) التي يمكن لمشاعل شراؤها بـ ٢٠ ريالاً.

الإجابات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٧,٦
٢	١٥-٨
٣	٢٨,٢٧

٧ **منظفات:** يُباع الصابون المعطر في حزم مكونة من ٥ حبات، ويُباع الصابون العادي متفرقاً، مثل الدالة  $s + c = 10$  بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لحزم الصابون المعطر (س) والعادي (ص) التي يمكن لراشد شراؤها إذا اشتري ١٠ حبات صابون.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$s = 4c \quad ٨ \quad c = s - 3 \quad ٩ \quad c = 3s - 1 \quad ١٠ \quad c = \frac{1}{3}s + 1 \quad ١٤ \quad c = 2s + 3 \quad ١٢ \quad c = 3s - 7 \quad ١٣ \quad c = \frac{1}{2}s - 1 \quad ١٥$$

**١٦ درجات حرارة:** تستعمل المعادلة  $F = 1,8S + 32$  لمقارنة درجات الحرارة السيليزية (S) بدرجات الحرارة الفهرنهايتية (F). اكتب أربعة أزواج مرتبة (S, F) تمثل حلاً للمعادلة أعلاه ثم مثّلها بيانياً.

**قياس:** للأسئلة ١٧-١٩ استعمل المعلومات الآتية:

تصف المعادلة  $S = 91,0$  س عدد المترات ص في س ياردة

هل لقيمة س السالبة معنى في هذا الموقف؟ فسر إجابتك.

١٧ مثل الدالة بيانياً.

١٨ كم متراً يعادل ٤٠ ياردة؟

**جبال:** استعمل المعلومات في الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٠، ٢١.

ارتفاعات بعض الجبال في المملكة	
الارتفاع (بألاف الأقدام تقريرياً)	الجبل
٩,٨	جبل السودة
٦,٥	جبل شيبان
٥,١	جبل قيس
٢,٥	جبل ثور

إذا كانت درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر  $80^{\circ}\text{F}$ ، والدالة  $F = 6 - 80^{\circ}\text{S}$  تصف درجة الحرارة F عند ارتفاع قدره بألاف الأقدام فوق مستوى سطح البحر.

**تقنية:** مثل الدالة بيانياً. ثم تحقق من صحة التمثيل باستخدام أحد التطبيقات الحاسوبية.

٢١ ما درجة الحرارة عند قمة كل جبل من هذه الجبال في يوم كانت فيه درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر  $80^{\circ}\text{F}$ ؟

**نقود:** يوفر عماد نقوداً لشراء حاسوب بـ ١٢٠٠ ريال. فإذا كان معه ٤٥٠ ريالاً، ولديه خطة لتوفير ٣٠ ريالاً أسبوعياً. حيث تمثل الدالة  $C(S) = 30S + 30$  المبلغ الذي يوفره بعد س أسبوع. مثل الدالة بيانياً لتحديد عدد الأسابيع اللازمة ليوفر عماد المبلغ الكافي لشراء الحاسوب.

**٢٣ مسألة مفتوحة:** مثل دالة خطية بيانياً، واذكر ثلاثة حلول لها.

**٢٤ اكتشف المختلف:** حدد الزوج المرتب الذي ليس حلاً للدالة  $C = 4S + 3$ . فسر تبريرك.

(١، ١)

(٧، ١)

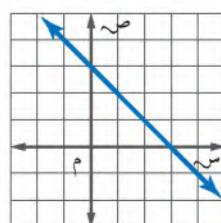
(٣، ٠)

(٥، ٢)

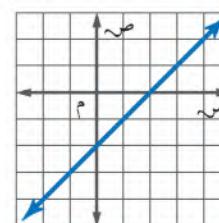
**مسائل**

**مهارات التفكير العليا**

**٢٥ تحد:** سِم إحداثيات أربع نقاط تحقق كل دالة فيما يأتي، ثم اكتب قاعدة الدالة:



(ب)



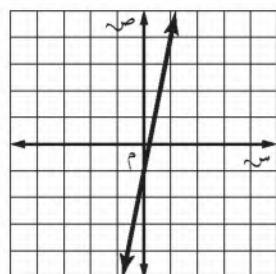
(ا)

**٢٦ أكتب** فسر كيف يمكن الاستعانة بجدول الدالة على تمثيلها بيانياً.





**٢٨ اختيار من متعدد:** إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة  $y = 5x - 1$ ، فأي جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا المستقيم فقط؟



٢	٢	١	٠	س
٢	١	٠	١-	ص

١	٠	١-	٢-	س
٦	١	٤-	٩-	ص

(أ)

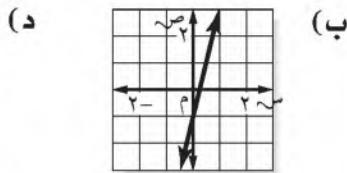
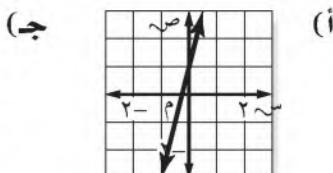
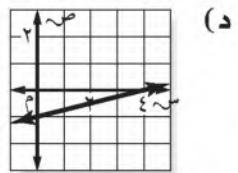
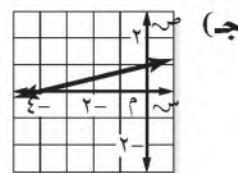
٢	١	٠	١-	س
٩	٤	١-	٦-	ص

٠	١-	٢-	٣-	س
٥-	٦-	٧-	٨-	ص

(ب)

**٢٩ أي مستقيم مما يأتي يعدّ أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (س، ص) المبينة في الجدول الآتي؟**

٨	٤	٠	٤-	س
١	٠	١-	٢-	ص



## مراجعة تراكمية

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ١٠ - ٢)

د(٦) إذا كان  $D(s) = 7s - 3$

د(٥) إذا كان  $D(s) = 3s + 15$

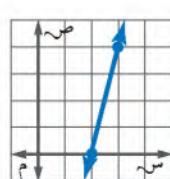
د(٣) إذا كان  $D(s) = 2s - 7$

٣٢ اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التنوبي للمتابعة الحسابية  $15, 45, 30, 60, \dots$ ، ثم اكتب الحدود الثلاثة الأولى. (الدرس ١٠ - ١)

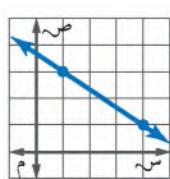
**مقاصف:** يربح مقصف المدرسة ٥،٠ ريال من كل قطعة شوكولاتة بيعها، ويرغب مسؤول المقصف تحقيق ربح لا يقل عن ٥٠٠ ريال هذا الأسبوع من بيع الشوكولاتة. اكتب متابعينه وحلّها لإيجاد عدد قطع الشوكولاتة التي عليهم بيعها لتحقيق الهدف. (الدرس ٩ - ٧)

## الالستعداد للدرس اللاحق

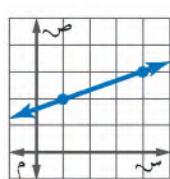
**مهارة سابقة:** أوجد معدل التغير لكل تمثيل بياني مما يلي:



٣٦



٣٥



٣٤



# اختبار منتصف الفصل

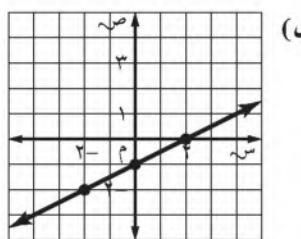
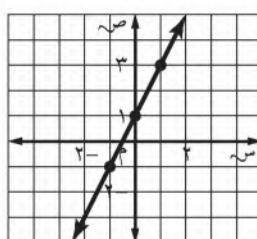
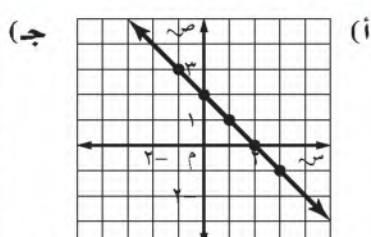
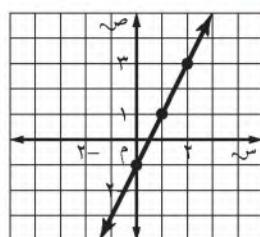
الفصل  
١٠

الدرس من ١٠ إلى ١٠-٣

١٣-٣ مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ١٠-٣)

١٤ ص = س + ٦      ١٥ ص = ٢ س - ٥

١٦ اختيار من متعدد: أي مستقيم مما يأتي يمثل  
المعادلة ص = ٢ س - ١؟ (الدرس ١٠-٣)



١٧-٣ إيجار: تقوم سيارة الأجرة باستعمال العداد الإلكتروني لاحتساب أجراها، حيث يحتسب ٥ ريالات في بداية فتح العداد، ثم ٧٥،٠ ريال لكل كيلومتر تقطعه السيارة. ويمكن حساب الأجرة (ص) التي يدفعها شخص استخدم السيارة مسافة (س) كيلومتر بالمعادلة ص = ٧٥،٠ س + ٥ (الدرس ١٠-٣)

١٨ مثل دالة الأجرة بيانياً.

١٩-٣ كم ريالاً يدفع شخص استأجر السيارة مسافة ١٦ كم؟

٢٠-٣ بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها: (الدرس ١٠-٣)

١ ...، ٢٩، ٢٥، ٢١، ١٧، ١٣

٢ ...، ٤، ٨، ١٦، ٣٢، ٦٤

٣ ...، ٤٣، ٣٤، ٢٥، ١٦، ٧

٢١-٣ بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها. (الدرس ١٠-٢)

٤ ن = ٣ - ٢ ن

٥ ن = ٧

٦ أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ١٠-٢)

٧ د(٩) إذا كان د(س) = ١٢ س

٨ د(٨) إذا كان د(س) = ٢ س - ٨

٩ د(٦) إذا كان د(س) = س + ٧

١٠ د(٢) إذا كان د(س) = ٦ س + ١

١١-٢ اختيار من متعدد: أي معادلة مما يأتي تصف الدالة الممثلة بالجدول الآتي: (الدرس ١٠-٢)

س	ص
٧	٢
٣	٠
١	٢
٥	٤

أ) ص = ٢ س - ٣

ب) ص = س - ٣

ج) ص = س + ٤

د) ص = ٢ س + ٣

١٢-٣ قياس: محيط المثلث المتطابق الأضلاع يساوي ٣ أمثال طول ضلعه. اكتب دالة تمثل محيط المثلث المتطابق الأضلاع (مح) الذي طول ضلعه (ل)، ثم أوجد طول ضلع مثلث محطيه ١٢ سم. (الدرس ١٠-٢)





## مِيلُ الْمُسْتَقِيمِ

١٠ - ٤

### اسْتَعِدْ



**سلامة** : يستعمل سلم الشاحنة المتحركة للوصول إلى أعلى المنشآت.

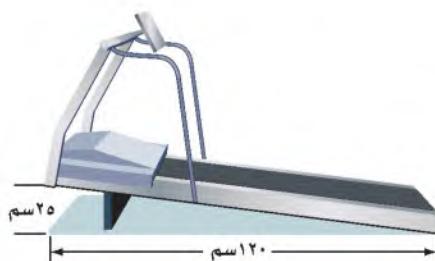
١ يعبر عن معدل التغير في ارتفاع السلم بالنسبة لارتفاع السلم إلى بعد قاعدته عن المنشآة. اكتب هذا المعدل في صورة كسر في أبسط صورة.

٢ أوجد معدل تغير ارتفاع السلم إذا ارتفع ١٠٠ قدم وكانت قاعدته على بعد ٥٠ قدماً من المنشآة.

يُستعمل مصطلح الميل لوصف انحدار الخط المستقيم عددياً. فالـ**الميل** هو نسبة التغير الرأسى (الارتفاع) إلى التغير الأفقي (المسافة الأفقيّة) وليس هنالك مشكلة في اختيار أي نقطتين لإيجاد الميل أو معدل التغير في الدوال الخطية؛ لأن معدل التغير ثابت دائمًا.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{\text{التغير الرأسى بين أي نقطتين}}{\text{التغير الأفقي بين نقطتين نفسهما}}.$$

### مَثَالٌ مِنْ وَاقِعِ الْحَيَاةِ



**رياضة** : أوجد ميل جهاز المشي المجاور.

تعريف الميل.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقي}}$$

$$\text{الميل} = \frac{٢٥ \text{ سم}}{١٢٠ \text{ سم}} = \frac{٥}{٢٤} = \frac{٥}{٢٤}$$

ميل جهاز المشي هو  $\frac{٥}{٢٤}$ .



### تَحْقِيقٌ مِنْ فَهْمِكَ :

أ) **بيوت** : تصمم البيوت في أوروبا بحيث تكون أسطحها منحدرة؛ حتى لا يتكدس الثلج عليها. أوجد ميل السطح المجاور.

لأن الميل هو معدل التغير، فإنه يمكن أن يكون موجباً (مائلاً لأعلى)، أو سالباً (مائلاً لأسفل).

### فِكْرَةُ الْدُّرْسِ :

أجد ميل المستقيم.

### المفردات

الميل

التغير الرأسى

التغير الأفقي

## إرشادات للدراسة

حركة التغير الرأسي  
والأفقي  
فوق ← موجب  
تحت ← سالب  
يمين ← موجب  
يسار ← سالب

## مثال

أوجد ميل المستقيم

اختر نقطتين على المستقيم. فيكون التغير الرأسي وحدتين في حين يكون التغير الأفقي ٣ وحدات.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{2}{3}$$

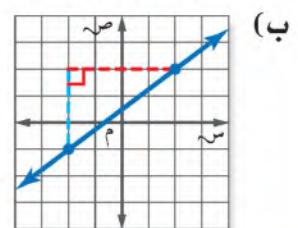
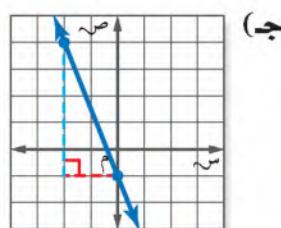
تعريف الميل.

التغير الرأسي = ٢، والتغير الأفقي = ٣.

ميل المستقيم هو  $\frac{2}{3}$ .

### تحقق من فهمك:

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



يمكن إيجاد الميل بإيجاد نسبة التغير في قيم ص إلى التغير في قيم س لأي نقطتين على الخط.

## إيجاد الميل باستعمال الجدول

## مثال

تقع النقاط المبينة في الجدول المجاور على مستقيم.

أوجد ميل المستقيم، ثم مثله بيانياً.

اختر أي نقطتين من الجدول وأوجد التغير في كل من س ، ص.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير في ص}}{\text{التغير في س}}$$

$$= \frac{12-9}{1-3}$$

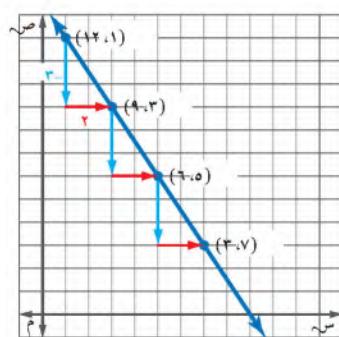
$$= \frac{3-}{2} = \frac{3-}{2}$$

ميل المستقيم هو  $\frac{3}{2}$ .

## إرشادات للدراسة

### الميل

يمكنك اختيار أي نقطتين لحساب الميل. ومهما كانت قيمة ص التي تسلتمها أولاً، فتائد من استعمال قيمة س البنازرة لها.



أوجد المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كل من الجدولين الآتيين مما يأتي، ثم مثله بيانياً:

(هـ)

٨	٤	٠	٤-	س
٤-	٣-	٢-	١-	ص

(د)

٦	٢	٢-	٦-	س
١	٠	١-	٢-	ص

## لغة الرياضيات

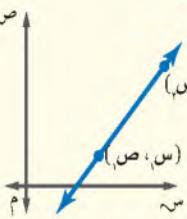
العدد تحت الرمز: يقرأ الرمز  
س، سين واحد، ويقرأ الرمز  
س، سين اثنين، و تستعملان  
للتعبير عن إحداثيين مختلفين  
لـ س.

أوجدت الميل باستعمال **التغير الرأسي** و **التغير في ص**، ويمكنك إيجاد ميل المستقيم باستعمال إحداثيات أي نقطتين على المستقيم. حيث يعبر عن إحدى النقطتين بالزوج المرب (س، ص)، وعن الثانية بالزوج المرب (س، ص). و يُسمى العددان الصغاران تحت الرمزين س، ص دليلاً للمتغيرين.

**صيغة الميل**

**النماذج:** الميل م للمستقيم المار بالنقطتين (س، ص)، (س، ص) هو نسبة فرق الإحداثيين الصاديين (س، ص) إلى فرق الإحداثيين السينيين المناظرتين.

**الرموز:**  $m = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}$ ، حيث  $س_2 \neq س_1$ .



### إيجاد الميل باستعمال الإحداثيات

### مثاً لان

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

$$ج (−1, 4), د (2, 2)$$

تعريف الميل.

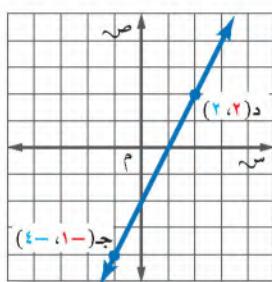
$$m = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}$$

$$(س، ص) = (−1, 4)$$

$$(س، ص) = (2, 2)$$

بسط.

$$m = \frac{2 - 4}{2 - (-1)} = \frac{2 - 4}{2 + 1} = \frac{-2}{3}$$



**تحقق:** عند التحرك من اليسار إلى اليمين يميل الخط إلى الأعلى وهذا صحيح، فالميل موجب.

$$ل (2, 1), ك (−3, 4)$$

تعريف الميل.

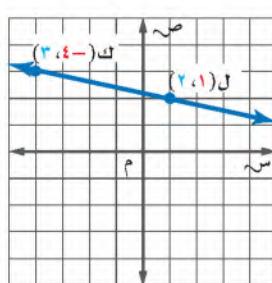
$$m = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}$$

$$(س، ص) = (2, 1)$$

$$(س، ص) = (−3, 4)$$

بسط.

$$m = \frac{4 - 1}{-3 - 2} = \frac{3}{-5} = -\frac{1}{5}$$



**تحقق:** عند التحرك من اليسار إلى اليمين، يميل الخط إلى الأسفل وهذا صحيح، فالميل سالب. ✓

### إرشادات للدراسة

#### استعمال صيغة الميل

ليس مهتماً تحديد أي نقطتين (س، ص)، وأيهما (س، ص)، ولكن يجب استعمال إحداثيات نقطتين بالترتيب نفسه.

للحتحقق من ذلك فضح في مثال ٥: (س، ص) = (−3, 4)، (س، ص) = (2, 1)، ثم أوجد الميل.

### تحقق من فهمك:

أوجد ميل المستقيم المار بكل نقطتين فيما يأتي:

$$و أ (2, 2), ب (5, 3) ز (−1, 2), د (0, 3) ح (−7, −4), ل (−2, 3)$$

## تأكد

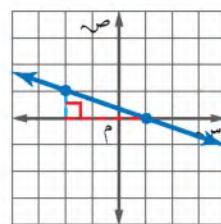


١ بنيات أوجد ميل سقف الغرفة المجاورة.

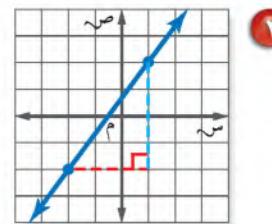
المثال ١

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

المثال ٢



٢



٣

٣	٢	١	٠	س
٧	٥	٣	١	ص

٤ تقع النقاط في الجدول المجاور على خط مستقيم. أوجد ميل الخط، ثم مثله بيانياً.

المثال ٣

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

المثالان ٤، ٥

٦ جـ (٤، ٢)، دـ (١، ٥)

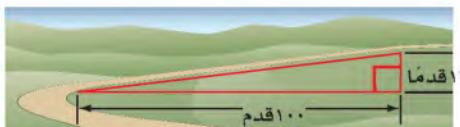
٥ أـ (٤، ٥)، بـ (٢، ٣)

٧ هـ (٣، ٣)، وـ (٥، ٦)

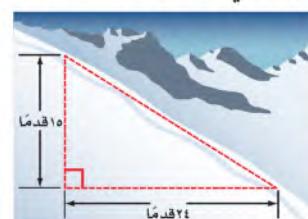
٨ كـ (١، ٥)، لـ (٤، ٣)

## تدريب وحل المسائل

١٠ طرق: أوجد ميل طريق ترتفع ١٢ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ١٠٠ قدم.

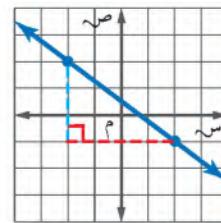


٩ تزلج: أوجد ميل طريق التزلج الذي ينحدر بمقدار ١٥ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ٢٤ قدماً.

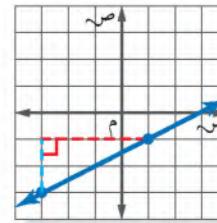


الإرشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠، ٩
٢	١٤-١١
٣	١٦، ١٥
٤، ٥	٢٢-١٧

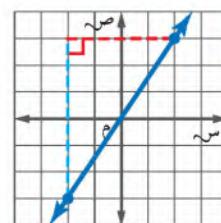
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



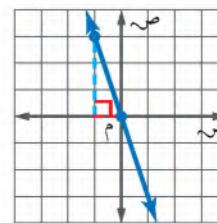
١٢



١١



١٤



١٣



أوجد ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كلٌ من الجدولين الآتيين، ثم مثله بيانياً:

١٥	٩	٣	٣-	س
٩	٥	١	٣-	ص

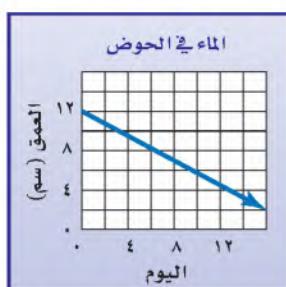
١٦

٦	٤	٢	٠	س
٦-	٤-	٢-	٠	ص

١٥

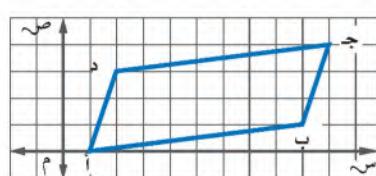
أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط الآتية:

أ (١، ٠)، ب (٢، ١)، ج (٢، ٥)، د (٣، ١)، ه (٤، ٧) ١٩  
 ب (٤، ٢)، ج (١، ٣)، د (٥، ٢)، ه (١، ٥) ١٧  
 ك (-٦، ١)، ل (٤، ١)، م (٢، ٣)، ن (٧، ٤) ٢٠  
 ي (٣، ٩)، ك (٢، ٤)، ل (١، ٤) ١٨



**١٣ أحواض مائية:** يبين الشكل المجاور عمق الماء في حوض مائي لعدة أيام. أوجد ميل المستقيم، وفسّر معناه بوصفه معدل تغير.

**١٤ احتياجات خاصة:** أقصى ميلان لمدخل البناءيات العامة هو بوصة واحدة رأسياً لكل قدم واحدة أفقياً؛ وذلك من أجل سلامة دخول الكراسي المتحركة. فهل يتناسب الميلان ١٠ أقدام أفقياً مع ارتفاع ٨ بوصات في هذا الوضع؟ فسر إجابتك.



**١٥ هندسة:** لكل خطين متوازيين الميل نفسه. بناءً على ذلك، حدد إذا كان الشكل الرباعي **أب جد** متوازي أضلاع أم لا، وبرر إجابتك.

**١٦ اكتشف الخطأ:** أوجد كل من عمر وعماد ميل المستقيم الذي يمر بال نقطتين س (٠، ٢)، ص (٢، ٣)، ج (٣، ٠)، د (٠، ٢)، فأيهما على صواب؟ فسر إجابتك.



$$\begin{aligned} \frac{3-2}{3-0} &= 1 \\ \frac{1}{1} &= 1 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \frac{2-3}{0-2} &= -1 \\ \frac{1}{1} &= 1 \end{aligned}$$

**١٧ مسألة مفتوحة:** ارسم مستقيماً في المستوى الإحداثي يكون ميله يساوي صفر.



الربط بالحياة: .....

من حقوق ذوي الإعاقة الحركية: تخصيص مقاعد خاصة بهم في وسائل النقل، ومواقف خاصة بسياراتهم، وتزويد البناءيات بداخل تلبي احتياجاتهم.

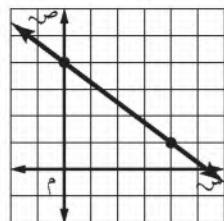
**مسائل**  
**مهارات التفكير العليا**

**١٨ تحدي:** أوجد ميل الخط المستقيم الذي يمثل دالة تعبّر عن محيط الدائرة بوصفها دالة في نصف القطر.

٢٩ **الكتاب** فسر لماذا تبقى نسبة التغير الرأسي إلى التغير الأفقي نفسها عند إيجاد الميل للدالة الخطية.

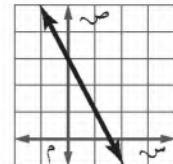
### تدريب على اختبار

٣١ ما ميل المستقيم في الشكل الآتي؟

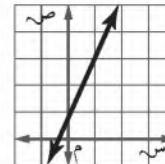


ج)  $\frac{3}{4}$       ج)  $-\frac{4}{3}$   
د)  $\frac{4}{3}$       د)  $-\frac{3}{4}$

٣٢ أيٌ من التمثيلات الآتية يمثل مستقيماً ميله ٢؟



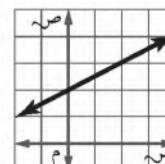
ج)



أ)



د)



ب)

### مراجعة تراكمية

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ١٠ - ٣)

$$ص = ٣س + ٢ \quad ٣٥$$

$$ص = س - ٢ \quad ٣٦$$

$$ص = ٥س \quad ٣٧$$

**حليب:** يمكن تخزين عبوة الحليب السائل بعد فتحها عدة أيام دون أن تفسد، وذلك بحسب درجة الحرارة وفقاً للمعادلة  $ي = -٤س + ٢٦$ ، حيث تمثل  $ي$  الزمن بالأيام، وـ  $س$  درجة الحرارة السيلزية لمكان التخزين. كم يوماً يمكن تخزين عبوة حليب في درجة حرارة  $٤^\circ$  س دون أن تفسد؟ (الدرس ١٠ - ٢)

أكمل جدول كل دالة فيما يأتي، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها: (الدرس ١٠ - ٢)

$$د(س) = ٥ - ٣س \quad ٣٨$$

$$د(س) = ٢س + ٣ \quad ٣٩$$

س	د(س)	س - ٥	٣ - د(س)
		٣	-
		٢	-
		١	-
		٤	-

س	د(س)	٣ - د(س)	٢س + ٣
			٢
			١
			٣
			٥

### الاستعداد للدرس اللاحق

**مهارة سابقة:** حل كل معادلة فيما يأتي:

$$\frac{ت}{٩} - ٦ = ٣ \quad ٤٢$$

$$٧ = \frac{ن}{٣} \quad ٤٣$$

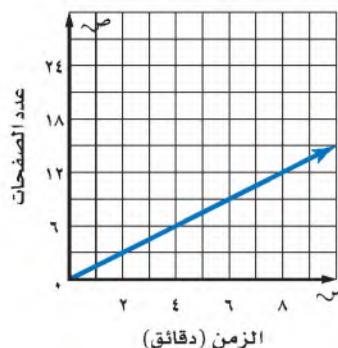
$$١٤٤ - ٤س = ١٠ \quad ٤٤$$



## التغير الطردي

٥-١٠

### الستعدين



**حواسيب:** استعمل التمثيل البياني المجاور الذي يبين نواتج الطابعة الملونة.

- ١ ما المعدل الثابت للتغير أو ميل المستقيم؟
- ٢ هل يتناسب عدد الصفحات المطبوعة مع زمن الطباعة دائمًا؟ وإذا كان كذلك فما النسبة الثابتة؟
- ٣ قارن المعدل الثابت للتغير بالنسبة الثابتة.

### فكرة الدرس:

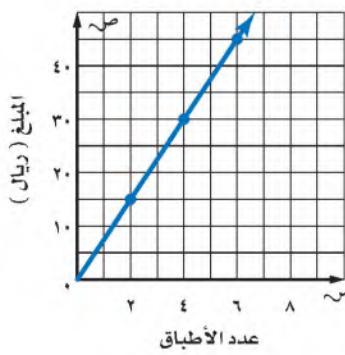
استعمل التغير الطردي لحل المسائل.

### المفردات:

التغير الطردي  
ثابت التغير

في المثال أعلاه، يتغير كل من عدد الصفحات المطبوعة وعدد الدقائق، على حين تظل نسبة عدد الصفحات المطبوعة إلى الدقائق ثابتة وهي ١،٥ صفحه لكل دقيقة. عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين ثابتة، تُسمى العلاقة بينهما **تغيراً طرديّاً**، وُتُسمى النسبة الثابتة **ثابت التغير**.

### مثال من واقع الحياة



**الطبق الخيري:** يبيّن التمثيل البياني المجاور المبالغ التي جمعتها سارة في مهرجان الطبق الخيري برعاية إحدى الجمعيات الخيرية لرعاية الأيتام ، والذي رُصد ريعه للأعمال الخيرية. حدد المبلغ الذي حصلت عليه سارة مقابلة بيع كل طبق.

بما أن المعلومات في التمثيل تشكل خطًا مستقيماً، فإن معدل التغير يكون ثابتاً، استعمل التمثيل البياني لإيجاد النسبة الثابتة.

$$\frac{7,5}{1} = \frac{60}{8} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{45}{6} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{30}{4} \quad \frac{7,5}{1} = \frac{15}{2}$$

ف تكون سارة قد حصلت على ٧,٥ ريالات لكل طبق واحد.

### تحقق من فهمك:

أ) **مظلي:** هبط مظلي من ارتفاع ١٩٠٠ قدم في دقيقتين بعد فتح مظلته، و هبط ٤٧٥٠ قدمًا في ٥ دقائق. إذا كانت المسافة تتغير طرديًا مع الزمن، فما معدل نزول المظلي؟

يُرمز لثابت التغير أو الميل في معادلة التغير الطردي عادة بالمتغير  $k$ .

**المفهوم أساسياً**

**النموذج :**

**التعبير اللفظي :** التغير الطردي: هو علاقة تكون فيها نسبة ص إلى س ثابتة (ك).

ويعبر عن ذلك بأن ص تغير طردياً مع س.

**الرموز :**

$$ك = \frac{ص}{س} \text{ أو } ص = ك س$$

حيث  $k \neq$  صفر

**مثال :**

$$ص = 3s$$



**الربط بالحياة :** .....  
لكل حيوان أليف معدل عمر مختلف مقارنة بعمر الإنسان، فمثلاً سنة واحدة من عمر الحصان تقابل 3 سنوات من عمر الإنسان.

### مثالٌ من واقع الحياة حل مسائل التغير الطردي

٢٠٠... **حيوانات :** بالرجوع إلى المعلومات إلى اليمين. افترض أن عمر الحصان يتغير طردياً مع ما يكافئه من عمر الإنسان. فما عمر الإنسان الذي يكافئ 6 سنوات من عمر حصان؟

اكتب معادلة التغير الطردي. لتكن س تمثل عمر الحصان، ص تمثل عمر الإنسان المكافئ له.

تغير طردي.

$ص = ك س$

$ص = 3, س = 1.$

$3 = ك (1)$

بسط.

$3 = ك$

عوض عن ك بـ.

$ص = 3s$

استعمل المعادلة لإيجاد ص عندما  $s = 6$ .

$ص = 3s$

$ص = 3 \cdot 6$

بسط.

$ص = 18$

إذن 6 سنوات من عمر حصان تكافئ 18 سنة من عمر إنسان.

### تحقق من فهمك:

ب) **تسوق :** يبيع محل خضار 6 برتقالات بـ 12 ريالاً. فما ثمن 10 برتقالات؟

في التغير الطردي، ثابت التغير  $k$  هو ثابت معدل التغير. وعندما تغير قيمة س بمقدار  $أ$ ، فإن قيمة ص المقابلة تكون  $k$  أ. ففي المثال السابق عندما تغيرت س بمقدار 6، تغيرت ص بمقدار  $3(6) = 18$ .

### إرشادات للدراسة

**تناسبات**

يمكنك استعمال التناسبات لحل مسائل التغير الطردي، وفي المثال، أكتب نسبة لمقارنة عمر الإنسان المكافئ للعمر الفعلي للحصان

$$\frac{3}{6} = \frac{ص}{س}$$

$$ص = 18$$

## إرشادات للدراسة

### مراجعة

لمراجعة العلاقات المتناسبة

راجع الدروس ٤-٣، ١-٣.

ليست جميع العلاقات التي يكون معدل تغيرها ثابتاً تكون متناسبة. وبالمثل، فالدوال الخطية ليست جميعها تغيرات طردية.

### تحديد التغير الطردي

### مثالان

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

قارن بين النسب وتحقق من تساويها.

الكيلومترات س	١٠٠	٧٥	٥٠	٢٥
اللترات ص	٤٠	٣٠	٢٠	١٠

$$\frac{2}{5} = \frac{40}{100} \quad \frac{2}{5} = \frac{30}{75} \quad \frac{2}{5} = \frac{20}{50} \quad \frac{2}{5} = \frac{10}{25}$$

بما أن النسب نفسها، فالدالة تمثل تغيراً طردياً، وثابت التغير يساوي  $\frac{2}{5}$ .

الساعات س	٨	٦	٤	٢
الإيرادات ص	٨٤	٦٨	٥٢	٣٦

$$\frac{10,5}{1} = \frac{84}{8} \quad \frac{11,33}{1} = \frac{68}{6} \quad \frac{13}{1} = \frac{52}{4} \quad \frac{18}{1} = \frac{36}{2}$$

النسبة ليست نفسها، فالدالة لا تمثل تغيراً طردياً.

### تحقق من فهمك:

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

الوقت س	١٠	٨	٦	٤
المسافة ص	٢٤	٢٠	١٦	١٢

الأيام س	٢٠	١٥	١٠	٥
الارتفاع ص	٥٠	٣٧,٥	٢٥	١٢,٥

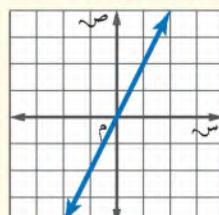
### ملخص المفهوم

### الدالة الخطية المتناسبة

المعادلة:

$$ص = ٢س$$

التمثيل البياني:



الجدول:

س	٢	١	-١	-٢
ص	٤	٢	-٢	-٤
س	٢	٢	٢	٢

### إرشادات للدراسة

التغيرات الطردية

لاحظ أن منحنى التغير

الطردي، الذي يمثل علاقة

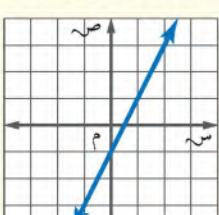
خطية متناسبة، هو ملقطي

بمثابة الأصل.

المعادلة:

$$ص = ٢س - ١$$

التمثيل البياني:

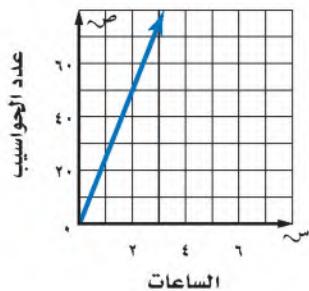


الجدول:

س	٢	١	-١	-٢
ص	٣	١	-٣	-٥
س	٢	١	٣	٥



## تأكد



**١ تصنيع:** يتغير عدد الحواسيب المصنعة تغيراً طردياً مع ساعات عمل خط الإنتاج. وفقاً للشكل المجاور، ما نسبة الحواسيب المصنعة إلى ساعات الإنتاج؟

**المثال ١**

**٢ مواصلات:** تقطع حافلة مسافة ٣٣٦ كيلم في  $\frac{1}{2}$  ساعة. إذا افترضت أن المسافة المقطوعة تتناسب طردياً مع زمن السفر، فكم تقطع الحافلة في ٦ ساعات؟

**المثال ٢**

الساعات	الكيلومترات
٥	٢٩٠
٤	٢٣٢
٣	١٧٤
٢	١١٦

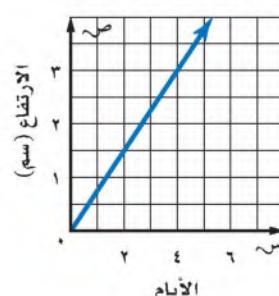
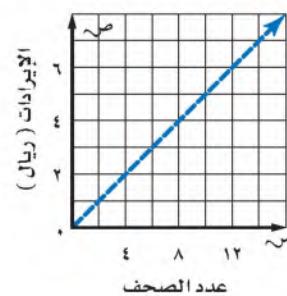
٣ حدد ما إذا كانت الدالة الخطية الممثلة بالجدول المجاور تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك، فاذكر ثابت التغير.

**المثالان ٣ ، ٤**

## تدريب و حل المسائل

**٤ وظائف:** يعمل خالد في توزيع الصحف اليومية، ويتناسب إيراده طردياً مع عدد الصحف التي يوزعها. فما إيراده لكل صحيفة يوزعها؟

**٤ تشجير:** زرعت جميلة بعض البنور، وبعد أن ظهرت فوق سطح الأرض، وجدت أن ارتفاعها يتغير طردياً مع عدد الأيام، فما معدل نموها؟



الإرشادات للأسئلة	
الإرشادات للأسئلة	الإرشادات للأسئلة
١	٥، ٤
٢	١٠-٦
٤، ٣	١٤-١١

**٥ غواصات:** بعد ١٠ دقائق من نزول غواصة من قارب البحث، كانت على عمق ٢٥ متراً تحت سطح الماء. وبعد ٣٠ دقيقة أصبحت على عمق ٧٥ متراً. فما معدل نزول الغواصة؟

**٦ قرطاسية:** اشتريت عائلة ٣ أقلام بـ ١٠، ٥ ريالات. وفي الأسبوع التالي اشتريت ٥ أقلام أخرى من النوع نفسه بـ ١٧، ٥ ريالاً. فما قيمة القلم الواحد؟



**٧ طلاء:** إذا استعمل عامر ١٢ لترًا من الدهان لطلاء  $٣١٥ م^٢$ ، و ٢٠ لترًا لطلاء  $٥٢٥ م^٢$  إضافياً، فكم لترًا من الدهان يحتاج إليه لطلاء  $٨٤٠ م^٢$ ؟

٩ **الكترونيات**: يتناسب عرض شاشة التلفاز طردياً مع ارتفاعها. إذا أنتج مصنع شاشة تلفاز عرضها ٦٠ سم وارتفاعها ٣٣,٧٥ سم، فأوجد ارتفاع شاشة تلفاز عرضها ٩٠ سم.

١٠ **كعك**: تحتاج روان لصنع كعكة تكفي ١٢ شخصاً إلى  $\frac{3}{4}$  كوب طحين. فكم كوباً من الطحين تحتاج إليه لعمل كعكة لـ ٣٠ شخصاً؟

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تشكل تغيراً طردياً، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

٨٠٠	٦٠٠	٤٠٠	٢٠٠	الدقائق س
٢١٥	١٦٥	١١٥	٦٥	التكلفة ص

١٢

٨	٧	٦	٥	الصور س
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

١١

٢٥	٢٠	١٥	١٠	الثمن س
١,٧٥	١,٤٠	١,٠٥	٠,٧٠	الربح ص

١٤

١٣	١٢	١١	١٠	العمر س
٨	٧	٦	٥	الصف ص

١٣



الربط بالحياة: ..... 

تعبر النسبة القطرية لشاشة التلفاز عن نسبة عرض الشاشة إلى ارتفاعها. وهي في الشاشات العاديّة  $3:4$  على حين أنها في شاشات أخرى  $9:16$ .

١٥ **جبر**: إذا كانت ص تغير طردياً مع س. فاكتب معادلة التغير الطردي، ثم أوجد القيمة المطلوبة.

إذا كانت ص = ١٢ - ١٢ س = ٩، فأوجد قيمة ص عندما س = -٤.

إذا كانت ص = ٨ عندما س = ٢٠، فأوجد قيمة ص عندما س = ١٠.

إذا كانت ص = ٦ - ٦ س = ١٤، فما قيمة س عندما ص = -٤؟

١٦ **قياس**: يتغير عدد المستلمات طردياً مع عدد البوصات. أوجد طول جسم بالمستلمات إذا كان طوله ٥٠ بوصة.

١٥	١٢	٩	٦	البوصات س
٣٨,١٠	٣٠,٤٨	٢٢,٨٦	١٥,٢٤	المستلمات ص

١٧ **قياس**: يتغير طول المستطيل المبين في الشكل المجاور طردياً مع عرضه. فما محيطه عندما يصبح عرضه ١٠ م؟



١٨ **مسألة مفتوحة**: حدد قيماً لكٌل من س، ص في علاقة تغير طردي تكون فيها ص = ٩ عندما س = ١٦.

١٩ **تحدد**: تتناسب كمية الطلاء المطلوبة لتغطية سطح خشبي طردياً مع مساحة السطح. فإذا كانت ٣ عبوات تكفي لتغطية ١,٢ م٢. فكم عبوة تلزم لتغطية ٣,١٥ م٢؟

٢٠ **الكتاب**: معادلة تغير طردي، ثم اضرب قيمة س في ٣. وفسّر كيف تجد التغير في قيمة ص المناظرة.

مسائل  
مهارات التفكير العليا

٢٤ **إجابة قصيرة:** قرأت منها ١٢ صفحة قراءة حرة في ٣٠ دقيقة. كم صفحة ستقرأ في ٤٥ دقيقة؟

٢٥ في وصفة لصناعة عصير فواكه مزجت الجوهرة ١٥٠ مل من عصير التفاح مع ٩٠ مل من عصير البرتقال. إذا صنعت عصير الفواكه مستعملة ٣٠٠ مل من عصير التفاح. فأي الت同比انات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد عدد ملليلترات عصير البرتقال (ل) التي ستستعملها؟

$$\text{أ) } \frac{300}{90} = \frac{90}{L} \quad \text{ج) } \frac{90}{L} = \frac{300}{150}$$

$$\text{ب) } \frac{90}{L} = \frac{150}{300} \quad \text{د) } \frac{90}{300} = \frac{150}{L}$$

٢٦ أجرى سعد تجربة في مختبر العلوم وسجلوا نتائج طول استطالة النابض (الزنبرك) كما هو مبين في الجدول أدناه:

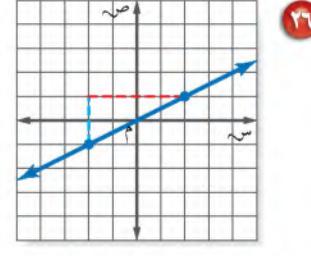
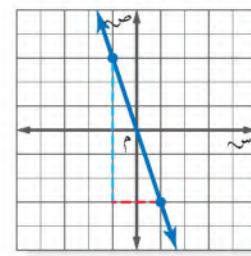
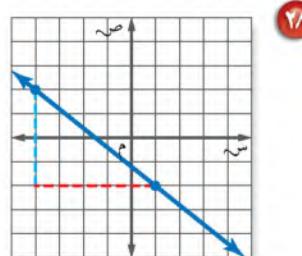
طول استطالة النابض	
استطالة النابض (س)	كتلة الثقل (جرام)
٠	٠
١٢	٢
٣٠	٥
٥٤	٩
٧٢	١٢

أي المعادلات الآتية تعطي أفضل تمثيل للعلاقة بين استطالة النابض (س) وكتلة الثقل المعلق فيه (ص)؟

أ)  $s = 6 - \frac{c}{6}$       ج)  $c = \frac{s}{6}$   
 ب)  $c = 6s$       د)  $s = \frac{c}{6}$

## مراجعة تراكمية

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي: (الدرس ٣ - ١٠)



٢٩ **عمل:** الدالة  $g = 15t$  تصنف العلاقة بين عدد ساعات العمل (ت)، ومقدار الأجر (ج) الذي يتلقاه صالح من عمله. مثل الدالة بيانياً لتحديد مقدار الأجر الذي يتلقاه صالح إذا عمل ٢٠ ساعة. (الدرس ٣ - ١٠)

بيان إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة في القيمة المعطاة: (الدرس ٩ - ٦)

٣٠  $18 - n < 4, n = 11$

٣١  $8 = 21, s > 13 + 13$

٣٢  $5 \geq 34, y = 7$

٣٣ أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين: ج (٢، ٣)، د (٤، ٥). (الدرس ١٠ - ٤)

## الاستعداد للدرس اللاحق

٣٤ **مهارة سابقة:** قام منسق مبيعات بترتيب علب حلوى بعضها فوق بعض فوضع ٥ علب في الصف العلوي، و٧ علب في الصف الثاني أدناه، و٩ علب في الصف الثالث أدناه، وهكذا... إذا كان الترتيب الذي صفت به العلب يتكون من ١٠ صفوف، فما عدد العلب التي ربها؟ استعمل استراتيجية البحث عن نمط.

ما الحد التالي في المتتابعة الحسابية ١٠، ٧، ٤، ١، ... (الدرس ١٠ - ١)





## استراتيجية حل المسألة

٦ - ١

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء نموذج".



### إنشاء نموذج

وليد: في معمل الحاسب، أحاول أن أصمم لعبة تتطلب أن يقوم اللاعب بترتيب خمسة مربعات.

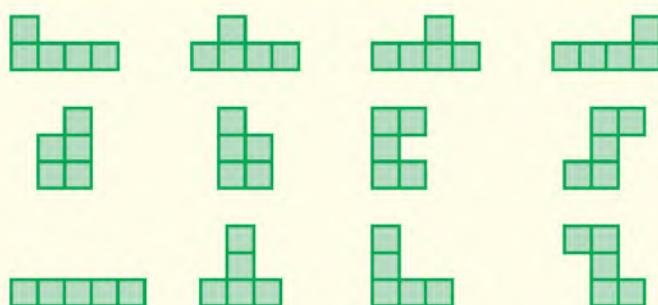
مهمتك: **إنشاء نموذجاً لأجد عدد الطرائق الممكنة التي يمكن بها ترتيب خمسة مربعات متلاصقة جنباً إلى جنب لتكون شكلًا واحداً.**

تعلم أنه يجب ترتيب المربعات الخمسة متلاصقة جنباً إلى جنب. والمطلوب تحديد عدد الطرائق الممكنة لعمل ذلك.

**أفهم**

إنشاء نموذجاً لتوضح تلك الطرائق المختلفة لترتيب المربعات.

**خطّط**



**حلّ**

هناك 12 طريقة ممكنة لترتيب المربعات.

تحقق من أن النماذج أعلاه تتضمن جميع الطرائق الممكنة لترتيب المربعات. ولاحظ أن الدوران فقط لا ينتج عنه طريقة جديدة، في حين أن الانعكاس قد ينتج عنه طريقة جديدة.

**تحقق**

### حل الاستراتيجية

١ إذا كان المطلوب من اللاعب أن يرتّب ستة مربعات، فكم طريقة مختلفة يمكن بها ترتيب المربعات الستة؟

٢ **اكتُب** صفاتي تستعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" في حل المسائل الرياضية.

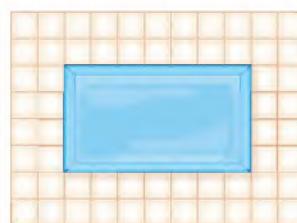


**٨ مطعم:** يصف مطعم طاولات للأكل مربعة الشكل متلاصقة جنباً إلى جنب، بحيث يجلس أمام كل ضلع من أضلاع الطاولة شخص واحد. فإذا كان عدد الأشخاص ٣٢ شخصاً، فكم طاولة يحتاج إليها المطعم؟

**٩ نقود:** افترض خالد مبلغ ٢٥٠ ريالاً من زميلاه، ثم أعاد إليه ٨٢ ريالاً. إذا أراد أن يعيد إليه ١٤ ريالاً كل أسبوع، فكم أسبوعاً يحتاج إليها خالد لسداد قرضه؟

**١٠ لوحات:** تريند هند تعليق ٣ لوحات عرض كل منها قدمين على جدار غرفتها، بحيث تكون المسافة بين اللوحات بعضها وبعض ، وكذلك بين اللوحات ونهايتي الجدار جميعها متساوية. فإذا كان طول الجدار ١٨ قدماً، فكم يجب أن يكون طول تلك المسافة؟

**١١ تبليط:** استعمل الشكل الآتي لحل المسألتين ١٢ و ١١ الذي يوضح بلاطة مربع الشكل طول ضلع الواحدة ١ قدم، ويحيط بحوض سباحة طوله ٧ أقدام وعرضه ٤ أقدام.



**١٢ باستعمال النموذج أعلاه، كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ١٨ قدماً، وعرضه ١٢ قدماً؟**

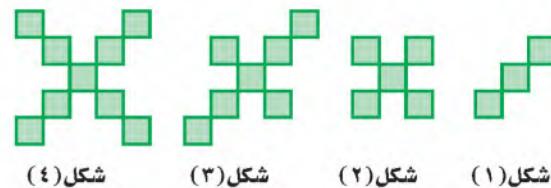
**١٣ كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ٣٢ قدماً، وعرضه ٢٠ قدماً؟**

**١٤ غسيل:** تحتاج مها إلى مشبكين لتشييت كل قطعة ملابس على حبل الغسيل، ويمكنها أن تثبت قطعتين متجاورتين بمشبك واحد. ما أقل عدد ممكّن من المشابك تحتاج إليه لتشييت ٨ قطع من الملابس؟

استعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" لحل المسائل ٣-٥:

**١٢ تربية فنية:** ينشئ داود نموذجاً لحديقة الحي التي طولها ٩٦ متراً، وعرضها ٧٢ متراً. فإذا استعمل المقياس ٨ أمتار =  $\frac{1}{2}$  سم، فما أبعاد نموذج الحديقة؟

**١٣ أنماط:** كم مربعاً في الشكل رقم ٢٠ وفق النمط الآتي:



**١٤ أطعمة:** يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم وعرضها  $\frac{1}{2}$  ٨ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع  $\frac{1}{2}$  ١ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦-١٣:

من استراتيجيات حل المسألة

- الرسم
- التخمين والتحقق
- إنشاء نموذج

**١٥ كرة الطائرة:** جاء ٨ لاعبين للتدريب على الكرة الطائرة. كم فريقاً مكوناً من ٣ لاعبين يمكن تكوينه منهم؟

**١٦ خدمات طلاب:** يقوم مكتب خدمات طلاب بتصوير الورقة المستقلة بسعر ٢٠ ، ٢٠ ريالاً، وأوراق الدفاتر بسعر ٢٨ ، ٢٨ ريالاً. فإذا دفع سعد ١٩ ريالاً، فكم ورقة من كل نوع قام بتصويرها؟

## اختبار الفصل

١٠

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:  
 ١١) أ(-٢، ٥)، ب(١، ٢)، ه(-١، ٥)، و(٣، ٢)

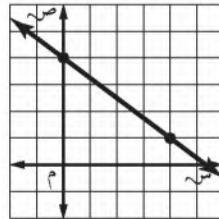
١٢) **اختيار من متعدد:** زرع عصام ١٨ زهرة في ٣٠ دقيقة. فكم زهرة يزرع في ٥٥ دقيقة بال معدل نفسه؟

أ) ٣٠      ب) ٣٦      ج) ٣٣      د) ٣٨

١٣) **اختيار من متعدد:** أي زوج مرتب فيما يأتي هو حل للمعادلة  $ص = 3س - 3$ ؟

أ) (١، ٣)      ج) (٣، ١)  
 ب) (١، ٣)      د) (٣، ١)

١٤) **اختيار من متعدد:** أوجد ميل المستقيم في الشكل الآتي.



أ)  $\frac{4}{3}$   
 ب)  $\frac{3}{4}$   
 ج)  $\frac{3}{4}$   
 د)  $\frac{4}{3}$

١٥) **درجات حرارة:** تستعمل الدالة:  $ف = \frac{9}{5}س + 32$  لتحويل درجات الحرارة السيليزية س إلى فهرنهایته ف. حول درجة الحرارة السيليزية ٢٥° إلى فهرنهایته.

١٦) **إطار:** استعمل نجار إطاراً عرضه ١٧٥ سم لإحاطة صورة طولها ١٥ سم وعرضها ٩ سم، أوجد محيط الإطار.

١٧) **توفير:** في حصالة خالد ٢٠ ريالاً، ويضيف لها ٥ ريالات كل أسبوع. كم ريالاً سيكون في حصالة بعد ٧ أسابيع؟

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التنوبي لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية فيها:

١) ...، ١٦، ١٢، ٨، ٤

٢) ...، ٢٨، ٢١، ١٤، ٧

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

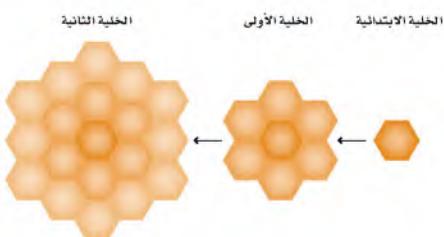
٣)  $د(٣)$  إذا كان  $د(س) = ٢س + ٦$

٤)  $ق(٢)$  إذا كان  $ق(س) = \frac{s}{2} + ٥$

٥) **وظائف:** يتناسب إيراد علي من عمله طردياً مع زمن العمل، فإذا كان إيراده ١٨٦٢,٥ ريالاً بعد ٢٥ ساعة عمل. فكم يتضاعف إذا عمل ٣٠ ساعة؟

٦) **أمطار:** إذا كانت كمية الأمطار الهاطلة حتى الساعة ٦ مساءً ٣ سم، فإذا استمر هطل الأمطار بمقدار ٥،٠ سم لكل من الساعات الثلاث التالية. فكم ستنتمرا مقدار هطل الأمطار حتى الساعة ٩ مساءً؟

٧) **خلايا النحل:** يبدأ النحل البلدي عمل الخلايا بخلية ابتدائية واحدة سداسية الشكل، ثم تقوم بعمل حلقة تلو الأخرى حول الخلية الابتدائية، كما هو موضح بالشكل أدناه، لتشكل الحلقات المتتالية حول الخلية الابتدائية متتابعة حسابية:



أ) اكتب الحد التنوبي الممثل لعدد الخلايا في الحلقات.  
 ب) أوجد عدد خلايا النحل في الحلقة السادسة.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

٨) ص = ٢س - ٥      ٩) ص =  $\frac{1}{3}s - ١$



# الاختبار التراكمي (١٠)

القسم ١ اختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ما العبارة التي تمثل الحد التوسي في المتتابعة الموضحة في الجدول الآتي؟

الترتب	٥	٤	٣	٢	١	ن
قيمة الحد	٣٠	٢٤	١٨	١٢	٦	٤

أ)  $n - 4, 0$

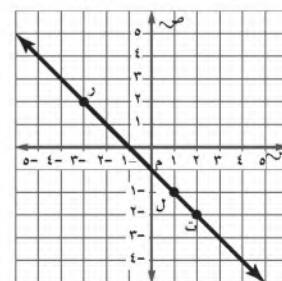
ب)  $n + 6, 0$

٢ مخروط قائم ارتفاعه ١٢ سم، وحجمه  $314 \text{ سم}^3$  ما طول نصف قطر قاعدته؟ (قرب إلى أقرب جزء من عشرة).

أ) ٥

ب) ٨, ٣

٣ ما العبارة الصحيحة حول ميل المستقيمة  $RT$ ؟



أ) الميل هو نفسه بين أي نقطتين.

ب) الميل بين النقطتين R, L أكبر من الميل بين L, T.

ج) الميل بين النقطتين R, T أكبر من الميل بين L, T.

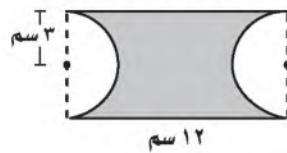
د) الميل موجب.

٤ حل المتباينة  $2 - 5s \geq 12$

أ)  $s \geq -2$

ب)  $s \leq -2$

٥ ما مساحة الجزء المظلل في الشكل أدناه، مقرباً؟  
إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة؟



أ) ١٥,٥ سم<sup>٢</sup>  
ب) ١٠,٤ سم<sup>٢</sup>  
ج) ٤٣,٧ سم<sup>٢</sup>  
د) ٤١,٠ سم<sup>٢</sup>

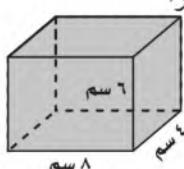
٦ تمثل المعادلة:  $T = 2,5 + 12z$

المبلغ T الذي يدفعه سعود لاستعمال خدمة الإنترنت، حيث تمثل z عدد الساعات المستعملة خلال الشهر. احسب المبلغ الكلي الذي يدفعه سعود إذا استعمل الإنترنت ٩ ساعات؟

أ) ٣٩,٩٥ ₪  
ب) ٣٤,٥٠ ₪  
ج) ٢٧ ₪  
د) ٢٢,٥ ₪

٧ تستهلك شاحنة ٦ لترًا من الوقود في قطع ١٧١,٢ كيلومترًا. فكم لترًا تحتاج لقطع مسافة ٤٠٠ كيلومتر إضافي؟

أ) ٨٥,٨ لترًا  
ب) ٦٩,٢ لترًا  
ج) ٣٨,١ لترًا  
د) ٩٥,٣ لترًا



٨ ما المساحة الكلية لسطح المنشور الرباعي المجاور؟

أ) ١٤٤ سم<sup>٢</sup>  
ب) ١٧٦ سم<sup>٢</sup>  
ج) ١٩٢ سم<sup>٢</sup>  
د) ٢٠٨ سم<sup>٢</sup>

٩ أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين: (٣,٠), (٢,٢).

أ)  $-\frac{2}{5}$   
ب)  $\frac{5}{2}$   
ج)  $-\frac{5}{2}$   
د)  $\frac{2}{5}$



١٥ بيع محل خضار كل ٣ كيلوجراماتٍ من التفاح بـ ٢١ ريالاً، فما ثمن ١٠ كيلوجرامات من التفاح نفسه؟

### الإجابة المطولة

### القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:  
١٦ يقدم مركز للتزلج عرضين لدخوله، فيعرض تذكرة الدخول اليومية بـ ٤٠ ريالاً أو الاشتراك الشهري بـ ٤٠٠ ريال.

عدد مرات الدخول					
التكلفة الكلية للدخول اليومي					
٥	٤	٣	٢	١	
			٨٠	٤٠	
			٤٠٠	٤٠٠	التكلفة الكلية للاشتراك

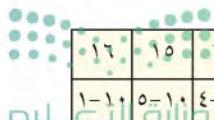
- أ) هل المتتابعة المكونة من التكلفة الكلية للدخول اليومي تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.
- ب) هل المتتابعة المكونة من التكلفة الكلية للاشتراك الشهري تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.
- ج) كم مرة يمكن لشخص دخول مركز التزلج بحيث يكون الاشتراك الشهري أفضل من الدخول اليومي؟



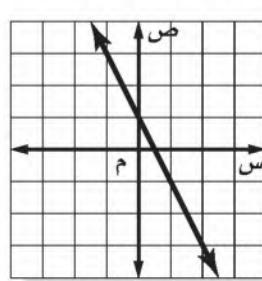
أتدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة، حتى أعزّز ما تعلّمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ معدٌ للحياة، ومنافسٌ عالميًّا.



١٧ إذا كان الشكل الآتي يمثل منحنى المستقيم  $s = -2s + 1$ ، فما الجدول الذي يعبر عن الأزواج المرتبة التي تقع على المستقيم؟



(أ)	٠	١	٢	$s$
(ب)	١	٣	٥	$s$
(ج)	٠	١	٢	$s$
(د)	١	١	٣	$s$
	١	٠	١	$s$
	١	١	٣	$s$

١٨ إذا كانت  $d(s) = 2s - \frac{1}{3}$ ، فما قيمة  $d(\frac{2}{3})$ ؟

- (أ)  $\frac{1}{3}$
- (ب)  $\frac{2}{3}$
- (ج) ١
- (د)  $\frac{1}{3}$

١٩ ما أساس المتتابعة الحسابية: ٢٠، ١٦، ١٢، ٨، ...

- (أ) ٢٠
- (ب) ٤
- (ج) -٤
- (د) ٤

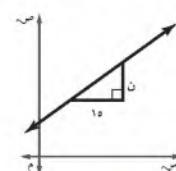
### الإجابة القصيرة

### القسم ٢

أجب عن الأسئلة الآتية:

٢٠ يكلف شراء نوع من الطيور ٢٥٠ ريالاً، وتكلف العناية به ٧٠ ريالاً كل شهر لطعامه، ومستلزماته وعلاجه ورعايته وتدريبه. اكتب معادلة وحلها لإيجاد تكلفة شراء الطير والعنابة لمدة عامين.

٢١ إذا كان ميل المستقيم الموضح أدناه  $\frac{5}{6}$ ، فما قيمة  $n$ ؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال ....

فراجع المدرس ....